

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + *Refrain from automated querying* Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + Keep it legal Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/







. • . •

THEONIS SMYRNAEI

PHILOSOPHI PLATONICI

EXPOSITIO RERUM MATHEMATICARUM

AD LEGENDUM PLATONEM UTILIUM.

RECENSUIT

EDUARDUS HILLER.

Æ

. 1

LIPSIAE,

IN AEDIBUS B. G. TEUBNERI.

MDCCCLXXVIII.

Ree. Aug. 28, 1879.

,

LIPSIAE: TYPIS B. G. TEUBNERI.

FRIDERICO HULTSCHIO

s.

. , · · . .

PRAEFATIO.

Theonis Smyrnaei commentarius de rebus mathematicis ad legendum Platonem utilibus in duas partes discerptus ad nostram aetatem pervenit; quarum prior (p. 1—119) exstat in codice Veneto bibliothecae Marcianae 307 (**A**), posterior (p. 120—205) in eiusdem bibliothecae codice 303 (**B**). Hos libros Bonnae excussi, quo transmissi mihi erant intercedente Ottone Iahnio praeceptore humanissimo; postea multos locos Venetiis iterum inspexi.

Codex A membranaceus, saeculi XI. vel XII., formae quadratae, praeter Theonis partem priorem nihil continet. Librarius in iis quae ad prosodiam pertinent multos commisit errores; veluti saepe scripsit, ut pauca adferam, $\nu\eta\tau\eta'$ $\delta\gamma\delta\sigma\sigma$ $\tau\epsilon\tau\rho\alpha\kappa\tau\sigma\varsigma$ $\delta\sigma\sigma$ $\delta\nu\alpha\delta\sigma\sigma$ $\mu\epsilon\tau\alpha\beta\alpha\sigma\alpha$. Praepositiones saepe carent accentibus. Ubi pronominis reflexivi forma requiritur, aut $\epsilon\alpha\nu\tau\sigma\sigma$ positum est aut $\alpha\dot{\nu}\tau\sigma\sigma$, nunquam nisi fallor $\alpha\dot{\nu}\tau\sigma\sigma$. Promiscue legitur $\alpha\ell\epsilon\ell$ et $\dot{\alpha}\epsilon\ell$. ι nunquam subscribitur, interdum adscribitur. Numeri fere semper rubro colore facti sunt.

Quae librarius ille in prosodia peccavit, ea plerumque, non ubique, correxit alia manus (A^2) , quae etiam $i\delta\epsilon\alpha$ pro $\epsilon i\delta\epsilon\alpha$, $\lambda\epsilon i\mu\mu\alpha$ pro $\lambda i\mu\mu\alpha$ ac similia recte restituit. Graviora quoque nonnulla ab eadem manu mutata inveniuntur. Neque vero eae scripturae ex alio codice repetendae sunt: nam omnes ita sunt comparatae, ut facile coniectura sive vera sive falsa inveniri potuerint. Ceterum cum etiam is qui codicem exaravit multa correxerit et in rasura scripserit, compluribus locis non potest accurate cognosci, utrum ad illam an ad alteram manum mutatio sit referenda.

De codice B cf. quae disputavi in Philologi vol. XXXI. p. 172 sqq. Chartaceus est, forma maxima, saeculo XIV. vel XV. scriptus. Continet inde a fol. 9a-16b operis huius partem alteram cum figuris neglegentissime factis.

Inscriptiones capitum quas A et B praebent tantopere discrepant ab indicandi argumenti recta ratione tamque inepte nonnunquam positae sunt, ut ipsius scriptoris quamvis mediocri ingenio tribui non possint. Itaque non in verborum contextu sed in aduotatione critica locum iis adsignandum esse censui. Cf. Martin, Theo de astr p. 36.

Cf. Martin, Theo de astr p. 36. Ex codicibus A et B ducti sunt omnes quorum ego notitiam habeo libri manu scripti in quibus tota exstat aut prior pars aut posterior; quod ita se habere certis argumentis alio loco mox comprobabo. Adhibitis exemplaribus ex A aut B derivatis priorem partem edidit *Bullialdus* (Lut. Par. 1644), posteriorem *Martinus* (ib. 1849) — versus Alexandri (p. 139 sqq.), quos ex apographo codicis B descripserat Isaac Vossius, iam antea saepius typis expressi erant, cf. adn. ad p. 139 —, denique primam particulam (p. 1—46, 19) de Gelder (Lugd. Bat. 1827). Mihi codices huius generis iis potissimum locis commemorandi fuerunt, ubi antiquae scripturae errores correctos exhibent. Variorum signorum multitudine ne adnotatio prorsus inutiliter oneraretur, ex horum librorum numero eos in quibus emendatae lectiones inveniuntur singillatim indicare nolui, sed communi apographorum appellatione codices ex A vel B oriundos significavi. Eam autem particulam huius libri quae legitur p. 46, 20-57, 6 ($\tau o \tilde{v} \pi v s \dot{v} \mu \alpha \tau o g$) separatim excerptam complures codices praebent, in quorum archetypum transscripta esse videtur ex libro ab A diverso. Huius generis exemplaria sunt codex Venetus Marcianus 512 saeculi XIII. vel XIV., Riccardianus K 2, 2, 41 saec. XV., Neapolitanus 260 sive III C 2 saec. XV. vel XVI., Vaticanus 221 saec. XVI., Vaticanus Urbinas 77 saec. XVI., Barberinianus II 86 saec. XVI. Fragmentum Theonis ex Marciano in usum meum insigni comitate descripsit Hermannus Diels; ex Neapolitano nonnulla mihi notaverunt Fridericus de Duhn et Georgius Kaibel; ceteros ipse cum editione Bullialdi contuli. Ex eodem genere is codex fuit quo Manuel Bryennius usus est: cf. eius Harmon. p. 393 sqq. His igitur libris inter se comparatis quid in eorum archetypo (Z) scriptum fuerit facile cognosci potest.

Ad emendandos versus Alexandri praeter codicem Marcianum B adhibui eiusdem bibliothecae codicem 203 (C) chartaceum saeculi XIII., in cuius ultimo folio (230) poema illud exstat praescripto titulo 'Αλεξάνδρου Αίτωλοῦ περί τῶν πλανητῶν. Librarius eo exemplari usus esse videtur ex quo B descriptus est.

Compluribus locis ad restituenda Theonis verba utilitatem praebet *Chalcidii* in Platonis Timaeum commentarius, propterea quod uterque scriptor Adrasti Peripatetici commentarium in usum suum convertit partesque eius haud exiguas accurate expressit: cf. Rhein. Mus. XXVI p. 582 sqq.

Lacunarum quarum signa in contextu verborum posui vestigia in codicibus iis tantum locis exstant, ubi id diserte a me indicatum est. Uncis obliquis $\langle \rangle$ ea inclusi quae traditae lectioni addenda, quadratis [] ea quae delenda esse mihi videntur. Ad significandas eas prioris manus cod. A scripturas quae ab A² mutatae sunt nota A¹ usus sum. Asteriscum * apposui scripturis libri B a Martino correctis. Omnibus vero iis locis, quibus emendationis sive in adnotatione propositae sive in verborum ordinem receptae auctorem vel fontem non indicavi — sunt autem fere CCCCL —, emendationem a me coniectura esse inventam sciendum est. Ceterum in mutanda tradita lectione caute erat progrediendum; multa enim quae perverse vel neglegenter dicta esse apparet quin ipsius Theonis inscitiae levitatique tribuenda sint dubitari nequit. Praecipue loci Platonici in praefationem recepti (p. 2—14) reliquas operis partes tantopere superant vitiorum multitudine ac foeditate, ut ea omnia ad librariorum errores referenda esse prorsus sit incredibile. In his igitur quia accurate diiudicari nullo modo potest, quid librarii peccaverint, quid Theo, denique quid iam in Platonis exemplaribus a Theone adhibitis corrupte scriptum fuerit, errores intactos relinquere quam facili atque inutili negotio genuina Platonis verba hic illic restituere malui. Notas codicum Reipublicae ex Schneideri, Epinomidis ex Bekkeri editione mutuatus sum.

Reliquum est ut gratias agam quam maximas Friderico Hultschio viro clarissimo, qui accuratissime perlectis his plagulis complures emendationes aut certas aut probabiles quarum in addendis mentionem feci (cf. etiam adn. ad p. 15, 17. 22, 17. 25, 20) mecum communicavit.

Scr. Halae mense Octobri a. 1878.

THEO SMYRNAEUS.

. • •

Ότι μέν ούχ οίόν τε συνεϊναι τῶν μαθηματικῶς λεγομένων παρὰ Πλάτωνι μὴ καὶ αὐτὸν ἠσκημένον ἐν τη θεωρία ταύτη, πας αν που δμολογήσειεν ώς δε ούδε τὰ άλλα άνωφελής ούδε άνόνητος ή περί ταῦτα έμπειρία, διὰ πολλῶν αὐτὸς έμφανίζειν ἔοικε. τὸ μὲν 5 ούν συμπάσης γεωμετρίας και συμπάσης μουσικής και άστρονομίας ξμπειρον γενόμενον τοις Πλάτωνος συγγράμμασιν έντυγχάνειν μακαριστόν μέν εί το γένοιτο, ού μην ευπορον ούδε δάδιον άλλα πάνυ πολλου του έν παίδων πόνου δεόμενον. ώστε δε τους διημαρτηκό- 10 τας τοῦ ἐν τοῖς μαθήμασιν ἀσκηθῆναι, ὀρεγομένους δε τῆς γνώσεως τῶν συγγραμμάτων αὐτοῦ μὴ παντάπασιν ών ποθοῦσι διαμαρτεϊν, κεφαλαιώδη και σύντομον ποιησόμεθα τών άναγχαίων χαὶ ών δει μάλιστα τοῖς έντευξομένοις Πλάτωνι μαθηματικῶν θεωρημάτων παρά-15 δοσιν, άριθμητικών τε καί μουσικών και γεωμετρικών τών τε κατά στερεομετρίαν και άστρονομίαν, ών χωρίς

Inscr. Θέωνος Σμυρναίου Πλατωνικοῦ τῶν κατὰ τὸ (τό supra vs.) μαθηματικόν χρησίμων είς την Πλάτωνος άνάγνωσιν Α 1 inscr. στι άναγκαϊα τὰ μαθήματα Α ² ήσκημένον: ον corr. ex ων Α 4 ούδὲ τὰ ἄ.] οῦτε τὰ ᾶ. Α 5 τὸ corr. ex τὸν Α 6 γεωμετρίας: καὶ ἀριθμητικῆς add. recentior manus in apogr. fort. recte 10 σκοπὸς τοῦ βιβλίου

mg. A

Theo Smyrn.

DE UTILITATE

ούχ οἶόν τε είναι φησι τυχείν τοῦ ἀρίστου βίου, διὰ πολλῶν πάνυ δηλώσας ὡς οὐ χρὴ τῶν μαθημάτων ἀμελείν.

Ἐρατοσθένης μὲν γὰρ ἐν τῷ ἐπιγραφομένῷ Πλατωνικῷ φησιν ὅτι, Δηλίοις τοῦ θεοῦ χρήσαντος ἐπὶ 5 ἀπαλλαγῆ λοιμοῦ βωμὸν τοῦ ὅντος διπλασίονα κατασκευάσαι, πολλὴν ἀρχιτέκτοσιν ἐμπεσεῖν ἀπορίαν ζητοῦσιν ὅπως χρὴ στερεὸν στερεοῦ γενέσθαι διπλάσιον, ἀφικέσθαι τε πευσομένους περὶ τούτου Πλάτωνος. τὸν δὲ φάναι αὐτοῖς, ὡς ἄρα οὐ διπλασίου βωμοῦ ὁ θεὸς
10 δεόμενος τοῦτο Δηλίοις ἐμαντεύσατο, προφέρων δὲ καὶ ὀνειδίζων τοις ἕλλησιν ἀμελοῦσι μαθημάτων καὶ γεωμετρίας ὡλιγωρηκόσιν.

άκολούθως δὲ τῆ τοῦ Πυθίου παραινέσει πολλὰ καὶ αὐτὸς διέξεισιν ὑπὲρ τοῦ ἐν τοῖς μαθήμασι χρησίμου. ἔν ¹⁵ τε γὰρ τῆ Ἐπινομίδι προτρέπων ἐπὶ τὰ μαθήματά φησιν οὐ γὰρ ἄνευ τούτων ποτέ τις ἐν πόλει εὐδαιμόνων γενήσεται φύσις, ἀλλ' οὖτος ὁ τρόπος, αῦτη ἡ τροφή, ταῦτα τὰ μαθήματα, εἰτε χαλεπὰ εἰτε βάζια, διὰ ταύτης ἰτέον· ἀμελῆσαι δὲ οὐ θεμιτόν ἐστι θεῶν. καὶ ἐν ²⁰ τοῖς ἐφεξῆς τὸν τοιοῦτόν φησιν ἐκ πολλῶν ἕνα γεγονότα εὐδαίμονά τε ἔσεσθαι καὶ σοφώτατον ἅμα καὶ μακάριον. ἐν δὲ τῆ Πολιτεία φησίν· ἐκ τῶν κε΄ ἐτῶν οἱ προ-

εν σε τη Πολιτεις ψηστυ εκ των κε ετων σι προκριθέντες τιμάς τε τῶν ἄλλων μείζους οἴσονται, τά τε

3 Εφατοσθένης: Bernhardy Eratosthenica p. 168. cf. Philol. XXX p. 67 12 ώλιγοφηκόσιν A, em. apogr. 15 Epin. p. 992 A σ³ γὰφ ἄνευ γε (γε om. Nicom. introd. arithm. I 3, 5) τούτων μήποτέ τις έν πόλεσιν εὐδαίμων (εὐδαιμόνων codd. duo, εὐδαμονῶν unus) γένηται φύσις, άλλ' ούτος ὁ τσόπος, αῦτη (ἡ add. Ast) τροφή, ταῦτα τὰ μαθήματα, εἴτε χαλεπὰ εἴτε ὅάδια, ταύτη ποφευτέον (ἰτέον Nicom.). ἀμελῆσαι δὲ οὐ θεμιτόν ἑστι δεῶν εὐδαιμονῶν A 17 φύς A, tum duae litt. erasae 20 Epin. p. 992 B 22 Civ. VII p. 537 B κέ] εἴκοσιν Plato. cf. Schneider 23 μείζους τῶν ἄλων Plato

χύδην μαθήματα πασιν έν τη παιδεία γενόμενα τούτοις συνακτέον είς σύνοψιν οίκειότητός τε ἀλλήλων τῶν μαθημάτων καί της τοι όντος φύσεως. παραινεί τε πρώτον μέν έμπειρον γενέσθαι άριθμητικής, έπειτα γεωμετρικής, τρίτον δε στερεομετρίας, τέταρτον άστρονο- 5 μίας, ην φησιν είναι θεωρίαν φερομένου στερεού, πέμπτον δε μουσικής. τό τε χρήσιμον παραδεικνύς των μαθημάτων φησίν ήδύς εί, ότι ξοικας δεδιέναι, μή άχοηστα τὰ μαθήματα προστάττοιμι. τὸ δ' ἔστιν οὐ πάνυ φαύλοις, άλλὰ πᾶσι χαλεπόν πιστευθηναι, ὅτι ἐν 10 τούτοις τοις μαθήμασιν έκάστου οίον όργάνοις το ψυγῆς ἐκκαθαίρεται καὶ ἀναζωπυρεῖται ὄμμα τυφλούμενον καί αποσβεννύμενον ύπζ των άλλων επιτηδευμάτων, κρεϊττον όν σωθήναι μυρίων όμμάτων. μόνω γάρ αύτῷ άλήθεια δραται. 15

έν δε τῷ εβδόμῷ τῆς Πολιτείας περί ἀριθμητικῆς λέγων ὡς ἔστιν ἀναγκαιοτάτη πασῶν φησιν, ἔπειτα ἡς

1 παισίν Plato. cf. H. Heller curae crit. in Plat. de republ. libros p. 16 παιδεία corr. ex παιδιᾶ Α (παιδιᾶ Platonis codd. tres) 2 οἰκειότητος ἀλλήλων Plato (οἰκειότητός τε ἀλλήλων codd. tres) 3 cf. Civ. p. 525 sqq. παφαινέσει Α, em. apogr. 8 Civ. p. 527 D ήδὺς εἶ, ἡν δ ἐγώ, ὅτι ἕοικας δε διότι τοὺς πολλούς, μὴ δοκῆς (ὅτι ἕοικας δεδιέναι, μὴ ἄφα Nicom. I 3, 7) ἄχοηστα μαθήματα (τὰ μαθήματα cod. Par. K, ταῦτα τὰ μαθήματα Nicom.) προστάττειν (προστάττοιμι Nicom.). τὸ δ' ἕστιν οὐ πάνυ φαῦλον ἀλλὰ χαλεπὸν πιστεῦσαι (παγχάλεπον Nicom.), ὅτι ἐν τούτοις τοῖς μαθήμασιν ἕκάστου ὄργανόν τι ψυχῆς ἑκκαθαίφεταί τε καὶ ἀναζωπυφείται (ὅμμα τῆς ψυχῆς exstat etiam apud Nicom., ubi hace contracta sunt, cf. Alcin. 27 p. 180 Herm., Iambl. de vita Pyth. § 70, Boeth. Inst. arithm. I p. 10 Friedl.) ἀπολιψμενον καὶ τυφλούμενον ὑπὸ κτλ. 9 τὰ γ⁶ καὶ προστάττοιμι

fort. add. ab A³ προστάττοιμι A 10 φαύλοις: ι in ras. A 11 cf. Cobet, Mnemos. XI p. 177. Wex, Jahrb. f. Philol. 1863 p. 692 sqq. 1864 p. 381 12 ὄμμα in ras. A 16 Civ. p. 522 C

1*

δει πάσαις μέν τέχναις, πάσαις δε διανοίαις και έπιστήμαις καί τη πολεμική. παγγέλοιον γοῦν στρατηγόν Άγαμέμνονα έν ταις τραγωδίαις Παλαμήδης έκάστοτε άποφαίνει. φησί γὰρ ἀριθμόν εύρών τάς τε τάξεις 5 καταστῆσαι τῷ στρατοπέδφ ἐν Ἰλίφ καὶ ἐξαριθμῆσαι ναῦς τε καὶ τὰ ἄλλα πάντα, ὡς πρὸ τοῦ ἀναριθμήτων όντων καί τοῦ Άγαμέμνονος ὡς ἔοικεν οὐδὲ ὅσους είχε πόδας είδότος, είγε μη ήπίστατο άριθμεϊν. πινδυνεύει ούν τῶν πρός νόησιν ἀγόντων φύσει είναι, και οὐδείς 10 αὐτῷ χρῆται έλκτικῷ ὄντι πρὸς οὐσίαν καὶ νοήσεως παρακλητικώ. όσα μέν γάρ άπλώς κινεί την αίσθησιν, ούκ έστιν έπεγερτικά και παρακλητικά νοήσεως, οίον δτι ό όρωμενος δάπτυλός έστι, και ότι παχύς η λεπτός η μέγας η μικρός. όσα δ' έναντίως κινεί αίσθησιν, 15 έπεγερτικά και παρακλητικά έστι διανοίας, οίον όταν τό αὐτὸ φαίνηται μέγα καὶ μικρόν, κοῦφον καὶ βαρύ, ἕν καί πολλά. καί τὸ ἕν οὖν καὶ ὁ ἀριθμὸς παρακλητικὰ καί έπεγερτικά έστι διανοίας, έπει το έν ποτε πολλά σαίνεται λογιστική δε και άριθμητική όλκος και άγω-20 νός πρός άλήθειαν. άπτέον δε λογιστικής μή ίδιωτικώς,

2 παγγέλοιον: γγ θα νγ Α (πανγέλοιον Platonis cod. Vind. F) 3 παλαμίδης Α 4 άποφαίνει. ή ούκ έννενόηκας, ότι φησίν άφιθμον εύφων τάς τε τάξεις τῷ στρατοπέδφ καταστήσαι έν Πλίφ Plato 7 όσους π. είχεν είδ. είπες ἀς. μή ήπ. Plato μή ήπίστατο corr. Θα μή τίστατο Α Civ. p. 523 Α κινδυνενίει τῶν πορός τὴν νόησιν ἀγόντων φύσει είναι ὡν ζητοῦμεν, χοῆσθαι ở ουδείς αὐτῷ ὀφθῶς, έλκτικῷ ὅντι παντάπασι προς οὐσίαν 10 νοήσεως παραπλητικῷ: cf. Civ. p. 523 D 19 δε] δή Stallbaum ad Plat. Civ. p. 523 A 20 Civ. p. 525 Β προσῆπον δή τὸ μάθημα ἂν είη, ὡ Γλαύκων, νομοθετῆσαι καί πείθειν τοὺς μέλλοντας ἐν τῆ πόλει τῶν μεγίστων μεδέξειν, ἐπλ λουιστικὴν μέναι και ἀνθῶπτεσθαι αὐτῆς μὴ ἰδιωτικῶς, ἀλλ' ἕως ἂν ἐπλ δέαν τῆς τῶν ἀςιθμῶν φύσεως ἀφίκωνται τῆ νοήσει αὐτῆ, οὐπ ῶνῆς οὐδὲ πράσεως χάςιν ὡς ἑμποςους ἢ καπήλους μελετῶντας,

άλλ' ώς αν έπι θέαν της των άριθμων φύσεως άφίχωνται τη νοήσει, ούδέ πράσεως χάριν έμπόρων η καπήλων μελετῶντας, άλλ' ἕνεχα ψυγής της έπ' άλήθειαν και ούσίαν όδοῦ. τοῦτο γὰρ ἄνω ἄγει τὴν ψυγὴν και περί αύτῶν τῶν ἀριθμῶν ἀναγκάζει διαλέγεσθαι, ούκ 5 άποδεχόμενον, αν τις αύτῷ σώματα ἢ αὖ τὰ ὑρατὰ έγοντα άριθμούς προσφερόμενος διαλέγηται. και πάλιν έν τῷ αὐτῷ φησιν. ἔτι οί λογιστικοί είς ἅπαντα τὰ μαθήματα όξεῖς φύονται, οί τε βραδείς είς τὸ ὀξύτεροι αύτοι αύτῶν γενέσθαι. Ετι έν τῷ αὐτῷ φησι και 10 έν πολέμω δ' αύ χρήσιμον πρός τὰς στρατοπεδεύσεις καί καταλήψεις χωρίων καί ξυναγωγάς και έξετάσεις στρατιας. Εν τε τοις έξης έπαινων την περί τα τοιαυτα μαθήματα σπουδήν, γεωμετρία μέν, φησίν, έστι περί την του έπιπέδου θεωρίαν, άστρονομία δε περί την του 15 στερεού φοράν αύτη δ' άναγκάζει είς το άνω όραν καί άπό τῶν ένθένδε έχεισε άγει. χαί μέν δη περί μουσικης έν τῷ αὐτῷ φησιν, ὅτι δυείν δεϊται ή τῶν ὄντων

άλλ' Ενεκα πολέμου τε και αὐτῆς τῆς ψυχῆς δαστώνης τε (τε om. codd. multi) μεταστροφῆς ἀπὸ γενέσεως ἐπ' ἀλήθειἀν τε (τε ἐπ' ἀλ. codd. complures) και οὐσίαν 4 Civ. p. 525 D τοῦτό γε — ὡς σφόδρα ἄνω ποι ἄγει τὴν ψυχὴν και περι αὐτῶν τῶν ἀιθμῶν ἀναγκάζει διαλέγεσθαι, οὐδαμῆ ἀποδεχόμενον, ἐἀν τις αὐτῆ ὑρατὰ ἢ ἀπτὰ (ἢ ἀπὸ τὰ codd. duo, ἢ τοὺς τὰ unus) σώματα ἐχοντας (ἔχοντα codd. tres) ἀριθμοὺς προτεινόμενος διαλέγηται 8 Civ. p. 526 B τόδε ἤδη ἐπεσκέψω, ὡς οῖ τε φύσει λογιστικοι εἰς πάντα τὰ μαθήματα ὡς ἔπος είπεἰν ὀξεἰς φύσνται, οῖ τε βραδεἰς, ἂν ἐν τούτω παιδευθῶσι και γυμνάσωνται, κῶν μηδὶν ἀλλο ὡφεληθῶσιν, ὅμως εἰς γε τὸ ὀξύτεροι αὐτοὶ αὑτῶν γίγνεσθαι πάντες ἐπιδιδόασιν; 10 Civ. p. 526 D ὅσον μέν, ἕφη, πρὸς τὰ πολεμικὰ αὐτοῦ τείνει, δῆλον ὅτι προσήμει· πρὸς γὰρ τας στρατοπεδεύσεις και καταλήψεις χωρίων και συναγωρὰς και ἐπάσεις στρατιᾶς — 16 Civ. p. 529 Α παντι γάρ μοι δοκεῖ ὅῆλον, ὅτι αῦτη γε ἀναγκάζει ψυχὴν εἰς τὸ ἀκω ὀαῦν καὶ ἀκοι κάν ὅμοῦν ἐνθένδε ἐκεισε ἄγει 18 δυεῶν corr. ex δυοῦν Α

DE UTILITATE

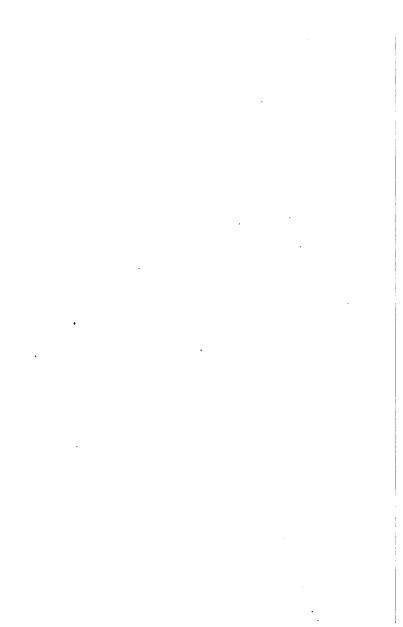
θεωρία, ἀστρονομίας καὶ ἁρμονίας καὶ αὖται ἀδελφαὶ αί ἐπιστῆμαι, ὡς οἱ Πυθαγορικοί. οἱ μὲν οὖν τὰς ἀκουομένας συμφωνίας αὖ καὶ φθόγγους ἀλλήλοις ἀναμετροῦντες ἀνήνυτα πονοῦσι. τελείως παραβάλλοντες
τὰ ὡτα, οἶον ἐκ γειτόνων φωνὴν θηρώμενοι, οἱ μέν φασιν ἀκούειν ἐν μέσφ τινὰ ἡχον καὶ μικρότατον εἶναι διάστημα τοῦτο, ὡ μετρητέον, οἱ δὲ ἀμφισβητοῦσιν ὡς ὅμοιον ἤδη φθεγγομένου, τὰ ὡτα τοῦ νοῖ προστησάμενοι. ταῖς χορδαῖς πράγματα παρέχουσιν ἐπὶ τῶν κολλάβων στρεβλοῦντες. οἱ δὲ ἀγαθοὶ ἀριθμητικοὶ ζητοῦσιν ἐπισκοποῦντες, τίνες σύμφωνοι ἀριθμοῖς καὶ τοῦτο χρήσιμον πρὸς τὴν τοῦ ἀγαθοῦ

1 Civ. p. 530 D — nal avrai állýlwr áðelyai riveg al é π iστήμαι είναι, ώς οί τε Πυθαγόρειοι φασι - 2 Civ. p. 531 A τὰς γὰς ἀκουομένας αὖ συμφωνίας καὶ φθόγγους ἀλλήλοις ἀναμετρούντες ανήνυτα ώσπες οι αστρονόμοι πονούσι. νη τούς θεούς, έφη, και γελοίως γε, πυκνώματ' άττα όνομάζοντες και παφαβάλλοντες τα ώτα, οίον έκ γειτόνων φωνήν θηφευόμενοι, οί μέν φασιν έτι (έτι om. codd. tres) κατακούειν έν μέσω τινά ήγήν καί σμικρότατον είναι τοῦτο διάστημα, ὤ μετρητέον, οἰ δὲ ἀμφισβητοῦντες ὡς ὅμοιον ἤδη φθεγγομένων (φθεγγόμενον codd. duo), ἀμφότεροι ὡτα τοῦ νοῦ προστησάμενοι. σὺ μέν, ήν δ' έγώ, τους χρηστούς λέγεις τους ταις χορδαϊς πράγματα παρ-έχοντας καί βασανίζοντας, έπὶ τῶν κολλόπων (κολάβων, καλλόπων, κολλόπων alii: cf. Tim. lex.) στοεβλούντας 4 ἀνήνυτα συμφωνίαις ταις άκουομέναις άριθμούς ζητούσιν, άλλ' ούκ είς προβλήματα άνίασιν έπισκοπεϊν, τίνες ξύμφωνοι άριθμοί και τίνες ού, και διά τί έκάτεροι. δαιμόνουν γάρ, ξφη, πραγμα λέγεις. χρήσιμον μέν ούν, ήν δ' έγώ, πρός την τού καλοῦ τε καὶ ἀγαθοῦ ζήτησιν, ἀλλως δὲ μεταδιωκόμενον ἄχρηστον. είκός γ', ἔφη. οίμαι δέ γε, ήν δ' έγώ, καὶ ή τούτων πάντων ών διεληλύθαμεν μέθοδος έὰν μὲν ἐπὶ τὴν ἀλλήλων κοινωνίαν ἀφίκηται καὶ ξυγγένειαν, καὶ ξυλλογισθῆ ταῦτα ἡ ἐστιν άλλήλοις οίκεια, φέρειν τι αύτῶν είς α βουλόμεθα την πραγματείαν. cf. Schneider

καὶ καλοῦ ζήτησιν, ἄλλως δὲ ἄχρηστον. καὶ τούτων πάντων ἡ μέθοδος ἂν μὲν ἐπὶ τὴν ἀλλήλων ἀφίκηται κοινωνίαν καὶ ξυλλογισθῆ ἦ ἐστιν ἀλλήλοις οἰκεῖα, φέφει αὐτῶν ἡ πραγματεία καρπόν. οἱ δὲ ταῦτα δεινοὶ διαλεκτικοί· οὐ γὰρ μὴ δύνωνται λαβεῖν τε καὶ ἀπο- s δέξασθαι λόγον. οὐχ οἶόν τε δὲ τοῦτο μὴ δι' ἐκείνων ἐλθόντα τῶν μαθημάτων· ὑδὸς γάρ ἐστι δι' αὐτῶν ἐπὶ τὴν τῶν ὅντων θέαν ἐν τῷ διαλέγεσθαι.

πάλιν τε έν τῷ Ἐπινομίφ πολλα μὲν καὶ ἄλλα ὑπὲφ ἀφιθμητικῆς διεξέφχεται, θεοῦ δῶφον αὐτὴν λέγων, καὶ 10 οὐχ οἶόν τε ἄνευ ταύτης σπουδαῖον γενέσθαι τινά. ὑποβὰς δὲ ἄντικρύς φησιν· εἴπεφ γὰφ ἀφιθμὸν ἐκ τῆς ἀνθφωπίνης φύσεως ἐξέλοιμεν, οὐκ ἄν που ἕτι φφόνιμοι γενοίμεθα, οὐδ' ἂν ἔτι ποτὲ τούτου τοῦ ζώου, φησίν, ἡ ψυχὴ πᾶσαν ἀφετὴν λάβοι· σχεδὸν ὁ τούτου λόγος 15 εἰη. ζῷου δὲ ὅ τι μὴ γινώσκοι δύο καὶ τφία μηδὲ πεφιττὸν μηδὲ ἄφτιον, ἀγνοοῖ δὲ τὸ παφάπαν ἀφιθμόν, οὐκ ἄν ποτε διδόναι λόγον, περὶ ὧν αἰσθήσεις καὶ μνήμας

4 Civ. p. 531 D οὐ γάρ που δοκοῦσί γε σοι οἱ ταῦτα δειvol διαλεκτικοὶ εἶναι. οὐ μὰ τὸν Δί', ἔφη, εἰ μὴ μάλα γέ τινες ὁλίγοι ῶν ἐγὰ ἐντετύχηκα. άλλ' ἤδη, εἶπον, μὴ δυνατοί τινες ὅντες δοῦναί τε καὶ ἀποδέξασθαι λόγον εἰσεσθαί ποτέ τι ῶν φαμὲν δειν εἰδέναι; 6 ἐπ' αὐτῶ post ἐκείνων A, sed delenda haec esse punctis significatum est 8 cf. Civ. p. 532 C 10 cf. Epin. p. 976 DE 11 ὑποβὰς corr. ex ὑπερβὰς A 12 Epin. p. 977 C είπες ἀςιθμὸν ἐκ τῆς ἀνθρωπίνης φύσεως ἐξίλοιμεν, οὐκ ἄν ποτέ τι φρόνιμοι γενοίμεθα. οὐ γὰς ἂν ἔτι ποτὲ ψυχὴ τούτου τοῦ ζώου πᾶσαν ἀςετήν λάβοι σχεδόν, ὅτου λόγος ἀπείη. ζῶον δέ, ὅ τι μὴ γιγνώσκοι δύο καὶ τρία μηδὲ περιπτὸν μηδὲ ἀρτιον, ἀγνοοῦ δὲ τὸ παράπαν ἀςιθμόν, οὐκ ἅν ποτε διδόναι λόγον ἔχοι πεςὶ ῶν αἰσθήσεις καὶ μνήμας μόνου εἰη κεκτημένου· τὴν δὲ ἅλλην ἀςετήν, ἀνδοείαν καὶ σωφοσύἤν, οὐδὲν ἀποκωλύει· στερόμενος δὲ ἀληθοῦς λόγου σοφος οὐκ ἅν ποτε γένοιτο 15 γὰς post σχεδὸν supra vs. add. Α²



Ότι μέν ούχ οίόν τε συνείναι των μαθηματικώς λεγομένων παρά Πλάτωνι μή και αυτόν ήσκημένον έν τη θεωρία ταύτη, πας αν που δμολογήσειεν ώς δε ούδε τὰ άλλα άνωφελής ούδε άνόνητος ή περί ταῦτα έμπειρία, διὰ πολλῶν αὐτὸς έμφανίζειν ἔοικε. τὸ μὲν 5 ούν συμπάσης γεωμετρίας και συμπάσης μουσικής και άστρονομίας έμπειρον γενόμενον τοις Πλάτωνος συγγράμμασιν έντυγχάνειν μακαριστόν μέν εί τω γένοιτο, ού μην εύπορον ούδε δάδιον άλλα πάνυ πολλού του έχ παίδων πόνου δεόμενον. ώστε δε τούς διημαρτηχό- 10 τας τοῦ ἐν τοῖς μαθήμασιν ἀσκηθῆναι, ὀρεγομένους δὲ τῆς γνώσεως τῶν συγγραμμάτων αὐτοῦ μὴ παντάπασιν ών ποθούσι διαμαρτείν, κεφαλαιώδη και σύντομον ποιησόμεθα τῶν ἀναγκαίων καὶ ὧν δει μάλιστα τοῖς έντευξομένοις Πλάτωνι μαθηματικῶν θεωρημάτων παρά- 15 δοσιν, άριθμητικών τε καί μουσικών καί γεωμετρικών τών τε κατά στερεομετρίαν και άστρονομίαν, ών χωρίς

Inser. Θέωνος Σμυγναίου Πλατωνικού τῶν κατὰ τὸ (τὸ supra vs.) μαθηματικὸν χρησίμων εἰς τὴν Πλάτωνος ἀνάγνωσιν Α 1 inser. ὅτι ἀναγκαῖα τὰ μαθήματα Α

2 ήσχημένον: ον corr. ex αν Α 4 ούδε τὰ α.] οὕτε τὰ α. Α 5 τὸ corr. ex τὸν Α 6 γεωμετρίας: και ἀριθμητικής add. recentior manus in apogr. fort. recte 10 σχοπὸς τοῦ βιβλίου mg. Α

Theo Smyrn.

DE UTILITATE

ούχ οἶόν τε είναι φησι τυχεϊν τοῦ ἀρίστου βίου, διὰ πολλῶν πάνυ δηλώσας ὡς οὐ χρὴ τῶν μαθημάτων ἀμελεῖν. Ἐρατοσθένης μὲν γὰρ ἐν τῷ ἐπιγραφομένῷ Πλατωνικῷ φησιν ὅτι, Δηλίοις τοῦ θεοῦ χρήσαντος ἐπὶ 5 ἀπαλλαγῷ λοιμοῦ βωμὸν τοῦ ὅντος διπλασίονα κατασκευάσαι, πολλὴν ἀρχιτέκτοσιν ἐμπεσεῖν ἀπορίαν ζητοῦσιν ὅπως χρὴ στερεὸν στερεοῦ γενέσθαι διπλάσιον, ἀφικέσθαι τε πευσομένους περὶ τούτου Πλάτωνος. τὸν δὲ φάναι αὐτοῖς, ὡς ἄρα οὐ διπλασίου βωμοῦ ὁ θεὸς 10 δεόμενος τοῦτο Δηλίοις ἐμαντεύσατο, προφέρων δὲ καὶ ὀνειδίζων τοῖς Ἔλλησιν ἀμελοῦσι μαθημάτων καὶ γεωμετρίας ὠλιγωρηκόσιν.

ἀκολούθως δὲ τῆ τοῦ Πυθίου παραινέσει πολλὰ καὶ αὐτὸς διέξεισιν ὑπὲρ τοῦ ἐν τοῖς μαθήμασι χρησίμου. ἕν
¹⁵ τε γὰρ τῆ Ἐπινομίδι προτρέπων ἐπὶ τὰ μαθήματά φησιν.
¹⁶ νὰρ ἄνευ τούτων ποτέ τις ἐν πόλει εὐδαιμόνων γενήσεται φύσις, ἀλλ' οὖτος ὁ τρόπος, αῦτη ἡ τροφή, ταῦτα τὰ μαθήματα, εἴτε χαλεπὰ εἴτε βάδια, διὰ ταύτης ἰτέον. ἀμελῆσαι δὲ οὐ θεμιτόν ἐστι θεῶν. καὶ ἐν
²⁰ τοῖς ἐφεξῆς τὸν τοιοῦτόν φησιν ἐκ πολλῶν ἕνα γεγονότα εὐδαίμονά τε ἕσεσθαι καὶ σοφώτατον ἅμα καὶ μακάριον.
ἐν δὲ τῆ Πολιτεία φησίν. ἐκ τῶν κε΄ ἐτῶν οἱ προ-

κριθέντες τιμάς τε τών άλλων μείζους οἴσονται, τά τε

3 Έφατοσθένης: Bernhardy Eratosthenica p. 168. cf. Philol. XXX p. 67 12 ώλιγο ηχόσιν A, em. apogr. 15 Epin. p. 992 A σ³ γà ξάνευ γε (γε om. Nicom. introd. arithm. I 3, 5) τούτων μήποτέ τις έν πόλεσιν εὐδαίμων (εὐδαιμόνων codd. duo, εὐδαιμονῶν unus) γένηται φύσις, άλλ' ούτος ὁ τοόπος, αῦτη (ή add. Ast) τροφή, ταῦτα τὰ μαθήματα, εἴτε χαλεπὰ εἴτε ῥάδια, ταύτη ποιευτέον (ἰτέον Nicom.) ἀμελῆσαι δὲ σὐ θεμιτον ἑσιτ θεῶν εὐδαιμονῶν A 17 φύς A, tum duae litt. erasae 20 Epin. p. 992 B 22 Civ. VII p. 537 B xé] εἴκοσιν Plato. cf. Schneider 23 μείζους τῶν ἄλλων Plato χύδην μαθήματα πασιν έν τη παιδεία γενόμενα τούτοις συνακτέον είς σύνοψιν οίκειότητός τε άλλήλων των μαθημάτων καί της τοῦ ὄντος φύσεως. παραινεί τε πρώτον μεν έμπειρον γενέσθαι άριθμητικής, έπειτα γεωμετρικής, τρίτον δε στερεομετρίας, τέταρτον άστρονο- 5 μίας, ην φησιν είναι θεωρίαν φερομένου στερεού, πέμπτον δε μουσικής. τό τε χρήσιμον παραδεικνύς των μαθημάτων φησίν ήδυς εί, ότι ξοικας δεδιέναι, μή άχοηστα τὰ μαθήματα προστάττοιμι. τὸ δ' ἔστιν οὐ πάνυ φαύλοις, άλλὰ πᾶσι χαλεπόν πιστευθηναι, ὅτι ἐν 10 τούτοις τοις μαθήμασιν έχάστου οίον όργάνοις το ψυγῆς ἐκκαθαίφεται καὶ ἀναζωπυφεῖται ὄμμα τυφλούμενον καί αποσβεννύμενον ύπε των άλλων επιτηδευματων, χρεϊττον ὂν σωθηναι μυρίων όμμάτων. μόνφ γάρ αὐτῷ άλήθεια δραται. 15

έν δε τῷ έβδόμῷ τῆς Πολιτείας περί ἀριθμητικῆς λέγων ὡς ἔστιν ἀναγκαιοτάτη πασῶν φησιν, ἔπειτα ἦς

1 naught Plato. cf. H. Heller curae crit. in Plat. de republ. παιδεία corr. ex παιδιά A (παιδιά Platonis codd. libros p. 16 2 οίκειότητος άλλήλων Plato (οίκειότητός τε άλλήλων tres) codd. tres) 3 cf. Civ. p. 525 sqq. παραινέσει A, em. 8 Civ. p. 527 D ήδὺς εἰ, ήν δ ἐγώ, ὅτι ἔοικας δεapogr. διότι τούς πολλούς, μή δοκής (ότι έοικας δεδιέναι, μή άρα Nicom. I 3, 7) αχοηστα μαθήματα (τα μαθήματα cod. Par. K, ταυτα τὰ μαθήματα Nicom.) προστάττειν (προστάττοιμι Nicom.). τὸ δ΄ ἔστιν οὐ πάνυ φαῦλον ἀλλὰ χαλεπόν πιστεῦσαι (παγχάλεπον Nicom.), ότι έν τούτοις τοις μαθήμασιν έκάστου δογανόν τι ψυγής έκκαθαίρεται τε και άναζωπυρείται (όμμα της ψυγής exstat etiam apud Nicom., ubi haec contracta sunt, cf. Alcin. 27 p. 180 Herm., Iambl. de vita Pyth. § 70, Boeth. Inst. arithm. I 1 p. 10 Friedl.) απολλύμενον και τυφλούμενον ύπο κτλ. 9 τα γ^{θ'} και προστάττοιμι

fort. add. ab A³ προστάττοιμι Α 10 φαύλοις: ι in ras. A 11 cf. Cobet, Mnemos. XI p. 177. Wex, Jahrb. f. Philol. 1863 p. 692 sqq. 1864 p. 381 12 δμμα in ras. A 16 Civ. p. 522 C

1*

δει πάσαις μέν τέχναις, πάσαις δε διανοίαις και έπιστήμαις καί τη πολεμική. παγγέλοιον γουν στρατηγόν Άγαμέμνονα έν ταζς τραγφδίαις Παλαμήδης έκάστοτε άποφαίνει. φησί γαο άριθμον εύρων τάς τε τάξεις 5 καταστησαι τῷ στρατοπέδφ έν Ἰλίφ καὶ έξαριθμησαι ναῦς τε καὶ τὰ ἄλλα πάντα, ὡς ποὸ τοῦ ἀναριθμήτων όντων καί τοῦ Άγαμέμνονος ὡς ἔοικεν οὐδὲ ὅσους είχε πόδας είδότος, είγε μη ήπίστατο άριθμεϊν. πινδυνεύει ούν τῶν πρός νόησιν ἀγόντων φύσει είναι, και οὐδείς 10 αὐτῷ χρῆται έλκτικῷ ὄντι πρὸς οὐσίαν καὶ νοήσεως παρακλητικῷ. ὅσα μέν γὰρ ἁπλῶς κινεϊ τὴν αίσθησιν, ούκ έστιν έπεγερτικά και παρακλητικά νοήσεως, οίον δτι ό όρωμενος δάκτυλός έστι, και δτι παγύς η λεπτός η μέγας η μιχρός. όσα δ' έναντίως χινεί αίσθησιν, 15 έπεγερτικά και παρακλητικά έστι διανοίας, οίον όταν τὸ αὐτὸ φαίνηται μέγα καὶ μικρόν, κοῦφον καὶ βαρύ, ἕν καί πολλά. καί τὸ ξν οὖν καὶ ὁ ἀριθμὸς παρακλητικὰ καί έπεγερτικά έστι διανοίας, έπει το εν ποτε πολλά φαίνεται λογιστική δε και άριθμητική όλκος και άγω-20 γός πρός άλήθειαν. άπτέον δε λογιστικής μη ίδιωτικώς.

2 παγγέλοιον: γγ σχ νγ Α (πανγέλοιον Platonis cod. Vind. F) 8 παλαμίδης Α 4 άποφαίνει. η ούκ έννενόημας, οτι φησίν άφιθμόν εύφων τάς τε τάξεις τῷ στρατοπέδω καταστήσαι έν Ίλίω Plato 7 οσους π. είχεν είδ. είπες ἀς. μή ήπ. Plato μη ήπίστατο corr. σχ μη τίστατο Α Civ. p. 523 Α κινδυνεύει τῶν προς τήν νόησιν ἀγόντων φύσει είναι ῶν ζητοῦμεν, χοῆσθαι ở οὐδεἰς αὐτῷ ὀφθῶς, ἑλκτικῷ ὅντι παντάπασι κοὸς οὐσίαν 10 νοήσεως παφακλητικῷ: cf. Civ. p. 523 D 19 δε] δη Stallbaum ad Plat. Civ. p. 523 Α 20 Civ. p. 525 Β προσῆπου δη τὸ μάθημα ἂν είη, ౘ Γλαύκων, νομοθετῆσαι και πείθειν τοῦς μέλλοντας ἐν τῆ πόλει τῶν μεγίστων μεθέξειν, ἐπὶ λοιιστικὴν ίέναι και ἀνθάπτεσθαι αὐτῆς μη ἰδιωτικῶς, ἀλι' ἕως ἂν ἐπὶ δέαν τῆς τῶν ἀςιθμῶν φύσεως ἀφίκωνται τῆ νοήσει αὐτῆ, οὐκ ωνῆς οὐδὲ πράσεως χάςιν ὡς ἑμποςους ἢ καπήλους μελετῶντας,

άλλ' ώς αν έπι θέαν της των άριθμων φύσεως άφίκωνται τη νοήσει, ούδέ πράσεως χάριν έμπόρων η καπήλων μελετῶντας, άλλ' ένεκα ψυχης της έπ' άλήθειαν χαί ούσίαν όδοῦ. τοῦτο γὰρ ἄνω ἄγει τὴν ψυγὴν χαί περί αύτῶν τῶν ἀριθμῶν ἀναγκάζει διαλέγεσθαι, οὐκ 5 άποδεχόμενον, άν τις αύτῷ σώματα ἢ αὖ τὰ ὑρατὰ έχοντα άριθμούς προσφερόμενος διαλέγηται. και πάλιν έν τῷ αὐτῷ φησιν. έτι ol λογιστιχοl είς ἅπαντα τὰ μαθήματα όξεις φύονται, οί τε βραδεις είς τὸ όξύτεοοι αύτοι αύτῶν γενέσθαι. Ετι έν τῷ αὐτῷ φησι· καί 10 έν πολέμφ δ' αύ χρήσιμον πρός τας στρατοπεδεύσεις καί καταλήψεις χωρίων καί ξυναγωγάς και έξετάσεις στρατιάς. Εν τε τοις έξης έπαινων την περί τα τοιαυτα μαθήματα σπουδήν, γεωμετρία μέν, φησίν, έστι περί την τοῦ ἐπιπέδου θεωρίαν, ἀστρονομία δὲ περί την τοῦ 15 στερεού φοράν αύτη δ' άναγκάζει είς τὸ άνω ὑρᾶν καὶ άπὸ τῶν ἐνθένδε ἐκεῖσε άγει. καὶ μὲν δὴ περὶ μουσικῆς ἐν τῷ αὐτῷ φησιν, ὅτι δυεῖν δεῖται ή τῶν ὄντων

άλλ' Ένεκα πολέμου τε και αυτής της ψυχής δαστώνης τε (τε om. codd. multi) μεταστροφής άπο γενέσεως έπ' άλήθειάν τε (τε έπ' άλ. codd. complures) και ούσίαν 4 Civ. p. 525 D τοῦτό γε — ώς σφόδρα ἄνω ποι άγει τὴν ψυχὴν και περι αὐτῶν τῶν άρθμῶν άναγκάζει διαλέγεσθαι, οὐδαμῆ άποδεχόμενον, ἐάν τις αὐτῆ δρατά ἡ ἀπτὰ (ἢ ἀπό τὰ codd. duo, ἢ τοὺς τὰ unus) σώματα έχοντας (ἔχοντα codd. tres) ἀριθμοὺς προτεινόμενος διαλέγηται 8 Civ. p. 526 B τόδε ἤδη ἐπεσκέψω, ὡς οῦ τε φύσει λογιστικοι είς πάντα τὰ μαθήματα ὡς ἔπος είπειν ὀξεῖς φύονται, οῦ τε βραδεἰς, ἂν ἐν τούτῷ παιδευθῶσι και γυμνάσωνται, κῶν μηδικ άλο ὡρεληθῶσιν, ὅμως είς γε τὸ ὀξύτεροι αὐτοὶ αὐτῶν γίγνεσθαι πάντες ἐπιδιδόασιν; 10 Civ. p. 526 D ὅσον μέν, ἕφη, πρὸς τὰ πολεμικὰ αὐτοῦ τείνει, δῆλον ὅτι προσήκει· πρὸς γὰο τὰς στρατοπεδεύσεις και καταλήψεις χωρίων και συναγωγὰς καὶ ἐπτάσεις στοατιᾶς — 16 Civ. p. 529 Α παντί γάοι λαι ἀπὸ τῶν ἐνθένδε ἐκεῖσε ἄγει 18 δυεῦν corr. εκ δυοῦν Α

DE UTILITATE

θεωρία, ἀστρονομίας καὶ ἁρμονίας καὶ αὖται ἀδελφαὶ aí ἐπιστῆμαι, ὡς οἱ Πυθαγορικοί. οἱ μὲν οὖν τὰς ἀκουομένας συμφωνίας αὖ καὶ φθόγγους ἀλλήλοις ἀναμετροῦντες ἀνήνυτα πονοῦσι. τελείως παραβάλλοντες
τὰ ὡτα, οἱον ἐκ γειτόνων φωνὴν θηρώμενοι, οἱ μέν φασιν ἀκούειν ἐν μέσω τινὰ ἡχον καὶ μικρότατον εἶναι διάστημα τοῦτο, ὡ μετρητέον, οἱ δὲ ἀμφισβητοῦσιν ὡς ὅμοιον ἤδη φθεγγομένου, τὰ ὡτα τοῦ νοῖ προστησάμενοι. ταῖς χορδαῖς πράγματα παρέχουσιν ἐπὶ τῶν κολλάβων στρεβλοῦντες. οἱ δὲ ἀγαθοὶ ἀριθμητικοὶ ζητοῦσιν ἐπισκοποῦντες, τίνες σύμφωνοι ἀριθμοὶ ἀριθμοῖς καὶ τίνες οὕ. καὶ τοῦτο χρήσιμον πρὸς τὴν τοῦ ἀγαθοῦ

1 Civ. p. 530 D — xal avraı allýlwv aðelgal rives al é π iστημαι είναι, ώς οί τε Πυθαγόρειοί φασι - 2 Civ. p. 531 A τὰς γὰς ἀκουομένας αὖ συμφωνίας καὶ φθόγγους ἀλλήλοις ἀναμετρούντες ανήνυτα ωσπες οι αστρονόμοι πονούσι. νη τούς θεούς, έφη, και γελοίως γε, πυκνώματ' άττα όνομάζοντες και παραβάλλοντες τα ώτα, οίον έκ γειτόνων φωνήν θηρευόμενοι, οί μέν φασιν έτι (έτι om. codd. tres) κατακούειν έν μέσω τινά ήγήν και σμικοότατον είναι τοῦτο διάστημα, ῷ μετοητέον, οί δε ἀμφισβητοῦντες ὡς ὅμοιον ἤδη φθεγγομένων (φθεγγόμενον codd. duo), αμφότεροι ώτα του νου προστησαμενοι. συ μέν, ήν δ' έγώ, τους χρηστούς λέγεις τους ταις χορδαϊς πράγματα παρ-έχοντας καί βασανίζοντας, έπὶ τῶν κολλόπων (κολάβων, καλλόπων, κοllόπων alii: cf. Tim. lex.) στοεβloυντας 4 ανήνυτα v corr. ex ot A 5 έκ corr. ex έγ Α 7 μετοητέον: η 11 Civ. p. 531 C τούς γάρ έν ταύταις ταΐς corr. ex i A συμφωνίαις ταις άκουομέναις άριθμούς ζητούσιν, άλλ' ούκ είς προβλήματα άνίασιν έπισκοπεϊν, τίνες ξύμφωνοι άριθμοι και τίνες ου, και δια τί έκάτεροι. δαιμόνμον γάρ, έφη, πραγμα λέγεις. χρήσιμον μέν ούν, ήν δ' έγω, πρός την τοῦ καλοῦ τε καὶ ἀγαθοῦ ζήτησιν, ἄλλως δὲ μεταδιωκόμενον ἄχρηστον. εἰκός γ', ἔφη. οἶμαι δέ γε, ήν δ' ἐγώ, καὶ ή τούτων παντων ών διεληλύθαμεν μέθοδος έαν μεν έπι την άλλήλων ποινω-νίαν αφίκηται και ξυγγένειαν, και ξυλιογισθη ταυτα ή έστιν άλλήλοις οίκεια, φέρειν τι αύτῶν εἰς ἂ βουλόμεθα την πραγμα- $\tau \epsilon l \alpha \nu$. cf. Schneider

καλ καλοῦ ζήτησιν, ἄλλως δὲ ἄχρηστον. καὶ τούτων πάντων ἡ μέθοδος ἂν μὲν ἐπὶ τὴν ἀλλήλων ἀφίκηται κοινωνίαν καὶ ξυλλογισθῆ ἦ ἐστιν ἀλλήλοις οἰκεῖα, φέρει αὐτῶν ἡ πραγματεία καρπόν. οί δὲ ταῦτα δεινοὶ διαλεκτικοί· οὐ γὰρ μὴ δύνωνται λαβεῖν τε καὶ ἀπο- s δέξασθαι λόγον. οὐχ οἶόν τε δὲ τοῦτο μὴ δι' ἐκείνων ἐλθόντα τῶν μαθημάτων· ὁδὸς γάρ ἐστι δι' αὐτῶν ἐπὶ τὴν τῶν ὅντων θέαν ἐν τῷ διαλέγεσθαι.

πάλιν τε έν τῷ Ἐπινομίφ πολλα μὲν καὶ ἄλλα ὑπὲϙ ἀριθμητικῆς διεξέρχεται, θεοῦ δῶρον αὐτὴν λέγων, καὶ 10 οὐχ οἶόν τε ἄνευ ταύτης σπουδαΐον γενέσθαι τινά. ὑποβὰς δὲ ἄντικρύς φησιν εἰπερ γὰρ ἀριθμὸν ἐκ τῆς ἀνθρωπίνης φύσεως ἐξέλοιμεν, οὐκ ἄν που ἔτι φρόνιμοι γενοίμεθα, οὐδ' ἂν ἕτι ποτὲ τούτου τοῦ ζώου, φησίν, ἡ ψυχὴ πᾶσαν ἀρετὴν λάβοι. σχεδὸν ὁ τούτου λόγος 15 εἰη. ζῶον δὲ ὅ τι μὴ γινώσκοι δύο καὶ τρία μηδὲ περιττὸν μηδὲ ἄρτιον, ἀγνοοῖ δὲ τὸ παράπαν ἀριθμόν, οὐκ αν ποτε διδόναι λόγον, περὶ ὧν αἰσθήσεις καὶ μνήμας

4 Civ. p. 531 D οὐ γάρ που δοκοῦσί γε σοι οἱ ταῦτα δειvol διαλεκτικοὶ εἶναι. οὐ μὰ τὸν Δι', ἔφη, εἰ μη μάλα γέ τινες όλίγοι ῶν ἐγὰ ἐντετύχηκα. ἀλλ' ἤδη, εἶπον, μη δυνατοί τινες öντες δοῦναί τε καὶ ἀποδέξασθαι λόγον εἰσεσθαί ποτέ τι ῶν φαμὲν δεἰν εἰδέναι; 6 ἐπ' αὐτῶ post ἐκείνων A, sed delenda haec esse punctis significatum est 8 cf. Civ. p. 532 C 10 cf. Epin. p. 976 DE 11 ὑποβὰς corr. ex ὑπερβὰς A 12 Epin. p. 977 C είπερ ἀριθμὸν ἐκ τῆς ἀνθρωπίνης φύσεως ἐξέιοιμεν, οὑκ ᾶν ποτέ τι φρόνιμοι γενοίμεθα. οὐ γὰρ ἂν ἕτι ποτὲ ψυχὴ τούτου τοῦ ζώου πᾶσαν ἀρετὴν λάβοι σχεδόν, ὅτου λόγος ἀπείη. ζῶον δέ, ὅ τι μὴ γιγνώσκοι δύο καὶ τρία μηδὲ περιττὸν μηδὲ ἄρτιον, ἀγνοοῦ δὲ τὸ παφάπαν ἀριθμόν, οὐκ ᾶν ποτε διδοναι λόγον ἔχοι περίμενος δὲ ἀληθοῦς λόγου σοφος σύκ ἀν ποτε γένοιτο 15 γὰρ post σχεδὸν supra vs. add. Α²

DE UTILITATE

μόνον είη πεπτημένος. στερόμενος δε άληθοῦς λόγου σοφός ούκ αν ποτε γένοιτο. ού μην ούδε τα των αλλων τεγνών λεγόμενα, α νυν διήλθομεν, ούδέποτε τούτων ούδεν μένει, πάντα δε άπολεϊται το παράπαν. όταν 5 άριθμητικής τις άμελή. δόξειε δ' αν ίσως τισί βραγέως άριθμοῦ δεῖσθαι τὸ τῶν ἀνθρώπων γένος, ὡς εἰς τὰς τέγνας αποβλέψασι καίτοι μέγα μεν καί τουτο. εί δέ τις ίδοι τό θείον της γενέσεως και τό θνητόν, έν φ και τό θεοσεβές γνωρισθήσεται και ό άριθμός όντως, ούκ 10 αν έτι πας μάντις γνοίη σύμπαντα άριθμόν, όσης ήμιν δυνάμεως αίτιος αν είη συγγινόμενος, έπει και μουσικήν πασαν δι' άριθμοῦ μετὰ κινήσεώς τε καί φθόγγων όδήλον δτι δετ. καί τὸ μέγιστον, άγαθον ώς πάντων αίτιον. ότι δε καχών ούδενός έστι, τοῦτο γνωστέον. σχε-15 δόν δε άλόγιστος, άτακτος, άσχήμων τε και άρουθμος άνάρμοστός τε σφόδρα και πάνθ' όσα κακού κεκοινώνηκέ τινος, όστις λέλειπται παντός άριθμοι. έν δε τοις έφεξης φησιν εστιν έχον μηδείς ήμας ποτε πειθέτω τῆς εὐσεβείας εἶναι τῷ θνητῷ γένει. ἐκ γὰρ τούτου 20 φύεσθαι καί τὰς ἅλλας ἀρετὰς τῷ μαθόντι κατὰ τρόπον.

2 Epin. p. 977 D καὶ ὁ νῦν (λόγος) ὀφθῶς ὡηθήσεται, ὅτι καὶ τὰ τῶν ἄλλων τεχνῶν λεγόμενα, ὰ νῦν ᠔ὴ διήλθομεν ἐῶντες εἶναι πάσας τὰς τέχνας, οὐδὲ τοὐτων Ἐν οὐδὲν μένει (μενεῖ Stephanus), πάντα ὅ' ἀπολεἰται τὸ παφάπαν, ὅταν ἀφιθμητικήν τις ἀνέλη. ὅόξειε ở ἂν ໂκανῶς τισι βραχέων Ἐνεια ἀφιθμοῦ δείσθαι τὸ τῶν ἀνθφώπων γένος, εἰς τὰς τέχνας ἀποβλέψασι καίτοι κτλ. 9 ὁ non exstat ap. Pl. 11 ἐπεὶ καὶ τὰ κατὰ μουσικήν πάσας διαφίθμουμένων κινήσεως τε κτλ. Pl. 18 δεῖ (εἶναι) cj. Bullialdus ἀγαθῶν Pl. 14 ὅτι δὲ κακῶν οὐδεν ὅζειναι> cj. Bullialdus ἀγαθῶν Pl. 14 ὅτι δὲ κακῶν οὐδενός, εὐ τοῦτο γνωστέον, ὁ καὶ τάχα γένοιτ' ἄν, ἀλλ' ἡ σχεδὸν ἀλόγιστός τε καὶ ἄτακτος κτλ. Pl. 16 σφιδρα] φορά Pl. ὁπόσα Pl. κεκοινώνικε Α 17 ὅστις λέλειπται] ἐκιλέλειπται Pl. Epin. p. 989 B μεἰζον μὲν γὰο ἀφετῆς μηδεἰς ἡμᾶς ποτε πείθῃ τῆς εὐσεβείας εἶναι τῷ θνητῷ γένει 19 of. Epin. p. 989 D

έπειτα παφαδείκνυσι θεοσέβειαν ότφ τρόπφ τις μαθήσεται. λέγει δε δείν μαθείν πρώτον άστρονομίαν. εί γαρ το καταψεύδεσθαι και άνθρώπων δεινόν, πολύ δεινότερου θεών καταψεύδοιτο δ' αν ό ψευδείζ έχων δόξας περί θεών ψευδείζ δ' αν δόξας έχοι περί θεών ό μηδε 5 την τών αίσθητών θεών φύσιν έπεσκεμμένος, τουτέστιν άστρονομίαν. άγνοείσθαι δε φησι τοίς πολλοίς, ότι σοφώτατον άνάγκη τον άληθώς άστρονόμον είναι, μη τον καθ' Ήσίοδον άστρονομοῦντα, οἶον δυσμάς τε και άνατολας έπεσκεμμένον, άλλα τας περίδους τών έπτά, ὃ 10 μη φαδίως ποτε πάσα φύσις ίκανη γένοιτο θεωρησαι. τον δ' έκι ταῦτα παρασκευάζοντα φύσεις οΐας δυνατον πολλας προδιδάσκειν χρεία έστιν έθίζοντα παίδα ὄντα και νεανίσκον δια μαθημάτων. ὧν το μέγιστον είναι

1 Epin. p. 989 E — Φεοσεβείας φτινι τφόπφ τίς τινα μαθήσεται 7 Epin. p. 990 A άγνοειτε ότι σοφώτατον ἀνάγκη τὸν ἀληθῶς ἀστφονόμον είναι, μη τὸν καθ' Ησίοδον ἀστφονομοῦντα καὶ πάντας τοὺς τοιούτους, οἰον δυσμάς τε καὶ ἀνατολάς ἐπεσκεμμένον, ἀλλὰ τὸν τῶν ὀκτὰ περιόδων τὰς ἑπτὰ περιόδους, διεξιούσης τὸν αὐτὸν κύκλον ἑκάστης, οῦτως ὡς οὐκ ἂν φαδίως κοτὲ πῶσα φύσις ἱκανὴ γένοιτο Φεωρῆσαι 12 Epin. p. 990 C ἐπὶ δὲ ταῦτα παφασκευάζοντας φύσεις, δι' ὡς (οίας et δι' οίας alii) δυνατόν είναι χρεών πολλὰ προδιδάσκοντα καὶ ἑδιζοντα δέον ἂν είη· τὸ δὲ μέγιστόν τε καὶ πρῶτον ἀςιθμῶν αὐτῶν, ἀλλ' οὐ σώματα ἐχόντων, ἀλλὰ ὅλης τῆν τῶν ἀξιθμῶν αὐτῶν, ἀλλ' οὐ σώματα ἐχόντων, ἀλλὰ ὅλης τῆν τῶν ἀξεριτιοῦ τε καὶ ἀφτίου γενέσεώς τε καὶ δυνάμεως, ὅσην παρέχεται πρὸς τὴν τῶν ὅντων φύσιν. ταῦτα δὲ μαθόντα τούτοις ἐφεξῆς ἐστιν ὃ καλοῦσι μὲν σφόδρα γελοίον ὅνομα γεωμετρίαν, τῶν οὐκ ἀνθρώπινον ἀλλά ἀλλήδοις φύσει ἀριθμῶν ὑμοίωσις πρὸς τὴν τῶν ἐπιπέδων μοίραν γεγονυῶ ἐσειζ (τοἰς Bekker) ἡὐζημένους καὶ τῷ στερεξ φύσει ὀμοίους, τοὺς δὲ ἀνομοίους αὐ γεγονότας ἑτέρα τέχη φύσει ἀμοίους, τοὺς δὲ ἀνομοίους αὐ γεγονότας ἑτέρα τέχη φύσει ἀμοίους, τοὺς δὲ ἀνομοίους αὐ γεγονότας ἑτέρα τέχη ἡμοία παύτην τῶνς τοις δὲ ἀτῆν τοι τῶν ἀντῶν καὶ. ἐσταν φίσους τοῦς τοῦς τοῦς τοῦ το τῶν μετα ἀλτήλοις φύσει ἀριθμῶν ὑμοίωσις τοῦς τὴν τῶν ἐπιπέξων μοίρανμαστὸν τούς τοῦς δὲ ἀνομοίους αὐ γεγονότας ἑτέρα τέχη ὑμοία ταύτην τοὺς τρεξε αὐτῆ γεομετρίαν (στερεομετρίαν cod. Ζ) ἐκάλεσαν οἱ πφοστυχείς αὐτῆ γερονότες· ὅ δὲ θειον τ΄ ἐστι καὶ

DE UTILITATE

άριθμῶν ἐπιστήμονα αὐτῶν, ἀλλ' οὐ σώματα ἐχόντων, καὶ αὐτῆς τῆς τοῖ περιττοῦ τε καὶ ἀρτίου γενέσεώς τε καὶ δυνάμεως, ὅσον παρέχεται πρός τὴν τῶν ὅντων φύσιν. τούτοις δὲ ἐφεξῆς μαθήματα μὲν καλοῦσι, φησί, 5 σφόδρα γελοΐον ὅνομα γεωμετρίαν Ἐστι δὲ τῶν οὐκ ὅντων ὁμοίων ἀλλήλοις φύσει ἀριθμῶν ὁμοίωσις πρός τὴν τῶν ἐπιπέδων μοῖραν. λέγει δέ τινα καὶ ἑτέραν ἐμπειρίαν καὶ τέχνην, ἡν δὴ στερεομετρίαν καλεῖ, εἴ τις, φησί, τοὺς τρεῖς ἀριθμοὺς ἐξ ὧν τὰ ἐπίπεδα εἶναι αὐξη-10 θέντας ὑμοίους καὶ ἀνομοίους ὅντας, ὡς προεἴπον, στερεὰ ποιεῖ σώματα τοῦτο δὲ θεῖόν τε καὶ θαυμαστόν ἐστι. καὶ ἐν Πολιτεία δὲ περὶ συμφωνίας τῆς κατὰ μουσικήν φησι καλλίστη καὶ μεγίστη τῶν περὶ πόλεων

συμφωνιῶν ἐστιν ή σοφία, ἦς ὁ μὲν κατὰ λόγον ζῶν 15 μέτοχος, ὁ δὲ ἀπολειπόμενος οἰκοφθόρος καὶ περὶ πόλιν οὐδαμῆ σωτήριος, ἅτε τὰ μέγιστα ἀμαθαίνων.

καὶ ἐν τῷ τρίτῷ δὲ τῆς Πολιτείας, διδάσκων ὅτι μόνος μουσικός ὁ φιλόσοφος, φησίν ἶφ' οὖν πρὸς ϑεῶν οῦτως οὐδὲ μουσικοὶ πρότερον ἐσόμεθα, οὕτε αὐτοὶ οὕτε 20 οῦς φαμεν ἡμεῖς παιδευτέον εἶναι τοὺς φύλακας, πρὶν

12 Leg. III p. 689 D ἀλλ' ἡ καλλίστη καὶ μεγίστη τῶν ξυμφωνιῶν μεγίστη δικαιότατ ἂν λέγοιτο σοφία, ἡς ὁ μὲν κατὰ λόγον ζῶν μέτοχος, ὁ δ' ἀπολειπόμενος οἰκοφθόφος καὶ περὶ πόλιν οὐδαμῆ σωτὴρ ἀλλὰ πᾶν τοὐναντίον ἀμαθαίνων εἰς ταῦτα έκάστοτε φανείται 18 Civ. III p. 402 B ἀζ οὐν, ὅ λέγω, πρὸς θτῶν, οῦτως οὐδὲ μουσικοὶ πρότερον ἐσόμεθα, οῦτε αὐτοί οῦτε οῦς φαμεν ἡμιν παιδευτέον είναι τοὺς φύλακας, πριν ἂν τὰ τῆς σωφροσύνης είδη καὶ ἀνδρείας καὶ ἐλευθεριότητος καὶ μεγαλοποεπείας καὶ ὅσα τούτων ἀδελφὰ καὶ τὰ τούτων αὐ ἐναντία πανταχοῦ περιφερόμενα γνωρίζωμεν (of. p. 12, 1) καὶ ἐνόντα ἐν οἰς ἕνεστιν αἰσθανώμεθα καὶ αὐτὰ καὶ είκονας αὐ= τῶν καὶ μήτε ἐν σμικροῖς μήτε ἐν μεγάλοις ἀτιμάζωμεν, ἀλλὰ ἀζ Α

ἂν ἅπαντα τὰ τῆς σωφροσύνης είδη και ἀνδρείας και μεγαλειότητος καί μεγαλοποεπείας και όσα τούτων άδελφά καί αλά τούτων ύπεναντία πανταχη περιφερόμενα χωρίζωμεν και ένόντα έν οίς έστιν αίσθανώμεθα καί αὐτὰ καί εἰκόνας αὐτῶν καὶ μήτε ἐν μικροῖς μήτε 5 έν μεγάλοις άτιμάζωμεν, άλλα της αύτης οιώμεθα τέχνης είναι καί μελέτης; διὰ γὰρ τούτων καί τῶν πρό αὐτῶν τί τε ὄφελος έχ μουσιχής δηλοϊ, χαι ότι μόνος όντως μουσικός ό φιλόσοφος, άμουσος δε ό κακός. τη μεν γαρ εύηθεία όντως, ητις έστιν άρετή το εύ τα ήθη κατε- 10 σκευασμένα έχειν, έπεσθαί φησιν εύλογίαν, τουτέστι τό εὖ λόγφ χρῆσθαι, τῆ δὲ εὐλογία την εὐσχημοσύνην καὶ εύουθμίαν και εύαρμοστίαν εύσχημοσύνην γαο περί μέλος, εύαρμοστίαν δε περί άρμονίαν, εύρυθμίαν δε περί δυθμόν τη δε κακοηθεία, τουτέστι τῷ κακῷ ήθει, 15 φησίν ἕπεσθαι κακολογίαν, τουτέστι κακοῦ λόγου χοησιν, τη δε κακολογία άσχημοσύνην και άρρυθμίαν και άναρμοστίαν περί πάντα τὰ γενόμενα και μιμούμενα. ώστε μόνος αν είη μουσικός ό κυρίως εύήθης, όστις είη αν ό φιλίσοφος. δηλοϊ δε και τα είρημένα. έπει γαρ ή 20 μουσική τὸ εύουθμον καὶ εὐάομοστον καὶ εὕσχημον έμποιει τη ψυχη έκ νέου είσδυομένη δια το τη αφελεία μεμιγμένην έχειν άβλαβη ήδονήν, άδύνατόν φησι τέλεον μουσικόν γενέσθαι μη είδότα τὸ έν παντί εὕσχημον καί τὰ τῆς εὐσχημοσύνης καὶ ἐλευθεριότητος καὶ σωφροσύ- 25

1 $\vec{\alpha}\nu$ supra vs. A 5 $\alpha \vec{v} \tau \tilde{\omega}\nu$ infra vs. A 9 cf. Civ. p. 400 D - 401 A 12 ev lóy ω] ev lóy ω_S A 13 ad ev $v v \mu (\alpha \nu n mg.$ A adnotatum erat rò $\beta \iota \beta \iota \delta \nu \sigma \tilde{\kappa} \varkappa \iota$ έ $v v \vartheta \mu (\alpha \nu, quae verba deleta sunt 17 <math>\vec{\alpha} v \vartheta \mu (\alpha \nu A 20 \tau \alpha \epsilon i q \eta \mu \epsilon \nu \alpha : p. 10, 18$ sqq. an scr. rà $\pi \varrho o \varepsilon \iota q \eta \mu \epsilon \nu \alpha$? νης είδη μή γνωρίζοντα, τουτέστι τὰς ίδέας. ἀμέλει ἐπιφέρει ἐν παντί περιφερόμενα — τουτέστι τὰ είδη — καὶ μή ἀτιμάζων αὐτὰ μήτ' ἐν σμικροῖς μήτ' 𝔹ν μεγάλοις. ή δὲ τῶν ἰδεῶν γνῶσις περί τὸν φιλόσοφον οὐδὲ γὰρ 5 είδείη τις ἂν τὸ κόσμιον καὶ σῶφρον καὶ εὕσχημον αὐτὸς ῶν ἀσχήμων καὶ ἀκόλαστος τὸ δ' ἐν βίφ εὕσχημον καὶ εὖρυθμον καὶ εὐάρμοστον εἰκόνες τῆς ὄντως εὐσχημοσύνης καὶ εὐαρμοστίας καὶ εὐρυθμίας, τουτέστι τῶν νοητῶν καὶ ἰδεῶν εἰκόνες τὰ αἰσθητά.

καί οί Πυθαγορικοί δέ, οἶς πολλαχη ἕπεται Πλάτων, 10 την μουσικήν φασιν έναντίων συναρμογην και των πολλών ένωσιν και τών δίχα φρονούντων συμφρόνησιν. ού γαο δυθμών μόνον και μέλους συντακτικήν, άλλ' άπλῶς παντὸς συστήματος τέλος γὰς αὐτῆς τὸ ένοῦν 15 τε καί συναρμόζειν. και γάρ ό θεός συναρμοστής των διαφωνούντων, καί τοῦτο μέγιστον ἔργον θεοῦ κατὰ μουσικήν τε καί κατὰ ἰατρικὴν τὰ ἐχθρὰ φίλα ποιείν. έν μουσική, φασίν, ή όμόνοια τῶν πραγμάτων, έτι καί άριστοχρατία τοῦ παντός. χαι γὰρ αῦτη ἐν χόσμῷ μὲν 20 άρμονία, έν πόλει δ' εύνομία, έν οίκοις δε σωφροσύνη γίνεσθαι πέφυκε. συστατική γάρ έστι και ένωτική τῶν πολλών ή δε ένέργεια και ή χρησις, φησί, της έπιστήμης ταύτης έπι τεσσάρων γίνεται τῶν ἀνθρωπίνων, ψυχῆς, σώματος, οίκου, πόλεως προσδείται γάρ ταῦτα 25 τὰ τέσσαρα συναρμογης και συντάξεως.

έν δε τη Πολιτεία Πλάτων ύπεο των μαθημάτων

2 cf. p. 11, 3 sqq. (Civ. p. 402 A C) 10 cf. Boeckh Philolaos Lehren p. 61 12 διχοφοονούντων Ast ad Nicom. p. 299 18 (xal) έν μουσικη? 20 cf. p. 47, 2 sq. γ^θ ένωτική 21 εύνοητική (οη ex corr. ut vid.) A 22 φασί? καὶ τάδε ἔφη ἀ ἀ ἀ ἀ ἀ ἀ ἀ ἀ ἡ ῷ ὅστις διασώζει τὴν ὀ ϱθὴν δόξαν τῶν ἐκ παιδείας αὐτῷ ἐγγενομένων ἔν τε λύπαις καὶ ἡδοναῖς καὶ ἐπιθυμίαις καὶ φόβοις καὶ μὴ ἐκβάλλει. ῷ δέ μοι δοκεῖ ὅμοιον εἶναι, θέλω ἀπεικάσαι. οἱ νῦν βαφεῖς, ἐπειδὰν βουληθῶσι βάψαι ἔρια ῶστ' εἶναι 5 ἁλουργά, πρῶτον μὲν ἐκλέγονται ἐκ τοσούτων χρωμάτων μίαν φύσιν τὴν τῶν λευκῶν, ἔπειτα προκατασκευάζουσιν οὐκ ὀλίγη παρασκευῆ θεραπεύσαντες, ὅπως δέξηται ὅ τι μάλιστα τὸ ἄνθος, καὶ οῦτως βάπτουσι· καὶ ὅ μὲν ἂν τούτῷ τῷ τρόπῷ βαφῆ, ὁμοῦ τι τὸ βαφὲν καὶ 10

1 Civ. p. 429 C (cf. etiam antecedentia) διὰ παντός δὲ ἕλεγον αὐτὴν σωτηρίαν τὸ ἔν τε λύπαις ὄντα διασώζεσθαι αὐτὴν ral év hoovais ral év (év om. codices complures Platonis et Stobaei Flor. XXXXIII 97) έπιθυμίαις και έν (έν om. Stob. ed. Trincav.) φόβοις και μη έκβάλλειν. & δέ μοι δοκεί δμοιον είναι, έθέλω απεικάσαι, εί βούλει. αλλα βούλομαι. ουκούν οίοθα, ήν δ' έγώ, ότι οί βαφείς, έπειδαν βουληθώσι βάψαι έρια ώστ' έίναι άλουργά, πρώτον μέν έκλέγονται έκ τοσούτων χρωμάτων μίαν φύσιν την των λευκών, έπειτα προπαρασκευάζουσιν ούκ μίαν φυσιν την των λευκων, επειτα προπαφασκευαζουσεν συκ όλίγη παφασκευή θεφαπεύσαντες, όπως δέξεται (δέξηται Stobaei codex A et complures Platonis) ο τι μάλιστα το άνθος, καλ ούτω δή βάπτουσι· και δ μεν αν τούτω τῷ τφόπω βαψή, δευσοποιόν γίγνεται τὸ βαφέν, και ή πλύσις ούτ' άνευ ένμμάτων ούτε μετὰ δυμμάτων δύναται αύτων τὸ άνθος άφαι-ούτω. Δ δ' μετά δυμμάτων δύναται αύτων τὸ άνθος άφαιέυμμάτων οὔτε μετὰ ξυμμάτων δύναται αὐτῶν τὸ ἄνθος άφαι-ξείσθαι· ἂ δ' ἂν μή, οίσθα οία δή γίγνεται, ἐάν τέ τις άλλα χοώματα βάπτη ἐάν τε και ταῦτα μή προθεοαπεύσας. οίδα, ἔφη, ὅτι ἔκπλυτα και γελοία. τοιῦτον (τοιῦτο codd. duo) τοίνυν, ήν δ' ἐγώ, ὑπόλαβε κατὰ δύναμιν ἑργάζεσθαι και ἡμᾶς, ὅτε ἐξελεγόμεθα τοὺς στρατιώτας και ἐπαιδεύομεν (ἐν add. codd. Stobaei) μουσική και γυμναστική· μηδεν οίου άλλο μηχανᾶσθαι, ή ὅπως ἡμιν ὅ τι κάλλιστα τοὺς νόμους πεισθέντες δέξοιντο ὥσπες βαφήν, Ἐνα δευσοποιὸς αὐτῶν ἡ δόξα γίγνοιτο και περί δεινῶν και περί τῶν ἅλλων, διὰ τὸ τήν τε φύσιν και τὴν Γροφὴν ἐπιτηδείαν ἐσχημέναι, και μὸ ἐκαλύζειν, ή τε ἡδοψή, παντὸς χαλεστραίου δεινοτέρα οὖοι έχχινέζειν, η τε ήδονή, παντός χαλεστραίου δεινοτέρα ούσι: τούτο δράν και κονίας, λύπη τε καί φόβος και έπιθυμία, παντός άλλου δύμματος

ή φίσις, και ούτε άνευ δυμμάτων ούτε μετα δομμάτων δύναται αύτῶν τὸ ἄνθος ἀφαιρεῖσθαι· α δ' αν μή, οίσθα οία δή γίνεται, αν μή προθεραπέύσας βάπτη, έππλυτα και έξίτηλα και ού δευσοποιά. τοιούτο δε κατά 5 δύναμιν έργάζεσθαι ήγεϊσθαι χρή και ήμας. παιδεύομεν γάο τούς παίδας έν μουσική τε καί γυμναστική καί γράμμασι καί γεωμετρία και έν άριθμητική, ούδεν άλλο μηχανώμενοι, η όπως ήμεις προεκκαθάραντες και προθεραπεύσαντες ώσπερ τισί στυπτικοίς τοις μαθήμασι 10 τούτοις, τοὺς πεοὶ ἁπάσης ἀρετῆς ἢν ἂν ἐκμανθάνωσιν ύστερον λόγους ένδείζοιντο ώσπερ βαφήν, ίνα δευσοποιός αύτῶν ή δόξα γίνοιτο, διὰ τὸ τὴν φύσιν καί τοοφήν έπιτηδείαν έσχηκέναι, και μή έκπλύνη αὐτῶν την βαφήν τὰ δύμματα ταῦτα, δεινὰ ὄντα ἐκκλύζειν, 15 η τε ήδονή, παντός στρεβλου δεινοτέρα ούσα και κοινωνίας, λύπη τε καὶ φόβος καὶ ἐπιθυμία, παντὸς ἄλλου δύμματος.

 και γὰρ αὖ τὴν φιλοσοφίαν μύησιν φαίη τις ἂν ἀληθοῦς τελετῆς και τῶν ὅντων ὡς ἀληθῶς μυστηρίων
 παράδοσιν. μυήσεως δὲ μέρη πέντε. τὸ μὲν προηγούμενον καθαρμός. οὕτε γὰρ ἅπασι τοῖς βουλομένοις μετουσία μυστηρίων ἐστίν, ἀλλ' εἰσιν οῦς αὐτῶν εἰογεσθαι προαγορεύεται, οἶον τοὺς χεῖρας μὲ καθαρὰς και φωνὴν ἀξύνετον ἔχοντας, και αὐτοὺς δὲ τοὺς μὴ εἰργο μένους ἀνάγκη καθαρμοῦ τινος πρότερον τυχεῖν. μετὰ δὲ τὴν κάθαρσιν δευτέρα ἐστιν ἡ τῆς τελετῆς παράδοσις.

9 στυπτικοίς: \varkappa in ras. trium aut quattuor litterarum A 12 γένοιτο A 18 cf. Plat. Phaed. p. 69 D 20 $\vec{\alpha}$ A in margine 23 cf. Bernhardy Grundriss der griech. Litt. I p. 22. Schoemann opusc. II p. 351 26 $\vec{\beta}$ mg. A τρίτη δε (ή) έπονομαζομένη έποπτεία τετάρτη δέ, δ δή και τέλος τῆς ἐποπτείας, ἀνάδεσις και στεμμάτων έπίθεσις, ώστε και έτέροις, ας τις παρέλαβε τελετάς, παραδοῦναι δύνασθαι, δαδουγίας τυχόντα ἢ ίεροφαντίας ή τινος άλλης ίερωσύνης πέμπτη δε ή έξ αὐτῶν περι- 5 γενομένη κατά τό θεοφιλές καί θεοϊς συνδίαιτον εύδαιμονία. κατὰ ταὐτὰ δὴ καὶ ἡ τῶν Πλατωνικῶν λόγων παράδοσις τό μεν πρώτον έχει καθαρμόν τινα, οίον την έν τοις προσήκουσι μαθήμασιν έκ παίδων συγγυμνασίαν. ό μεν γὰρ Ἐμπεδοκλῆς κρηνάων ἀπὸ πέντ' ἀνιμῶντά φησιν ἀτει- 10 οέι γαλκώ δεϊν άπορρύπτεσθαι· ό δè Πλάτων άπο πέντε μαθημάτων δειν φησι ποιείσθαι την κάθαρσιν ταυτα δ' έστιν άριθμητική, γεωμετρία, στερεομετρία, μουσική, άστρονομία. τη δε τελετή ξοικεν ή των κατά φιλοσοφίαν θεωρημάτων παράδοσις, τῶν τε λογικῶν καὶ πολιτικῶν 15 καί φυσικών. έποπτείαν δε όνομάζει την περί τα νοητά καί τὰ ὄντως ὄντα καί τὰ τῶν ίδεῶν πραγματείαν. ανάδεσιν δε και κατάστεψιν ήγητέον το έξ ών αυτός τις κατέμαθεν ολόν τε γενέσθαι και έτέρους είς την αύτην θεωρίαν καταστησαι: πέμπτον δ' αν είη 20 καί τελεώτατον ή έκ τούτων περιγενομένη εύδαιμονία

16

καὶ κατ' αὐτὸν τὸν Πλάτωνα ὁμοίωσις θεῷ κατὰ τὸ δυνατόν.

πολλά μέν ούν και άλλα έχοι τις αν λέγειν παραδειχνύς τὸ τῶν μαθημάτων χρήσιμον καὶ ἀναγκαΐον. 5 τοῦ δὲ μὴ δοχεῖν ἀπειροχάλως διατρίβειν <ἐν> τῷ τῶν μαθημάτων έπαίνω τρεπτέον ήδη πρός την παράδοσιν τῶυ ἀγαγκαίων κατὰ τὰ μαθήματα θεωρημάτων, οὐχ δσα δύναιτο αν τον έντυγγάνοντα η άριθμητικον τελέως η γεωμέτοην η μουσικόν η άστρονόμον άποφηναι ούδε 10 γάρ έστι τοῦτο προηγούμενον η προκείμενον απασι τοις Πλάτωνι έντυγχάνουσι μόνα δε ταυτα παραδώσομεν, όσα έξαρκει πρός τό δυνηθηναι συνειναι τών συγγραμμάτων αύτοῦ. οὐδὲ γὰρ αὐτὸς ἀξιοῖ εἰς ἔσχατον γῆρας ἀφικέσθαι διαγράμματα γράφοντα καὶ μελφδίαν, 15 άλλὰ παιδικά οἴεται ταῦτα τὰ μαθήματα, προπαρασκευαστικά καί καθαρτικά όντα ψυχης είς τὸ ἐπιτήδειον αὐτὴν πρὸς φιλοσοφίαν γενέσθαι. μάλιστα μὲν οὖν χοή τον μέλλοντα οίς τε ήμεις παραδώσομεν οίς τε Πλάτων συνέγραψεν έντεύξεσθαι δια γοῦν τῆς πρώτης 20 γραμμικής στοιχειώσεως κεχωρηκέναι φαρν γαρ αν ξυνέποιτο οίς παραδώσομεν. Εσται δ' όμως τοιαυτα καί τὰ παο' ήμῶν, ὡς καὶ τῷ παντάπασιν ἀμυήτῷ τῶν μαθημάτων γνώριμα γενέσθαι.

πρῶτον δὲ μνημονεύσομεν τῶν ἀριθμητικῶν θεωρη-25 μάτων, οἶς συνέζευκται καὶ τὰ τῆς ἐν ἀριθμοῖς μουσικῆς· τῆς μὲν γὰρ ἐν ὀργάνοις οὐπαντάπασι προσδεόμεθα, καθα καὶ αὐτὸς ὁ Πλάτων ἀφηγεῖται λέγων ὡς οὐ χρὴ ὥσπερ

1 Theast. p. 176 B 3 är léysir apogr.] araléysir A 24 inscr. $\pi \in \mathcal{Q}$ i a \mathcal{Q} in \mathcal{Q} in \mathcal{Q} a \mathcal{Q} in \mathcal{Q} and \mathcal{Q} in \mathcal{Q} and \mathcal{Q} in \mathcal{Q} and \mathcal{Q} is a \mathcal{Q} of \mathcal{Q} in \mathcal{Q} and \mathcal{Q} is a \mathcal{Q} of \mathcal{Q} in \mathcal{Q} and \mathcal{Q} is a \mathcal{Q} of \mathcal{Q} in \mathcal{Q} and \mathcal{Q} and \mathcal{Q} is a \mathcal{Q} of \mathcal{Q} in \mathcal{Q} and \mathcal{Q} is a \mathcal{Q} of \mathcal{Q} and \mathcal{Q} is a \mathcal{Q} of \mathcal{Q} is a \mathcal{Q} of \mathcal{Q} of \mathcal{Q} is a \mathcal{Q} of \mathcal{Q} of \mathcal{Q} and \mathcal{Q} is a \mathcal{Q} of \mathcal{Q} of \mathcal{Q} of \mathcal{Q} is a \mathcal{Q} of \mathcal{Q} in \mathcal{Q} of \mathcal{Q} of

έχ γειτόνων φωνήν θηρευομένους πράγματα παρέχειν ταϊς χορδαϊς. όρεγόμεθα δε την έν χόσμω άρμονίαν καί την έν τούτω μουσικην κατανοήσαι ταύτην δε ούχ οίόν τε κατιδείν μή της έν άριθμοίς πρότερον θεωρητιχούς γενομένους. διὸ καὶ πέμπτην ὁ Πλάτων φησίν 5 είναι την μουσικήν, την έν κόσμω λέγων, ητις έστιν έν τη πινήσει και τάξει και συμφωνία των έν αύτω πινουμένων άστρων. ήμιν δ' άναγκαιον δευτέραν αὐτὴν τάττειν μετὰ ἀριθμητικήν καί κατ' αὐτὸν τὸν Πλάτωνα, έπειδή ούδ' ή έν κόσμφ μουσική ληπτή άνευ της έξαριθ- 10 μουμένης και νοουμένης μουσικής. ωστε εί μεν συνέζευκται τη περί ψιλούς άριθμούς θεωρία ή έν άριθμοϊς μουσική, δευτέρα αν ταχθείη πρός την της ήμετέρας θεωρίας εύμάρειαν. πρός δε την φυσικην τάξιν πρώτη μέν αν είη ή περί άριθμούς θεωρία, καλουμένη άριθ- 15 μητική δευτέρα δε ή περί τὰ έπίπεδα, καλουμένη γεωμετρία τρίτη δε ή περί τὰ στερεά, ητις έστι στερεομετρία· τετάρτη <δέ> ή περί τὰ χινούμενα στερεά, ητις έστιν άστρονομία. ή δὲ τῆς τῶν χινήσεων χαι διαστημάτων ποιὰ σχέσις έστὶ μουσική, ητις ούχ οία τέ έστι 20 ληφθήναι μη ποότερον ήμῶν αὐτην ἐν ἀριθμοίς κατανοησάντων. διό πρός την ήμετέραν θεωρίαν μετ' άριθμητικήν τετάχθω ή έν άριθμοζς μουσική, ώς δε πρός την φύσιν πέμπτη <ή> τῆς τοῦ κόσμου ἁρμονίας θεωρητική μουσική. κατά δή τούς Πυθαγορικούς πρεσβευτέα 25

4 τῆς corr. ex τοῖς Α 5 Πλάτων: cf. Civ. p. 530 D 6 τὴν ἐν κόσμφ λέγων] τῶν ἐν κόσμω λόγων Α, cf. vs. 2 et 10 7 αὐτῷ Bull.] αὐτῆ Α 10 scrib. vid. ἄνευ τῆς ἐν ἀριθμοῖς (vel ἐξ ἀριθμῶν) κατανοουμένης, cf. vs. 21 18 δὲ add. Bull. 19 scr. vid. πέμπτη δὲ ἡ τῆς τῶν κιν. καὶ διαστ. ποὸς ἄλληλα σχέσεως θεωρητικὴ μουσική 21 αὐτὴν] τὴν? 25 μέχρι τούτου mg. Α πρεσβευτὰς Α

Theo Smyrn.

2

τὰ τῶν ἀριθμῶν ὡς ἀρχὴ παὶ πηγὴ καὶ ∮ίζα τῶν πάντων.

άριθμός έστι σύστημα μονάδων, η προποδισμός πλήθους από μονάδος άρχόμενος και άναποδισμός είς 5 μονάδα καταλήγων. μονὰς δέ έστι περαίνουσα ποσότης [άρχή καί στοιχείον των άριθμων], ήτις μειουμένου του πλήθους κατά την ύφαίρεσιν του παντός άριθμου στερηθείσα μονήν τε καί στάσιν λαμβάνει. ού γαρ οίόν τε περαιτέρω γενέσθαι την τομήν και γαρ έαν είς μόρια 10 διαιρώμεν τὸ ἕν έν αίσθητοις, έμπαλιν πληθος γενήσεται τὸ ἕν καὶ πολλὰ, καὶ καταλήξει είς ἕν κατὰ τὴν ύφαίρεσιν έχάστου των μορίων καν έχεινο πάλιν είς μόρια διαιρῶμεν, πληθός τε τὰ μόρια γενήσεται και ή κατάληξις καθ' ύφαίρεσιν έκάστου τῶν μορίων είς Εν. 15 ώστε αμέριστον και αδιαίρετον τό εν ώς εν. και γαρ ό μέν άλλος άριθμός διαιρούμενος έλαττοῦται καί διαιρεϊται είς έλάττονα αύτοῦ μόρια, οἶον τὰ ς' είς τὰ γ' και ν' η δ' και β' η ε' και α'. το δε εν αν μεν εν αίσθητοις διαιρήται, ώς μέν σωμα έλαττουται καί διαι-20 ρεϊται είς έλάττονα αύτοῦ μόρια τῆς τομῆς γινομένης, ώς δε άριθμός αύξεται άντι γαρ ενός γίνεται πολλά. ώστε καί κατά τοῦτο ἀμερές τὸ ἕν. οὐδὲν γὰρ διαιρούμενον είς μείζονα έαυτοῦ μόρια διαιρείται· τὸ δὲ <ἕν>

3 inscr. περί ένος και μονάδος Α, γ in mg. Stob. ecl. Ι, 8 έκ τῶν Μοδεράτου Πυθαγορείου. ἔστι δ' ἀριθμὸς ὡς τύπφ εἰπεῖν σύστημα μονάδων, ἢ προποδισμὸς πλήθους ἀπὸ μονάδος ἀρχόμενος και ἀναποδισμὸς εἰς μονάδα καταλήγων, μονάδας δὲ περαίνουσα ποσότης, ἢτις μειουμένου τοῦ πλήθους κατὰ τὴν ὑφαίρειν παντὸς ἀριθμοῦ στερηθεῖσα μονήν τε και στάς μονάδας βάνει. περαιτέρω γὰς ἡ μονὰς τῆς ποσότητος (8cr. τῆς μονάδας ἡ ποσότης) οὖκ ἰσχύει ἀναποδίζειν. cf. schol. Dion. Thr. p. 820, 14 9 περαιτέρω: α corr. ex ε Α 14 post ἑκάτου ras. trium fere litt. Α 23 εἰς <ἴσα ἑαντῷ ἢ εἰς μείζονα ἑαυτοῦ?</p>

διαιρούμενον καί είς μείζονα τοῦ ὅλου μόρια ὡς ἐν άριθμοῖς διαιρείται καί (είς) ίσα τῷ ὅλφ. οἶον τὸ ξν τό έν αίσθητοις αν είς έξ διαιρεθή, είς ίσα μέν το όλο ώς άριθμός διαιρεθήσεται α΄ α΄ α΄ α΄ α΄ α΄ είς μείζονα dè roũ õdov is dowhis eis d' rad β' . rà yào β' rad s δ' ώς ἀριθμοὶ πλείονα τοῦ ἑνός. ἀδιαίρετος ἄρα ἡ μονάς ώς άριθμός. καλείται δε μονάς ήτοι άπο τοϊ μένειν άτρεπτος καί μή έξίστασθαι της έαυτης φύσεως. όσάκις γαρ αν έφ' έαυτην πολλαπλασιάσωμεν την μονάδα, μένει μονάς και γαρ απαξ εν εν, και μέγρις 10 απείρου έὰν πολλαπλασιάζωμεν τὴν μονάδα, μένει μονάς. η άπό τοῦ διακεκρίσθαι και μεμονῶσθαι ἀπό τοῦ λοιποι πλήθους τῶν ἀριθμῶν καλεϊται μονάς. ή δε διενήνομεν άριθμός και άριθμητόν, ταύτη και μονάς καί ἕν. ἀριθμός μέν γάρ έστι τὸ έν νοητοις ποσόν, 15 οίον αύτὰ έ και αύτὰ ί, ού σώματά τινα ούδε αίσθητά, άλλὰ νοητά ἀριθμητόν δὲ το ἐν αίσθητοῖς ποσόν. ὡς ΐπποι ε΄, βόες ε΄, άνθρωποι ε΄. και μονάς τοίνυν έστιν ή τοῦ ένὸς ίδέα ή νοητή, η έστιν ἄτομος. Εν δὲ τὸ ἐν αίσθητοις καθ' έαυτό λεγόμενου, οίου είς ϊππος, είς 20 άνθρωπος. ώστ' είη αν άρχη των μεν άριθμων ή μονάς, των δε αριθμητων τό εν. και τό εν ώς έν αίσθητοις

7 pergit Stob. l. c. ώστε μονάς ήτοι άπό τοῦ έστάναι καl κατὰ ταὐτὰ ὡσαύτως ἄτρεπτος μένειν, ἢ ἀπὸ τοῦ διακεπρίσθαι καὶ παντελῶς μεμονῶσθαι τοῦ πλήθους εὐλόγως ἐκλήθη 11 fort. add. ἐφ΄ ἑαυτὴν 19 ῆ] ὅ Α 21 inscr. τίς ἀρχὴ ἀριθμοῦ Α, δ in mg. 22 Stob. ecl. I 1, 9 τινὲς τῶν ἀριθμῶν ἀρχὴν ἀπεφήναντο τὴν μονάδα, τῶν δὲ ἀριθμητῶν τὸ ἔν, τοῦτο δὲ σῶμα τεμνόμενον είς ἄπειρον. ῶστε τὰ ἀριθμητῶ τῶν ἀριθμῶν ταὐτῃ διαλλάττειν ৡ διαφέρει τὰ σώματα τῶν ἀσωμάτων. εἰδέναι δὲ καὶ τοῦτο χρὴ ὅτι τῶν ἀριθμῶν εἰσηγήσαντο τὰς ἀρχὰς οἱ μὲν νεώτεροι τήν τε μονάδα καὶ τὴν δυάδα, οἱ δὲ Πυθαγόρειοι πάσας παρὰ τὸ ἑξῆς τὰς τῶν ὅρων ἐπθέσεις,

2*

τέμνεσθαί φασιν είς απειρον, ούχ ώς άριθμόν ούδε ώς άρχην άριθμοῦ, ἀλλ' ὡς αίσθητόν. ῶστε ἡ μὲν μονὰς νοητή ούσα άδιαίρετος, τὸ δὲ ἕν ὡς αίσθητὸν εἰς ἄπειρον τμητόν. και τὰ ἀριθμητὰ τῶν ἀριθμῶν είη ἂν διαφέ-5 ροντα τῷ τὰ μὲν σώματα είναι, τὰ δὲ ἀσώματα. ἁπλῶς δε άρχας άριθμών οι μεν υστερόν φασι τήν τε μονάδα καί την δυάδα, οί δε άπο Πυθαγόρου πάσας κατά το έξῆς τὰς τῶν ὅρων ἐκθέσεις, δι' ών ἄρτιοί τε καὶ περιττοί νοοῦνται, οἶον τῶν ἐν αίσθητοῖς τριῶν ἀργὴν τὴν 10 τριάδα καί τῶν ἐν αίσθητοῖς τεσσάρων πάντων ἀρχὴν την τετράδα και έπι των άλλων άριθμων κατά ταύτά. . οί δε και αύτων τούτων άρχην την μονάδα φασί και τό εν πάσης απηλλαγμένον διαφορας ώς έν αριθμοϊς, μόνον αὐτὸ ἕν, οὐ τὸ ἕν, τουτέστιν οὐ τόδε τὸ ποιὸν καί διαφοράν τινα πρός έτερον εν προσειληφός, άλλ' αύτὸ καθ' αύτὸ ἕν. οῦτω γὰρ ἂν ἀρχή τε καὶ μέτρον είη τῶν ὑφ' έαυτὸ ὄντων, καθὸ ἕκαστον τῶν ὄντων Ἐν λέγεται, μετασχόν της πρώτης τοῦ ένὸς οὐσίας τε καί ίδέας. 'Αργύτας δε και Φιλόλαος άδιαφόρως το εν και 20 μονάδα καλοῦσι καὶ τὴν μονάδα ἕν. οἱ δὲ πλεϊστοι προστιθέασι τῷ μονάδα αὐτὴν τὴν πρώτην μονάδα, ὡς ούσης τινός ού πρώτης μονάδος, η έστι κοινότερον καλ αύτή μονάς καί έν — λέγουσι δή και τό έν —, τουτδι' ών αστιοί τε και περιττοι νοοῦνται. cf. Phot. Bibl. p. 438 b 34. Zeller die Philos. d. Gr. I⁴ p. 318. 335, 1. 339, 4 5 άπλῶς corr. ex ἁπλῶν Α 11 ταῦτά Α 14 μόνον (ον) αὐτό ἕν? αύτὸ ἕν corr. in αύτοὲν A ποιόν (Έν)? 16 xað' avrò rò er Bull. 17 favrò: ò corr. ex @ A 19 Aquíras: Mullach fragm. philos. Gr. II p. 117 **Dilólaos:** Boeckh Philolaos Lehren p. 147. Mullach II p. 5. cf. Zeller I p. 320, 1 21 τῶ μονάδα] scrib. vid. aut τῆ μονάδι aut τῷ μονάδα μ^{0} Δ 23 αῦτη Δ καὶ τὸ ἕν] οὐ < εἶναι > το Ev? cf. vs. 14

έστιν ή πρώτη και νοητή ούσία τοῦ ένός, έκάστου τῶν πραγμάτων παρέχουσα εν. μετοχη γάρ αύτης επαστον εν καλείται. διὸ καὶ τοῦνομα αὐτοῦ οὐδεν παρεμφαίνει τί έν και τίνος γένους, κατά πάντων δε κατηγορείται, [ώστε καὶ ἡ μονὰς καὶ ἕν ἐστι,] κἂν τὰ μὲν νοητὰ καὶ 5 παραδείγματα μηδεν άλλήλων διαφέροντα, τὰ δὲαίσθητά. ένιοι δε έτέραν διαφοράν τῆς μονάδος και τοῦ ένζς παρέδοσαν. το μέν γαρ εν ούτε κατ' ούσίαν άλλοιουται, ούτε τη μονάδι και τοις περιττοις αιτιόν έστι του μή άλλοιοῦσθαι κατ' οὐσίαν, οῦτε κατὰ ποιότητα, αὐτὸ 10 γαρ μονάς έστι και ούχ ωσπερ αί μονάδες πολλαί, ούτε κατά τὸ ποσόν. ούδε γάρ συντίθεται ῶσπερ αί μονάδες άλλη μονάδι· εν γάρ έστι και ού πολλά, διο και ένικῶς χαλεϊται ἕν. χαὶ γὰρ εἰ παρὰ Πλάτωνι ἑνάδες εἰρηνται έν Φιλήβφ, ού παρὰ τὸ ξν έλέχθησαν, ἀλλὰ παρὰ τὴν 15 ένάδα, ητις έστι μονάς μετοχη τοῦ ένός. κατὰ πάντα δή άμετάβλητον τὸ ἕν τὸ ὡρισμένον τοῦτο ἐν τῆ μονάδι. ώστε διαφέροι αν τό εν της μονάδος, ότι τό μέν έστιν ώρισμένον και πέρας, αί δε μονάδες απειροι και ἀόριστοι.

τῶν δὲ ἀριθμῶν ποιοῦνται τὴν πρώτην τομὴν είς 20 δύο τοὺς μὲν γὰρ αὐτῶν ἀρτίους, τοὺς δὲ περιττούς φασι. καὶ ἄρτιοι μέν εἰσιν οἱ ἐπιδεχόμενοι τὴν εἰς ἴσα διαίρεσιν, ὡς ἡ δυάς, ἡ τετράς περισσοὶ δὲ οἱ εἰς ἄνισα διαιρούμενοι, οἶον ὁ ε΄, ὁ ζ΄. πρώτην δὲ τῶν περισσῶν ἔνιοι ἔφασαν τὴν μονάδα. τὸ γὰρ ἄρτιον τῷ περισσῷ 25 ἐναντίον ἡ δὲ μονὰς ἥτοι περιττόν ἐστιν ἢ ἄρτιον καὶ

1 έκάστω? 9 καl τοις ζάφτίοις καl) περιττοις? μη del. Bull. 12 συντίθεται Α 14 εί corr. ex of Α 15 έν Φιλήβω: p. 15 Α 16 μετοχη corr. ex μετοχη Α 18 το μεν $\langle \tilde{\epsilon} \nu \rangle$? 20 inscr. περί άφτίου καl περιττοῦ Α, ē in mg. 22 είς δύο ίσα Gelder, sed cf. p. 25, 21 sqq. 70, 16. 19. 71, 3. 72, 20

άρτιον μέν ούκ αν είη·ού γάρ δπως είς ίσα, άλλ' ούδε όλως διαιρείται περιττή άρα ή μονάς. καν άρτίο δε άρτιον προσθης, το παν γίνεται άρτιον μονάς δε άρτίφ προστιθεμένη τὸ πᾶν περιττὸν ποιεί οὐκ ἄρα ἄρτιον 5 ή μονὰς ἀλλὰ περιττόν. 'Αριστοτέλης δὲ ἐν τῷ Πυθαγορικώ τὸ ἕν φησιν ἀμφοτέρων μετέχειν τῆς φύσεως. άρτίφ μέν γάρ προστεθέν περιττόν ποιεί, περιττφ δέ άρτιον, δ ούκ αν ήδύνατο, εί μη άμφοιν τοιν φυσέοιν μετείχε διό και άρτιοπέριττον καλείσθαι τό εν. συμ-10 φέρεται δε τούτοις και Άρχύκας. περιττοῦ μέν οὖν πρώτη ίδέα έστιν ή μονάς, καθάπερ και έν κόσμφ τῷ ώρισμένω και τεταγμένω το περιττόν προσαρμόζουσιν. άρτίου δε πρώτη ίδεα ή άόριστος δυάς, καθά και έν χόσμφ τῷ ἀορίστφ καὶ ἀγνώστφ καὶ ἀτάκτφ τὸ ἄρτιον 15 προσαρμόττουσι. διο και ἀόριστος καλείται ή δυάς, έπειδή ούκ έστιν ώσπες ή μονάς ώρισμένη. οί δ' έξῆς έπόμενοι τούτοις δροι άπό μονάδος έκπιθέμενοι τα αύτα αύξονται μέν τῆ ίση ύπεροχῆ μονάδι γὰρ ξκαστος αὐτῶν τοῦ προτέρου πλεονάζει αὐξόμενοι δὲ τοὺς λόγους 20 τῆς πρὸς ἀλλήλους σχέσεως αὐτῶν μειοῦσιν. οἶον έκτεθέντων ἀριθμῶν α΄ β΄ γ΄ δ΄ έ ૬΄ δ μεν τῆς δυάδος λόγος πρός την μονάδα έστι διπλάσιος, δ δε της τριάδος πρός την δυάδα ήμιόλιος, ό δε της τετράδος πρός την τριάδα έπίτριτος, δ δε της πεντάδος πρός την τετράδα έπιτέ-25 ταρτος, ό δε της έξάδος πρός την πεντάδα έπίπεμπτος. έστι δ' έλάττων λόγος ό μεν έπίπεμπτος του έπιτετάρτου,

5 Άριστοτέλης: ed. Berol. fr. 194. Rose Arist. pseudepigr. fr. 184. Heitz fragm. Aristot. 115. cf. Zeller I p. 368, 4. II 2³ p. 48 πυθαγορικώ: ω corr. ex ων ut vid. A 8 φυσέοιν mut. in φύσεουν A 17 τὰ αὐτὰ del. esse cj. Hultsch 18 μονά γὰρ corr. ex μόνοι A

22

ό δε έπιτέταρτος τοῦ έπιτρίτου, ὁ δε ἐπίτριτος <τοῦ) ήμιολίου, ὁ δε ήμιόλιος τοῦ διπλασίου nal ἐπὶ τῶν λοιπῶν δε ἀριθμῶν ὁ αὐτὸς λόγος. ἐναλλὰξ δ' εἰσὶν ἀλλήλοις οῖ τε ἅρτιοι nal οἱ περιττοὶ παρ' ἕνα Θεωρούμενοι.

τών δε άριθμών οί μεν πρώτοι καλούνται άπλώς και ασύνθετοι, οί δε πρός αλλήλους πρῶτοι και ούχ άπλώς, οί δε σύνθετοι άπλώς, οί δε πρός αύτούς σύνθετοι. πρώτοι μεν άπλως και άσύνθετοι οί ύπο μηδενός μέν άριθμοῦ, ὑπὸ μόνης δὲ μονάδος μετρούμενοι, 10 ώς ό γ' ε' ζ' ια' ιγ' ιζ' και οι τούτοις δμοιοι. λέγονται δε οί αύτοι ούτοι γραμμικόι και εύθυμετρικοί διά τό καί τὰ μήκη καί τὰς γραμμὰς κατὰ μίαν διάστασιν θεωοείσθει · καλούνται δε και περισσάκις περισσοί · ώστε όνομάζεσθαι αύτους πενταχώς, πρώτους, άσυνθέτους, γραμ- 15 μικούς. εύθυμετρικούς, περισσάκις περισσούς. μόνον δε ούτως παταμετρούνται. τὰ γὰρ τρία οὐκ ἂν ὑπ' ἄλλου καταμετοηθείη ἀριθμοῦ ῶστε γεννηθηναι ἐκ τοῦ πολλαπλασιασμού αύτῶν, η ύπὸ μένης μονάδος. απαξ γὰρ rola rola. Spolws de nal anat é é, nal anat t' t', nal 20 απαξια΄ ια΄. διὸ καὶ περισσάκις περισσοὶ κέκληνται· οῖ τε γὰφ καταμετφούμενοι πεφισσοί η τε καταμετφοῦσα αύτούς μονάς περισσή. διό και πρώτοι και άσύνθετοι μόνοι οί περισσοί. οί γαρ άρτιοι ούτε πρώτοι ούτε άσύνθετοι ούτε ύπὸ μόνης μονάδος μετρούμενοι, ἀλλὰ καλ ὑπ' 25

1

1 τοῦ add. apogr. 2 καὶ supra vs. add. A 6 inscr. περὶ πρώτου καὶ ἀσυνθέτου Α, Ξ ao mox ad significanda quattuor genera $\bar{\alpha}$ $\bar{\beta}$ $\bar{\gamma}$ ð in mg. 8 scr. vid. of δὲ σύνθετοι ἁπλῶς καὶ πρὸς αὐτούς, of δὲ πρὸς ἀλλήλους σύνθετοι 9 α mg. A 11 ὡς] οῦτως A 16 μόνοι A 18 πολλασιασμοῦ A, em. apogr.

άλλων άριθμῶν οἶον τετράς μέν ύπο δυάδος δίς γάρ β΄ δ΄ έξὰς δὲ ὑπὸ δυάδος καὶ τριάδος. δἰς γὰρ γ΄
ς΄ καὶ τρὶς β΄ 5΄ και οί λοιποι άρτιοι κατά τὰ αὐτὰ ὑπό τινων μει-. ζόνων τῆς μονάδος ἀριθμῶν καταμετροῦνται, πλὴν τῆς 5 δυάδος. ταύτη γαο μόνη συμβέβηκεν, όπερ και ένίοις τῶν περισσῶν, τὸ ὑπὸ μονάδος μετρεϊσθαι μόνον. ἅπαξ γὰφ β΄ β΄ διὸ καὶ πεφισσοειδής εἴφηται ταὐτὸ τοῖς πεφισσοίς πεπονθυΐα. ποὸς ἀλλήλους δὲ λέγονται πρῶτοι ἀριθμοί καί ού καθ' αύτούς οί κοινώ μέτρω μετρούμενοι τη 10 μονάδι, κἂν ύπ' άλλων τινῶν ἀριθμῶν ὡς πρὸς ἑαυτούς καταμετρώνται. οίον ί η μετρείται μέν και ύπό $\tau \tilde{\omega} \nu \beta' \pi \alpha l \delta', \pi \alpha l \delta \delta' \tilde{\upsilon} \pi \delta \tau \tilde{\omega} \nu \gamma', \pi \alpha l \delta i' \tilde{\upsilon} \pi \delta \tau \tilde{\omega} \nu \beta'$ και ε΄ έχουσι δε και κοινόν μέτρον και πρός άλλήλους καl ποὸς τοὺς καθ' ἑαυτοὺς ποώτους τὴν μονάδα καl γὰο 15 απαξ γ' γ' και απαξ η' η' και απαξ θ' θ' και απαξ ι ι'. σύνθετοι δέ είσι πρός έαυτούς οί ύπό τινος έλάττονος άριθμοῦ μετρούμενοι, ώς ό 5 ύπο δυάδος καί τριάδος. πρός άλλήλους δε σύνθετοι οί κοινώ ώτινιοῦν μέτοφ μετρούμενοι ώς δ η και δ \mathfrak{s}' [και δ \mathfrak{d}'] κοινόν 20 γὰρ ἔχουσι μέτρον δυάδα [καl τριάδα]. δὶς γὰρ γ΄ ૬΄ καὶ $\delta l_{S} \delta' \eta' [nal tols \eta' \vartheta'] \cdot \langle nal \delta s' nal \delta \vartheta' \cdot \rangle now dv$ yào aử τῶν μέτρον ή τρίας και yào τρίς β' ς' και τρίς γ΄ θ΄. οὔτε δε ή μονὰς ἀριθμὸς, ἀλλὰ ἀρχή ἀριθμοῦ, οὕτε ή ἀόριστος δυάς, πρώτη οὖσα ἑτερότης μονάδος 25 καί μηδέν αὐτῆς ἐν ἀρτίοις ἀρχικώτερον ἔχουσα. τῶν δε συνθέτων τούς μεν ύπο δύο άριθμῶν περιεχομένους καλοῦσιν ἐπιπέδους, ὡς κατὰ δύο διαστάσεις θεωρου-

4 ἀ ǫιθμῶν corr. ex ἀ ǫιθμὸν A 8 $\overline{\beta}$ mg. A 14 καl] ὡς A 15 inscr. πε ǫ l συνθέτου ἀ ǫιθμοῦ A, $\overline{\xi}$ et $\overline{\gamma}$ in mg. 18 $\overline{\delta}$ mg. A 23 sqq. οὖτε δὲ. — ἔχουσα fort, del. μένους και οίον ύπο μήκους και πλάτους περιεγομένους. τούς δε ύπο τριών στερεούς, ώς και την τρίτην διάστασιν προσειληφότας. περιογήν δε καλούσιν άριθμών τον δι' άλλήλων αύτῶν πολυπλασιασμόν.

τών δε αρτίων οι μέν είσιν αρτιάκις αρτιοι, οι δε 5 περιττάκις άρτιοι, οί δε άρτιοπέριττοι. άρτιάκις μεν άρτιοι [τό σημείον τοῦτό έστιν] οἶς τρία συμβέβηκεν, εν τὸ ὑπὸ δύο ἀρτίων ἐπ' ἀλλήλους πολυπλασιασθέντων γεγενήσθαι, δεύτερου το πάντα άρτια έχειν τα μέρη μέχοι της είς μονάδα καταλήξεως, τρίτον το μηδεν αύ- 10 τῶν μέρος δμώνυμον είναι περιττῷ. δποῖοί είσιν δ λβ΄ ξδ' οχη' και οι από τούτων έξης κατά το διπιάσιον λαμβανόμενοι. τὰ γὰο λβ΄ γέγονε μέν ἕχ τε δ΄ χαί ή, α έστιν άρτια μέρη δε αύτων πάντα άρτια, ημισυ ις, τέταρτον δ η', δηθοον δ δ' αὐτά τε τὰ μόρια δμώνυμα 15 άρτίοις, τό τε ημισυ ώς έν δυάδι θεωρούμενον καί τέταρτον και όγδοον. ό δε αύτος λόγος και έπι τῶν λοιπων όμοίως άριθμων.

άρτιοπέριττοι δέ είσιν οι ύπό δυάδος και περιττοῦ ούτινοσοῦν μετρούμενοι, οίτινες έκ παντός περιττά μέρη 20 έχουσι τὰ ήμίσεα κατὰ τὴν είς ίσα διαίρεσιν ώς τὰ δίς ζιδ΄. ἀρτιάχις μέν γάρ ούτοι χαλούνται περιττοί, έπεί ύπό της δυάδος άρτίας ούσης μετρούνται και περισσού τινος, ό μεν δύο τοῦ ένός, ό δε ς τοῦ γ', ό δε ί τοῦ έ, ό δε ιδ΄ τοῦ ζ΄. διαιροῦνται δε ούτοι την πρώτην 25

5 inscr. περίτῆς τῶν ἀρτίων διαφορᾶς Α, η in mg.

6 inscr. περί τῶν ἀρτιάκις ἀρτίων Α. cf. Zeller Ι p. 366 μὲν ἄρτιοι Α] μὲν ἀρτίου apogr. 7 olς] ὡ Α 9 τὸ apogr.] τὸν Α 11 ὑμώνυμον: ω corr. ex ο Α περιττῶ: α corr. ex ov A 14 is corr. ex iy A 18 inscr. περl άφτιοπερίττων A, I in mg. 20 μέρη del. Hultsch

διαίρεσιν είς περιττόν, μετὰ δὲ τὴν πρώτην είς ίσα διαίρεσιν οὐκ ἔτι διαιροῦνται. τῶν γὰρ ૬΄ τὰ μὲν γ΄ ῆμισυ, τὰ δὲ γ΄ οὐκ ἔτι είς ίσα διαιρεϊται μονὰς γὰρ ἀδιαίρετος.

- 5 περισσάκις δὲ ἄρτιοί εἰσιν ὦν ὁ πολλαπλασιασμὸς ἐκ δυείν ώντινωνοῦν περισσοῦ καὶ ἀρτίου γίνεται, καὶ πολλαπλασιασθέντες εἰς ἴσα μὲν ἄρτια μέρη δίχα διαιροῦνται, κατὰ δὲ τὰς πλείους διαιρέσεις ἂ μὲν ἄρτια μέρη, ἂ δὲ περισσὰ ἔχουσιν· ὡς ὁ ιβ΄ καὶ κ΄ τρὶς γὰρ 10 δ΄ ιβ΄, καὶ πεντάκις δ΄ κ΄ καὶ τὰ μὲν ιβ΄ διχῆ διαιρεῖται <εἰς> ૬΄ καὶ ૬΄, τριχῆ δὲ εἰς δ΄ καὶ δ΄ καὶ δ΄, τετραχῆ δὲ εἰς τετράκις γ΄ τὰ δὲ κ΄ διχῆ μὲν εἰς ί, τετραχῆ δὲ εἰς ε΄, πενταχῆ δὲ εἰς δ΄.
- δτι τῶν συνθέτων ἀριθμῶν οἱ μὲν ἰσάχις ἴσοι siơi
 15 χαὶ τετράγωνοι χαὶ ἐπίπεδοι, ἐπειδὰν ἴσος ἐπὶ ἴσον
 πολλαπλασιασθεἰς γεννήση τινὰ ἀριθμόν, [ὁ γεννηθεἰς
 ἰσάχις τε ἴσος χαὶ τετράγωνός ἐστιν] ὡς ὁ ὅ, ἔστι γὰρ
 δὶς β΄, χαὶ ὁ ϑ΄, ἔστι γὰρ τρὶς γ΄ οἱ δὲ ἀνισάπις ἅνισοι, ἐπειδὰν ἅνισοι ἀριθμοὶ ἐπ' ἀλλήλους πολλαπλα20 σιασθῶσιν, ὡς ὁ ϛ΄. ἔστι γὰρ δὶς γ΄ ϛ΄.

τούτων δε έτερομήχεις μέν είσιν οι την έτέραν πλευραν της έτέρας μονάδι μείζονα έχοντες. έστι δε ό τοῦ περισσοῦ ἀριθμοῦ μονάδι πλεονάζων καὶ ἄρτιος.

5 inser. περί περισσάκις ἀρτίων Α, τῶ in mg. 14 inser. περί ἰσάκις ἴσων Α, τῶ in mg. 15 καὶ ἐπίπεδοι fort. del. γὰρ post ἐπειδὰν add. Δ² 16 γεννήση: ση corr. ex σε Α 18 inser. περί τῶν ἀνισάκις ἀνίσων Α, τỹ in mg. 21 sqq. cf. Cantor mathemat. Beitr. zùm Culturleben der Völker p. 105 sqq. inser. περί ἑτερομηκῶν (corr. ex ἑτεομήκων) Α 23 τοῦ περισσοῦ ἀριθμοῦ mut. in τῶ περισσῶ ἀριθμῶ Α

διο μόνου άρτιοι οί έτερομήμεις. ή γαρ άρχη των άριθμών, τουτέστιν ή μονάς, περισσί ούσα την έτερότητα ζητούσα την δυάδα έτερομήκη τω αύτης διπλασιασμώ έποίησε, και δια τούτο ή δυας της μονάδος ร์ระดอดแท่หกุร อยังส หล่ แอนส์ชิเ ย์สะอร์รอบงส รอยู่ร สอรไอยร 5 άριθμούς των περισσων έτερομήκεις ποιεί μονάδι ύπερέγοντας. γεννώνται δε διχώς, έχ τε πολλαπλασιασμού και έπισυνθέσεως. έκ μεν έπισυνθέσεως οι άρτιοι τοις έφεξης έπισυντιθέμενοι τούς απογεννωμένους ποιούσιν έτερομήπεις. οίον έππείσθωσαν άρτιοι πατά το έξης β' 10 δ΄ ς΄ η΄ ι΄ ιβ΄ ιδ΄ ις΄ ιη΄ γίνονται δε κατ' έπισύνθεσιν β' xal δ' ς' , ς' xal ς' $\iota\beta'$, $\iota\beta'$ xal η' x', x' xal ι' λ' · $\omega \sigma \tau \epsilon$ είεν αν οί γεγεννημένοι έτερομήπεις ζ ιβ π λ . δ δε αύτος λόγος και έπι των έξης. κατά δε πολλαπλασιασμόν οι αύτοι έτερομήκεις γεννώνται τών έφεξης άρτίων 15 τε καί περιττών του πρώτου έπι τόν έξης πολλαπλασιαto me vou δ of α' β' γ' δ' $\epsilon' \leq \gamma'$ δ' i' δ' $\pi \alpha \xi$ me v $\gamma \lambda \rho$ $\beta' \beta', \delta l_{\varsigma} \delta b \gamma' \varsigma', \tau \rho l_{\varsigma} \langle \delta b \rangle \delta' \iota \beta', \tau \epsilon \tau \rho \alpha \varkappa \iota_{\varsigma} \delta b \epsilon' \varkappa',$ πεντάχις δε ξ' λ' · χαι έπι των έξης ό αὐτὸς λόγος. έτεοομήπεις δε οί τοιούτοι κέπληνται, έπειδη πρώτην έτε- 20 ρότητα τῶν πλευρῶν ἡ προσθήκη τῆ ἑτέρα πλευρα τῆς μονάδος ποιεϊ.

I

í

παφαλληλόγοαμμοι δέ είσιν ἀφιθμοί οί δυάδι ἢ καὶ μείζονι ἀφιθμῷ τὴν ἐτέφαν πλευφὰν τῆς ἑτέφας

1 διο corr. ut vid. ex δύο Α 3 έτερομήκη: ο corr. ex ω Α

5 έτερομήκης: ομήκη in ras., εφο corr. ut vid. ex έρα A 6 τῶν περισσῶν mut. in τῷ περισσῷ A 9 ἀπογεννωμένους: ω corr. ex o A 11 5 $i\beta$ x λ $\mu\beta$ ν5 $o\beta$ 5 supra numerorum seriem add. A 13 γεγενημένοι A, em. Bull. 16 τὸν apogr.] τῶν A 18 δὲ add. Bull. 20 πρώτην corr. ex πρῶτον A

23 inser. $\pi \epsilon \varrho l \pi \alpha \varrho \alpha \lambda l \eta l o y \varrho \alpha' \mu \mu \omega \nu \alpha' \varrho \iota \partial \mu \tilde{\omega} \nu \dot{A}$, $\overline{\iota \epsilon}$ in mg. figuras inutiles add. A^{2}

ύπεφέχουσαν ἕχοντες, ὡς ὁ δἰς ở καὶ ὁ τετφάκις Ϛ΄ καὶ ὁ ἑξάκις ή καὶ ὁ ἀκτάκις ι΄, οἴτινές εἰσιν ὁ ή κὄ μή π΄. τετφάγωνοί εἰσιν οἱ ἐκ τῶν κατὰ τὸ ἑξῆς πεφισσῶν ἐπισυντιθεμένων ἀλλήλοις γεννώμενοι. οἶον ἐκκείσθω-5 σαν ἐφεξῆς πεφισσοὶ α΄ γ΄ ε΄ ζ ở ια΄. Ἐν καὶ γ΄ δ΄, ὅς ἐστι τετφάγωνος, ἰσάκις γάφ ἐστιν ἴσος, τουτέστι δἰς β΄ δ΄. δ΄ καὶ ξ ở, ὅς καὶ αὐτὸς τετφάγωνος. ἔστι γὰφ τφἰς γ΄ δ΄. δ΄ καὶ ζ ις΄, ὅς καὶ αὐτὸς τετφάγωνος ἔστι τετφάκις γὰφ δ΄ ις΄. ἰς καὶ ở κέ, ὅς καὶ αὐτὸς τετφάγωνός ἐστι τετφάκις γὰφ δ΄ ις΄. ἰς καὶ ở κέ, ὅς καὶ αὐτὸς τετφάγωνός ἐστι τετφ ται ρί τετφάγωνοι, τῶν ἐφεξῆς πεφισσῶν τῷ γεννωμένῷ ἀπὸ μονάδος τετφαγώνῷ πφοστιθεμένων. κατὰ πολλαπλασιασμὸν δέ, ἐπειδὰν ὁστισοῦν ἀφιθμὸς ἐφ΄ ἑαυτὸν πολλα-15 πλασιασθῆ, οἶον δἰς β΄ δ΄, τφὶς γ΄ ϑ΄, τετφάκις δ΄ ις΄.

οί μέν ούν τετράγωνοι πάντες τούς έτερομήκεις περιλαμβάνουσι κατὰ τὴν γεωμετρικὴν ἀναλογίαν καὶ μέσους αὐτοὺς ποιοῦσι [τουτέστι τοὺς μονάδι μείζονας τὴν ἐτέραν πλευρὰν τῆς ἑτέρας ὑπερέχοντας]. οί δὲ 20 ἑτερομήκεις οὐκ ἔτι τοὺς τετραγώνους περιλαμβάνουσιν ώς μέσους εἶναι κατὰ ἀναλογίαν. οἶον α΄ β΄ γ΄ δ΄ ε΄. οῦτοι τῷ μὲν ίδίφ πλήθει πολλαπλασιαζόμενοι ποιοῦσι τετραγώνους. ἅπαξ τε γὰρ α΄ α΄ καὶ δἰς β΄ δ΄ καὶ τρὶς γ΄ θ΄ καὶ τετράκις δ΄ ις΄ καὶ πεντάκις ε΄ κε΄ καὶ οὐκ 25 ἐκβαίνουσι τῶν ἰδίων ἔφων. ὅ τε γὰρ δυὰς ἑαυτὴν

3 inscr. περί τετραγώνων ἀριθμῶν Α, ις in mg. τετράγωνοι <δέ> είσιν?
5 δ θ ις κε λς supra numerorum seriem add. Α ¨ος apogr.] ο Α 16 inscr. ὅτι οί τετράγωνοι μέσους τοὺς ἑτερομήκεις λαμβάνουσιν Α, ιζ in mg. 18 μείζονα Gelder
19 ὑπερέχοντας] ἔχοντας apogr.
22 οὖτοι] οῦτως οί Α 25 τὸν ἰδιον ὄρον Α²

έδύασε καί ή τριάς έαυτην έτρίασεν, ώστε είεν αν τετράγωνοι οί έξης α΄ δ΄ θ΄ ις΄ κέ. μέσους δε έχουσι τούς έτερομήχεις ούτως. τετράγωνοι δύο έφεξης ο τε α καί δ' τούτων μέσος έτερομήχης ό β' κείσθωσαν δη ά β' δ΄ μέσος γίνεται ὁ β΄, τῷ αὐτῷ λόγφ τῶν ἄκρων τοῦ 5 μεν ύπερέχων, ύφ' ού δε ύπερεχόμενος του μεν γαρ ένὸς τὰ β' διπλάσια, τῶν δὲ β' τὰ δ'. πάλιν τετράγωνοι μέν ό δ' καί θ'. μέσος δε αύτῶν ετερομήκης ό ζ' κείσθωσαν δη δ΄ ζ΄ θ΄ μέσος ό ζ΄, τῷ αὐτῷ λόγφ τῶν άπρων τοῦ μέν [γὰρ] ὑπερέχων, ὑφ' οὖ δὲ ὑπερεχόμε- 10 νος τῶν μέν γὰρ δ΄ τὰ ς ήμιόλια, τῶν δὲ ς τὰ θ΄. ὁ δε αύτος λόγος και έπι των εξής. οι δε ετερομήκεις, ύπὸ τῶν τῆ μονάδι ὑπερεχόντων πολλαπλασιαζόμενοι, ούτε μένουσιν έν τοις ίδίοις δροις ούτε περιέχουσι τούς τετραγώνους. οίον τὰ δίς γ΄ γεννᾶ τὸν ૬΄ καί τὰ τρίς 15 δ' γεννα τόν ιβ' και τὰ τετράκις ε' γεννα τόν κ', και οίδεις αύτῶν μένει έν τῷ έαυτοῦ ὄρφ, ἀλλὰ μεταπίπτει έν τῷ πολλαπλασιασμῷ, οἶον δυὰς ἐπὶ τριάδα καὶ τριὰς έπι τετράδα και τετράς έπι πεντάδα. οί τε γεννώμενοι ύπὸ τῶν έτερομήχων οὐ περιλαμβάνουσι τοὺς τετραγώ- 20 νους άριθμούς οίον έφεξης έτερομήχεις β' ς', μεταξύ δε αύτῶν έστι τη τάξει τετράγωνος ὁ δ' ἀλλὰ κατ' ούδεμίαν άναλογίαν περιλαμβάνεται ύπ' αύτῶν ὥστε έν τῷ αὐτῷ λόγῷ πρὸς τὰ ἄπρα είναι. ἐππείσθω γὰρ β΄ δ΄ 5΄ ή τετράς έν διαφόροις λόγοις πρός τὰ απρα 25 γενήσεται των μέν γάρ β΄ τά δ΄ διπλάσια, των δέ δ΄

1

9 μέσος ό] μέσα τὰ Α 10 γὰρ om. apogr. 20 ὑπὸ τῶν ἐτερομήκων del. vid. 23 οὐδὲ μίαν Α, em. apogr. 24 αὐτῶ supra vs. add. Α ἐκκείσθω γὰρ] ἐκκείσθωσαν apogr. 26 τὰ δ πλάσια Α, em. apogr. τὰ ૬΄ ἡμιόλια. Γνα δὲ ἀναλόγως μέσον ἦ, δεὶ αὐτὶ οῦτως μέσον εἶναι, ῶστε ὃν ἔχει λόγον τὸ πρῶτον πρὸς τὸ μέσον, τοῦτον τὸ μέσον πρὸς τὸ τρίτον. πάλιν τῶν ૬΄ καὶ ιβ΄ ἐτερομήκων μέσος τῆ τάξει τετράγωνος ἱ ở, 5 ἀλλ' οὐχ εὑρεθήσεται ἐν τῷ αὐτῷ λόγῷ πρὸς τὰ ἄκρα: ૬΄ ở ιβ΄ τῶν μὲν γὰρ ૬΄ τὰ ở ἡμιόλια, τῶν δὲ ở τὰ ιβ΄ ἐπίτριτα. ὁ δὲ αὐτὸς καὶ ἐπὶ τῶν έξῆς λόγος.

προμήκης δέ έστιν άριθμός δ ύπο δύο άνίσων άριθμῶν ἀποτελούμενος ώντινωνοῦν, ἢ μονάδι ἢ δυάδι 10 η και πλείονι τοῦ έτέρου τὸν ἕτερον ὑπερέχοντος, ὡς ό κδ', έστι γαο έξάκις δ', και οί τοιοῦτοι. έστι δε τρία μέρη τῶν προμήκων. και γὰρ πᾶς ἑτερομήκης προμήκης, καθό μείζονα την έτέραν πλευράν της έτέρας έχει. ώστε εί μέν τις έτερομήκης, ούτος και προμήκης ου 15 μην αναπαλιν. ό γαο μείζονα πλέον η μονάδι την έτέραν έχων πλευράν προμήκης μέν, ού μην έτερομήκης. ήν γαο έτερομήκης ό μονάδι μείζονα την έτέραν έχων πλευράν, ώς ό ς' έστι γαρ δίς γ' ς'. έτι προμήκης καί ό κατὰ διαφοράν πολλαπλασιασμοῦ ποτὲ μὲν μονάδι 20 μείζονα την έτέραν πλευράν <έχων>, ποτέ δε πλεΐον η μονάδι ώς ό ιβ΄ έστι γαρ και τρίς δ΄ και δίς 5΄, ώστε κατὰ μέν τὸ τρίς δ΄ είη ἂν έτερομήκης, κατὰ δὲ τὸ δίς ς΄ προμήχης. Ετι προμήχης έστιν δ χατά πάσας τας σχέσεις τῶν πολλαπλασιασμῶν πλέον η μονάδι μείζονα 25 την έτέραν έχων πλευράν ώς ό μ΄ και γαρ τετράκις ί

8 τὸ τρίτον apogr.] τὸν τρίτον Α $6 5' \delta' i \beta'$ fort. del. 8 inscr. περί προμηκῶν (corr. ex προμήκων) ἀριθμῶν Α, $i\eta$ in mg. 9 δυάδι apogr.] δια Α 12 μέρη] γένη? 14 ούτος corr. ex ούτως Α 19 πολλαπλασιασμός Α, κατὰ διάφορον πολλαπλασιασμὸν Bull. 20 ἔχων add. apogr. 25 τετράκι Α, em. apogr. καί πεντάκις η' καί δίς κ'. όστις καί μόνος αν είη προμήκης. έτερομήκης γάρ έστιν ό έκ των ίσων ἀριθμῶν τὴν πρώτην λαμβάνων έτερότητα. ἡ δὲ τῆς μονάδος τῷ έτέρῷ ἀριθμῷ προσθήκη πρώτην ποιεί έτερότητα. διὸ οί ἐκ τούτων κυρίως ἀπὸ τῆς πρώτης τῶν πλευρῶν 5 έτερότητος έτερομήκεις. οί δὲ πλέον ἢ μονάδι τὴν έτέραν πλευρὰν μείζονα ἔχοντες διὰ τὸν ἐπὶ πλέον προβιβασμὸν τοῦ μήκους προμήκεις κέκληνται.

είσι δὲ τῶν ἀριθμῶν οί μὲν ἐπίπεδοι, ὅσοι ὑπὸ δύο ἀριθμῶν πολλαπλασιάζονται, οἶον μήκους και πλά- 10 τους, τούτων δὲ οί μὲν τρίγωνοι, οί δὲ τετράγωνοι, οί δὲ πεντάγωνοι και κατὰ τὸ ἑξῆς πολύγωνοι.

l

۱

1

γεννῶνται δὲ οἱ τρίγωνοι τὸν τρόπον τοῦτον. [ῶσπερ] οἱ ἐφεξῆς ἄρτιοι ἀλλήλοις ἐπισυντιθέμενοι κατὰ τὸ ἐξῆς ἑτερομήκεις ἀριθμοὺς ποιοῦσιν. οἶον ὁ 13 β΄ πρῶτος ἄρτιος καὶ ἔστιν ἑτερομήκης. ἔστι γὰρ ἅπαξ β΄. εἶτα τοῖς β΄ ἂν προσθῆς δ΄, γίνεται ς΄, ὃς καὶ αὐτὸς ἑτερομήκης. ἔστι γὰρ δἰς γ΄. καὶ μέχρις ἀπείρου ἱ αὐτὸς λόγος. ἐναργέστερον δέ, ῶστε πᾶσιν εὐσύνοπτον εἶναι τὸ λεγόμενον, δείκνυται καὶ τῆδε. πρώτη δυὰς 20 ἔστω ἅλφα ἐκκείμενα δύο τάδε.

αα

τὸ σχῆμα αὐτῶν ἔσται ἑτερόμηΧΕς κατὰ μὲν γὰρ τὸ μῆκός ἐστιν ἐπὶ δύο, κατὰ δὲ τὸ πλάτος ἐφ' ἕν. μετὰ τὰ δύο ἐστιν ἄρτιος ὁ δ' ἅ ἐὰν προσθῶμεν τοις πρώτοις 25

1 μόνον? 3 λαμβάνον A, em. apogr. 4 πρώτην corr. ex πρῶτον ut vid., antea una litt. erasa A 9 inscr. περλ έπιπέδων ἀριθμῶν A, $i\overline{\vartheta}$ in mg. 13 inscr. περλ τριγώνων ἀριθμῶν πῶς γεννῶνται καλ περλ τῶν ἑξῆς πολυγώνων A, $\bar{\varkappa}$ in mg. 23 post ἔσται compendium eiusdem voculae erasum in A 24 ἐφ'] ὑφ' A 25 ην A δύο άλφα [α' α'] και περιθῶμεν τὰ δ' τοῖς β', γίνεται έτερόμηκες τὸ τῶν ζ' σχῆμα. κατὰ μὲν γὰρ τὸ μῆκος γίνεται ἐπὶ τρία, κατὰ δὲ τὸ πλάτος ἐπὶ β'. ἑξῆς ἐστιν ἄρτιος μετὰ δ' ἱ ζ'. ἂν προσθῆς ταῦτα τοῖς πρώτοις ϛ', 5 γίνεται ὁ ιβ', κἂν περιθῆς αὐτὰ τοῖς πρώτοις, ἔσται σχῆμα ἑτερόμηκες. ὡς ἔχειν ταῦτα κατὰ τὸ μῆκος μὲν δ', κατὰ πλάτος δὲ γ'. καὶ μέχρις ἀπείρου ὁ αὐτὸς λόγος κατὰ τὴν τῶν ἀρτίων ἐπισύνθεσιν.

α	α	α	α	α	α	α
α	α	α	α	α	α	α
			α	α	α	α

πάλιν δε οι έξῆς περισσοι ἀλλήλοις ἐπισυντιθέμενοι 10 τετραγώνους ποιοῦσιν ἀριθμούς. εἰσι δε οι ἐφεξῆς περισσοι α΄ γ΄ ε΄ ζ θ΄ ια΄. ταῦτα δε ἐφεξῆς συντιθεἰς ποιήσεις τετραγώνους ἀριθμούς. οἶον τὸ εν πρῶτον τετράγωνον ἔστι γὰρ ἅπαξ εν ἕν. εἶτα περισσός ὁ γ΄ τοῦτον ἂν προσθῆς τὸν γνώμονα τῷ ένί, ποιήσεις 15 τετράγωνον ἰσάχις ἴσον ἔσται γὰρ κατὰ μῆχος β΄ καὶ κατὰ πλάτος β΄. ἐφεξῆς περισσός ὁ ε΄ τοῦτον ἂν περιθῆς τὸν γνώμονα τῷ δ΄ τετραγώνῳ, γενήσεται πάλιν τετράγωνος ὁ θ΄, καὶ κατὰ μῆχος ἔχων γ΄ καὶ κατὰ πλάτος γ΄. ἐφεξῆς περισσός ὁ ζ΄ τοῦτον ἂν προσθῆς 80 τῷ θ΄, ποιεῖς τὸν ις΄, καὶ κατὰ μῆχος δ΄ καὶ κατὰ πλάτος δ΄. ὁ δε αὐτὸς Κόγος μέχρις ἀπείρου.

αα	ααα	αααα
αα	ααα	αααα
	ααα	αααα
		αααα

κατὰ ταὐτὰ δὲ ἂν μη μόνον τοὺς ἐφεξῆς ἀρτίους

2 yào supra vs. A 5 $\pi \epsilon \rho \iota \partial \tilde{\eta}_S$ Bull.] $\pi \rho o \sigma \partial \tilde{\eta}_S$ A tois $\pi \rho \omega \tau o \iota_S$ 5'? cf. vs. 1 6 taõta del. vid. 8 fig. semper lineis circumscr. A 14 $\pi \epsilon \rho \iota \partial \tilde{\eta}_S$ Gelder 22 tavta corr. ex taõta A

32

μηδε μόνον τους έφεξης περισσούς, άλλα και άρτίους καί περισσούς άλλήλοις έπισυντιθώμεν, τρίγωνοι ήμιν άριθμοί γενήσονται. έκκείσθωσαν γάρ έφεξης περισσοί καί άρτιοι, α΄ β΄ γ΄ δ΄ ε΄ Ξ΄ ζ΄ η΄ δ΄ ί. γίνονται κατά την τούτων σύνθεσιν οι τρίγωνοι. πρώτη μεν ή μονάς 5 αύτη γάρ, εί και μη έντελεχεία, δυνάμει πάντα έστίν, άρχη πάντων άριθμῶν οὖσα. τῆς δὲ έξῆς αὐτῆ δυάδος προστεθείσης γίνεται τρίγωνος ό γ' είτα πρόσθες γ', γίνεται 5' είτα πρόσθες δ', γίνονται ι' είτα πρόσθες έ, γίνονται ιέ εἶτα πρόσθες ς, γίνονται κα΄ εἶτα 10 πρόσθες ζ, γίνονται κή είτα πρόσθες ή, γίνονται λς. είτα πρόσθες θ', γίνονται με' είτα πρόσθες ι', γίνονται νέ και μέχρις άπείρου ό αύτος λόγος. δήλον δε ότι τρίγωνοι ούτοι οί άριθμοί κατά τόν σχηματισμόν, τοις πρώτοις άριθμοις του έφεξης γνώμονος προστιθε- 16 μένου και είεν αν οι έκ της έπισυνθέσεως άπογεννώμενοι τρίγωνοι οΐδε γ΄ τ΄ ι΄ ιέ κα΄ κη΄ λτ΄ μέ νέ. καλ οῦτως ἐπὶ τῶν έξῆς τῶν με΄ καὶ νε΄.

x'	γ	ຮ໌	í	LE'	ĸа́		
z	α	α	a	α	α		
	αα	αα	αα	αα	αα		
		ααα	ααα	ααα	ααα		
			αααα	αααα	αααα		
				ααααα	ααααα		
					αααααα		
		κ η΄		کچ			
	•	α		α			
		αα		a a			
		αα	x	ααα			
		ααα	α	αααα			
		ααα	αα	ααααα			
		αααα	αα	αααααα			
		αααα	ααα	ααααααα			
		`		αααααααα			

4 γίνωνται A¹ 6 έντελεχεία corr. ex έντελέχεια A 10 γίνονται κα΄: γίνονται compendio scr. A ut in sequentibus 18 τῶν με΄ και νε΄ del. vid.

Theo Smyrn.

Ş

οί δὲ τετράγωνοι γεννῶνται μέν, ὡς προείρηται, ἐκ τῶν ἐφεξῆς ἀπὸ μονάδος περιττῶν ἀλλήλοις ἐπισυντιθεμένων συμβέβηκε δὲ αὐτοῖς ῶστε ἐναλλὰξ παρ' ἕνα ἀρτίοις εἶναι καὶ περιττοῖς, ῶσπερ ὁ πῶς ἀριθμὼς παρ' 5 ἕνα ἄρτιός ἐστιν ἢ περιττός οἶον α΄ δ' θ΄ ις΄ κέ λς΄ μθ΄ ξδ΄ πα΄ φ΄. τῆ δὲ ἀπὸ μονάδος κατὰ τὸ ἐξῆς ἐκθέσει τῶν ἀρτίων τε καὶ περιττῶν ἀριθμῶν συμβέβηκε, τοὺς γνώμονας τοὺς δυάδι ἀλλήλων ὑπερέχοντας ἐν τῆ συνθέσει τετραγώνους ἀποτελεῖν, ὡς ἐπάνω ἀποδέδεικται. 10 ὑπερέχουσι γὰρ δυάδι ἀλλήλων ἀπὸ μονάδος ἀρχόμενοι <οί> περιττοί. ὑμοίως δὲ οἱ τριάδι ἀλλήλων ὑπερέχοντες ἐν τῆ συνθέσει ἀπὸ μονάδος πενταγώνους ἀποτελοῦσιν, ἑξαγώνους δὲ οἱ τετράδι, αἰεί τε ἡ ὑπεροχὴ τῶν γνωμόνων ἔξ ὧν ἀποτελοῦνται οἱ πολύγωνοι δυάδι 15 λείπεται τοῦ πλήθους τῶν ἀποτελουμένων γωνιῶν.

έτέρα δὲ πάλιν ἐστὶ τάξις ἐν τοῖς πολυγώνοις τῶν ἀπὸ μονάδος πολλαπλασίων ἀριθμῶν. τῶν γὰρ ἀπὸ μονάδος πολλαπλασίων, λέγω δὲ διπλασίων τριπλασίων καὶ τῶν ἑξῆς, οἱ μὲν ἕνα παφ' ἕνα διαλείποντες ἀριθμοὶ 20 τετράγωνοι πάντες εἰσίν, οἱ δὲ δύο διαλείποντες πύβοι πάντες, οἱ δὲ πέντε διαλείποντες πύβοι ἅμα καὶ τετράγωνοί εἰσι καὶ τὰς μὲν πλευρὰς ἔχουσι τετραγώνους

 inscr. περί τῶν ἐξῆς πολυγώνων Α, πα in mg. δ 3 ις x= λς α γ ε ζ θ ια in mg. Α προείρηται: p. 28, 3. 32, 9
 5 in mg. sup. cod. A have scripta sunt:
 δ 3 ις x=
 α β γ θ ε 5 ζ η θ ι
 α β γ θ ε 5 ζ η θ ι ια ιβ ιγ
 ε ιβ xβ λε πεντάγωνοι
 α β γ θ ε 5 ζ η θ ι ια ιβ ιγ ιδ ιε ις ιζ ς ιε κη με ἑξάγωνοι
 12 πενταγώνους corr. ex τετραγώνους Α 13 ή вирга vs. Α

άριθμούς χύβοι όντες, τετράγωνοι δε όντες άριθμοί κυβικάς έχουσι τάς πλευράς. ότι δε των πολλαπλασίων άριθμῶν οί μὲν παρ' ἕνα ἀπὸ μονάδος τετράγωνοί είσιν, οί δε παρά β' κύβοι, οί δε παρά ε' κύβοι αμα και τετράγωνοί είσι, δηλον ούτως. έν μέν τοις διπλασίοις, 5 κειμένων πλειόνων άριθμῶν οἶον α΄ β΄ γ΄ δ΄ ε΄ ζ΄ ή΄ δ' ί ια' ιβ' ιγ' ιδ' ιε' ις' ιζ ιη' ιδ' κ' κα' κβ' κγ' κδ' κε' πρώτος διπλάσιος ό β΄ είτα ό δ΄, ος έστι τετράγωνος. είτα ό η', δς έστι χύβος είτα ις', δς έστι τετράγωνος. είτα ό λβ΄ μεθ' ὃν ό ξδ', ὅς έστι τετράγωνος ἅμα και 10 κύβος. είτα οκή μεθ' δν σνς, δς έστι τετράγωνος. και μέχρις ἀπείρου ὁ αὐτὸς λόγος. και ἐν τῷ τριπλασίφ εύρεθήσονται οί παρ' ένα τετράγωνοι, καί έν τῷ πενταπλασίω, και κατά τούς έξης πολλαπλασίους. όμοίως δε εύρεθήσονται και οι δύο διαλείποντες έν τοις πολλα- 15 πλασίοις κύβοι πάντες, και οι ε΄ διαλείποντες κύβοι αμα καί τετράγωνοι. ίδίως δε τοις τετραγώνοις συμβέβηκεν ήτοι τρίτον έχειν η μονάδος άφαιρεθείσης τρίτον έχειν πάντως, η πάλιν τέταρτον έχειν η μονάδος άφαιρεθείσης τέταστον έχειν πάντως. και τόν μεν μονάδος άφαιζε- 20 θείσης τρίτον έχοντα έχειν και τέταρτον πάντως, ώς δ δ', τόν δὲ μονάδος ἀφαιρεθείσης τέταρτον ἔχοντα ἔχειν τρίτον πάντως, ώς ό θ΄, η τον αὐτον πάλιν και τρίτον έχειν και τέταρτον, ώς ό λς [η μηδέτερον τούτων έχοντα τούτον μονάδος άφαιρεθείσης τρίτον έχειν πάν- 25

I

ļ

5 ἐν μèν τοἰς διπλασίοις δηλον οῦτως? 6 pro hac numerorum serie Gelderus hanc posuit: α΄ β΄ δ΄ η΄ ις΄ λβ΄ ξδ΄ ρκη΄ σνς΄ 13 ἐν τῶ πενταπλασίω A²] οἶ παο ἕνα πενταπλάσιοι A¹ 15 διαλείποντες: ει corr. ex ι A 17 sqq. cf. Nesselmann die Algebra der Griechen p. 227 sq. 24 η̈ — πάντως del. Bull. 25 τοῦτον corr. ex τούτων A

3*

35

τως], η μήτε τρίτον μήτε τέταρτον έχοντα μονάδος άφαιρεθείσης χαί τρίτον έχειν χαί τέταρτον, ώς ό χε.

ἕτι τῶν ἀριθμῶν οἱ μὲν ἰσάχις ἴσοι τετράγωνοί
εἰσιν, οἱ δὲ ἀνισάχις ἄνισοι ἑτερομήχεις καὶ προμήχεις,
5 καὶ ἁπλῶς οἱ διχῶς πολλαπλασιαζόμενοι ἐπίπεδοι, οἰ
δὲ τριχῶς στερεοί. λέγονται δὲ ἐπίπεδοι ἀριθμοὶ καὶ
τρίγωνοι καὶ τετράγωνοι καὶ στερεοὶ καὶ τἇλλα οὐ χυρίως ἀλλὰ καθ' ὁμοιότητα τῶν χωρίων ὰ καταμετροῦσιν. ὁ γὰρ δ', ἐπεὶ τετράγωνος, καὶ ὁ ϛ΄ διὰ τὰ αὐτὰ ἑτερομήχης.

1 $\ddot{\eta}$ supra vs. A 3 inscr. $\pi \epsilon \varrho l$ is a $\kappa \epsilon s$ in mg. 7 stepeol corr. ex steppeol A 9 tete a vous a pogr.] \Box (i. e. tete a vous Λ 12 inscr. $\pi \epsilon \varrho l$ is a vous $\kappa \epsilon s$ in mg., figuras add. A²

14 αύτοὺς] αὐτὰς A, cf. p. 24, 26 β ποὸς $\overline{\delta}$ A 21 ὡς μήκη καὶ π ιάτη καὶ ΰψη>? 23 δύο apogr.] $\overline{\beta}$ δύο A δε είς στεφεούς, όταν έχ πολλαπλασιασμοῦ τριῶν ληφδῶσιν ἀριθμῶν. ἐν δε τοῖς στεφεοῖς πάλιν οι μεν χύβοι πάντες πᾶσίν είσιν ὅμοιοι, τῶν δε ἄλλων οι τὰς πλευρὰς ἔχοντες ἀνάλογον· ὡς ἡ τοῦ μήχους προς τὴν τοῦ μήχους, οῦτως ἡ τοῦ πλάτους προς τὴν τοῦ πλά- 5 τους χαὶ <ή> τοῦ ῦψους προς τὴν τοῦ ῦψους.

τῶν δὲ ἐπιπέδων και πολυγώνων ἀριθμῶν πρῶτος ό τρίγωνος, ώς και των έπιπέδων εύθυγράμμων σχημάτων πρῶτόν έστι τὸ τρίγωνον. πῶς δὲ γεννῶνται προείρηται, ότι τῷ πρώτφ ἀριθμῷ τοῦ ἑξῆς ἀρτίου καὶ 10 περιττοῦ προστιθεμένου. πάντες δὲ οί ἐφεξῆς ἀριθμοί, άπογεννῶντες τριγώνους η τετραγώνους η πολυγώνους, γνώμονες χαλουνται. τοσούτων δε μονάδων έχαστον τρίγωνον έχει πλευράς πάντως, όσων και μόνος έστιν ό προσλαμβανόμενος γνώμων. οἶον ἔστω πρῶτον ή 15 μονάς, λεγομένη τρίγωνον ού κατ' έντελέχειαν, ώς προειρήμαμεν, άλλὰ κατὰ δύναμιν έπει γὰρ αῦτη οἶον σπέρμα πάντων έστιν άριθμῶν, έχει έν αύτη και τριγωνοειδή δύναμιν. προσλαμβάνουσα γουν την δυάδα άποτελεϊ τρίγωνον, έχον πλευράς τοσούτων μονάδων, 20 **όσων έστιν ό προσληφθείς γνώμων της δυάδος.** τό δε δλον τρίγωνον τοσούτων έστι μονάδων, δσων και οί συντεθέντες γνώμονες. ό τε γάρ τοῦ ένὸς καὶ <ὑ> τῶν δυείν γνώμων τὰ γ΄ έποιήσαν, ωστε και τὸ τρίγωνον

7 inscr. περί τριγώνων ἀριθμῶν Α, πδ in mg. 10 προείρηται: p. 33, 1 11 cf. Nesselmann p. 203 14 τὰς anto πλευρὰς add. A^2 πάντως corr. ex πάντων Α 17 προειρήμαμεν: p. 33, 6 24 τοσούτων, φησί, μονάδων έστιν ή πλευρὰ τοῦ τριγώνου, ὅσων μονάδων έστιν ὁ προστεθείς γνώμων τοσαῦται δέ εἰσιν αί τοῦ γνώμονος μονάδες, ὅσοι εἰσιν οί γνώμονες of εἰς τὸ τρίγωνον συνελθόντες mg. Α Εσται μέν τριών μονάδων, έξει δ' έκάστην πλευραν τών δυείν, όσοι και οί γνώμονες συνετέθησαν. είτα το γ΄ τρίγωνον προσλαμβάνει τον τών γ΄ γνώμονα, δς μονάδι ύπερέχει τῆς δυάδος, και γίνεται το μέν όλον τρί-5 γωνον ζ΄ πλευρας δ' έξει τοσούτων μονάδων και τοῦτο το τρίγωνον, όσοι γνώμονες συντέθεινται έκ γαρ τοῦ ένος και β΄ και γ΄ συνετέθη ό ζ΄.



λέγονται δέ τινες και κυκλοειδεϊς και σφαιφοειδεϊς και άποκαταστατικοι άφιθμοί · ούτοι δ' είσιν οιτινες έν τῷ πολλαπλασιάζεσθαι ἢ ἐπιπέδως ἢ στεφεῶς, τουτέστι κατὰ δύο διαστάσεις ἢ κατὰ τφεῖς, ἀφ' οὖ ἂν 20 ἄφξωνται ἀφιθμοῦ ἐπὶ τοῦτον ἀποκαθιστάμενοι. τοιοῦτον δέ ἐστι και ὁ κύκλος · ἀφ' οὖ ἂν ἅφξηται σημείου,

2 γνώμονες: ο corr. ex ω A είτα corr. ex είς A γ'] τρίτον A, om. apogr. 3 δς corr. ex οໂ A 4 τῆς δνάδος corr. ex τὴν δνάδα A 5 τὰς ante πλευρὰς add. A² 9 ἔχον corr. ex ἔχων A 10 γνώμων A²] γνώμω A¹ 12 τὸ τοῦ ιέ add. apogr. 13 γνωμόνω A¹ 14 ξξ] έξῆς apogr. 16 inscr. περί χυκλοειδῶν και σφαιροειδῶν και ἀποκαταστατικῶν ἀριθμῶν A, κδ in mg. 17 οξτινες — ἀποκαθιστάμενοι] scr. οί — ἀποκαθιστάμενοι aut οξτινες — ἀποκαθιστατικα 21 κύκλος ζὅς ? έπὶ τοῦτο ἀποκαθίσταται· ὑπὸ γὰφ μιας γφαμμῆς πεφιεχόμενος ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ ἄφχεται καὶ εἰς ταὐτὸ καταλήγει. τοιαύτη δὲ καὶ ἐν στεφεῷ ἡ σφαῖφα· κύκλου γὰφ κατὰ πλευφὰν πεφιαγομένου ἡ ἀπὸ τοῦ αὐτοῦ ἐπὶ τὸ αὐτὸ ἀποκατάστασις σφαῖφαν γφάφει. καὶ ἀφιθμοὶ δὴ s οἱ ἐν τῷ πολλαπλασιασμῷ ἐφ' ἑαυτοὺς καταλήγοντες κυκλικοί τε καλοῦνται καὶ σφαιφοειδεῖς· ὧν εἰσιν ὅ τε ε΄ καὶ ὁ ζ΄ πεντάκις γὰφ ε΄ κε΄, πεντάκις κε΄ φκε΄, έξάκις ϛ΄ λς΄, καὶ ἑξάκις λζ΄ σις΄.

τῶν δὲ τετραγώνων ή μὲν γένεσις, ὡς εἶπον, ἐκ 10 τῶν περισσῶν ἀλλήλοις ἐπισυντιθεμένων, τουτέστι τῶν ἀπὸ μονάδος δυάδι ἀλλήλων ὑπερεχόντων Ἐν γὰρ καὶ γ΄ δ΄, καὶ δ΄ καὶ ε΄ θ΄, καὶ θ΄ καὶ ζ΄ ις΄, καὶ ις΄ καὶ θ΄ κε΄.

α	α	α	α	α	α	α	α	α	α	α	α	α	α
α	α	α	α	α	α	α	α	α	α	α	α	α	α
		α	α	α	α	α	α	œ	α	α	α	a	α
				•	α	α	α	α	α	α	α	α	α
									α	α	α	α	α

πεντάγωνοι δέ είσιν ἀοιθμοὶ οἱ ἐκ τῶν ἀπὸ μονάδος κατὰ τὸ ἑξῆς τριάδι <ἀλλήλων> ὑπερεχόντων συν- 15 τιθέμενοι. ὦν είσιν οἱ μὲν γνώμονες ἀ δ΄ ζ ι΄ ιγ΄ ις΄ ιθ΄ αὐτοὶ δὲ οἱ πεντάγωνοι α΄ ε΄ ιβ΄ κβ΄ λε΄ να΄ καὶ ἑξῆς ὁμοίως. σχηματίζονται δὲ πενταγωνικῶς οῦτως.

α΄.	ε΄	٤β΄	×β΄	ໄ ຮ໌
α	α	α	α	α
	αα .	΄ α α	αα	a a
	αα	ααα	ααα	ααα
		ααα	αααα	αααα
		ααα	αααα	ααααα
			αααα	ααααα
			αααα	ααααα
				ααααα
				ααααα

10 inscr. περί τετραγώνων ἀριθμῶν Α εἶπον: p. 28, 8. 32, 9. 34, 1 14 inscr. περί πενταγώνων ἀριθμῶν Α, πε in mg. έξάγωνοι δέ εἰσιν ἀριθμοὶ οἱ ἐκ τῶν κατὰ τὸ ἑξῆς ἀπὸ μονάδος τετράδι ἀλλήλων ὑπερεχόντων συντιθέμενοι. ὡν οἱ γνώμονές εἰσιν ἀ ε΄ θ΄ ιγ΄ ιζ΄ κα΄ κε΄ οἱ δὲ ἐκ τούτων ἑξάγωνοι οΐδε. α΄ ૬΄ ιε΄ κη΄ με΄ ξ5΄ ፲α΄. σχη-5 ματίζονται δὲ οῦτως.

ά	್'	15	×ή	με΄	ई ड'
a	α	α	a	α	·α
	αα	αα	αα	αα	αα
	αα	ααα	ααα	ααα	ααα
	æ	ααα	αααα	αααα	αααα
		ααα	αααα	ααααα	ααααα
		αα	αααα	ααααα	αααααα
		a	αααα	ααααα	αααααα
			ααα	ααααα	αααααα
			a a	ααααα	αααααα
			a	αααα	αααααα
				ααα	αααααα
				αα	ααααα
			•	a	αααα
					ααα
	_				αα
	•				α.

έπτάγωνοι δέ είσιν οἱ ἀπὸ μονάδος πεντάδι ἀλλήλων ὑπερεχόντων συνιστάμενοι· ὦν γνώμονες μὲν α΄ ζ΄ ια΄ ις΄ κα΄ κς΄ οἱ δὲ ἐκ τούτων συντιθέμενοι α΄ ζ΄ ιη΄ λδ΄ νε΄ πα΄. ὑμοίως δὲ καὶ ὀκτάγωνοι <οἰ> ἀπὸ
10 μονάδος ἑξάδι ἀλλήλων ὑπερεχόντων συντιθέμενοι, ἐννεάγωνοι δὲ οἱ ἀπὸ μονάδος ἑβδομάδι ἀλλήλων ὑπερεχόντων συνιστάμενοι, δεκάγωνοι δὲ οἱ ἀπὸ μονάδος ὀγδοάδι ἀλλήλων ὑπερεχόντων συντιθέμενοι. ἐπὶ πάντων δὲ τῶν πολυγώνων καθόλου ὑσάγωνος ἂν λέγηται
15 ἀριθμός, δυεῖν δεούσαιν μονάδων τοῦ πλήθους τῶν

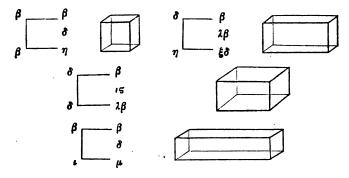
1 inser. $\pi \epsilon \varrho l \dot{\epsilon} \dot{\epsilon} \alpha \gamma \dot{\omega} \gamma \omega \gamma \dot{\alpha} \varrho \iota \partial \mu \tilde{\omega} \gamma \Lambda$ 6 inser. $\dot{\delta} \mu o l \alpha$ $\delta \dot{\epsilon} \dot{\eta} \sigma \dot{\upsilon} \gamma \partial \epsilon \sigma \iota \varsigma \kappa \alpha l \dot{\epsilon} \kappa l \tau \tilde{\omega} \gamma \lambda o \iota \pi \tilde{\omega} \gamma \pi o \lambda \upsilon \gamma \dot{\omega} \gamma \omega \gamma \Lambda$ $\dot{\epsilon} \kappa \tau \tilde{\omega} \gamma$ hic et in iis quae sequentur neglegenter omissum 11 $\mu o \nu \dot{\alpha} \partial o \varsigma \Lambda^2$ 13 $\kappa \alpha l$ ante $\dot{\epsilon} \kappa l$ add. Λ^2 15 $\delta \upsilon \epsilon \dot{\iota} \gamma \delta \epsilon o \dot{\upsilon} \sigma \alpha \iota \varsigma \mu o \nu \dot{\alpha} \partial \omega \gamma$ corr. ex $\delta \dot{\upsilon} o \dot{\delta} \delta \dot{\epsilon} o \ddot{\upsilon} \sigma \alpha \iota \varsigma \mu \dot{\upsilon} \nu \alpha \varsigma$ ut vid. A γωνιών ή ύπεροχή τών άριθμών λαμβάνεται, έξ ών οί πολύγωνοι συντίθενται.

έκ δύο τριγώνων ἀποτελεϊται τετράγωνου · α΄ καὶ γ΄ δ΄, γ΄ καὶ ϛ΄ Ͽ΄, ϛ΄ καὶ ι΄ ιϛ΄, ι΄ καὶ ιἐ κε΄, ιἐ καὶ κα΄ λϛ΄, κα΄ καὶ κη΄ μϿ΄, κη΄ καὶ λϛ΄ ξδ΄, λϛ΄ καὶ με΄ πα΄, καὶ οἶ ἑξῆς 5 ὑμοίως συνδυαζόμενοι τρίγωνοι τετραγώνους ἀποτελοῦσιν, ὡς καὶ ἐπὶ τῶν γραμμικῶν τριγώνων σύνθεσις τετράγωνον σχῆμα ποιεϊ.



ἕτι τῶν στεφεῶν ἀφιθμῶν οἱ μὲν ἴσας πλευφὰς ἔχουσιν, [ὡς ἀφιθμοὺς τφεῖς ἴσους ἐπὶ ἴσους πολλαπλασιάζεσθαι,] οἱ δὲ ἀνίσους. τούτων δ' οἱ μὲν πάσας ἀν- 10 ίσους ἔχουσιν, οἱ δὲ τὰς δύο ἴσας καὶ τὴν μίαν ῆττονα. πάλιν τε τῶν τὰς δύο ἴσας ἔχοντων οἱ μὲν μείζονα τὴν τφίτην ἔχουσιν, οἱ δὲ ἐλάττονα. οἱ μὲν οὖν ἴσας ἔχοντες πλευφάς, ἰσάκις ἴσοι ἰσάκις ὅντες, κύβοι καλοῦνται[.] οἱ δὲ πάσας ἀνίσους τὰς πλευφάς, ἀνισάκις ἅνισοι ἀν- 15 ισάκις, βωμίσκοι καλοῦνται[.] οἱ δὲ δύο μὲν ἴσας, τὴν δὲ τφίτην ἑκατέφας τῶν δυεῖν ἐλάσσονα, ἰσάκις ἴσοι ἐλαττονάκις, πλινθίδες ἐκλήθησαν[.] οἱ δὲ δύο μὲν ἴσας,

1 γωνιῶν Bull.] ἀριθμῶν in ras. A ἀριθμῶν] γωνιῶν in ras. vocis ἀριθμῶν A 2 πολύγωνοι: ι post v er. A 3 inscr. ὅτι ἐκ δύο τριγώνων τὸ τετράγωνον A, $\overline{x5}$ in mg. ἐκ: inter E et κ complures literae erasae in A δὲ post δύο add. A³ 7 ἐπὶ] ή? 8 inscr. περί στερεῶν ἀριθμῶν A, κζ in mg. 11 aut delenda sunt verba καὶ τὴν μίαν ῆττονα (sic Bullialdus) aut scribendum καὶ τὴν μίαν ἅνισον 16 τὰς post δὲ add. A² τὰς post δὲ add. A² την δε τρίτην έχατέρας τῶν δυεῖν μείζονα, ἰσάχις ἴσοι μειζονάχις, δοχίδες χαλοῦνται.



είσι δε και πυφαμοειδεις ἀφιθμοι πυφαμίδας καταμετφούντες και κολουφοπυφαμίδας. κόλουφος δε πυφα-5 μίς ἐστιν ή τὴν κοφυφὴν ἀποτετμημένη. τινες δε [κόλουφον] τὸ τοιούτον τφαπέζιον πφοσηγόφευσαν ἀπὸ τῶν ἐπιπέδων τφαπεζίων τφαπέζιον γὰφ λέγεται, ὅταν τφιγώνου ή κοφυφὴ ὑπὸ παφαλλήλου τῆ βάσει εὐθείας ἀποτμηθῆ.



10

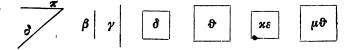
ώσπες δε τριγωνικούς και τετραγωνικούς και πεν-

2 ad figuras, quae satis neglegenter descriptae sunt, pertinet haec adnotatio marginis A: τὸ ἐπάνω σημεῖόν ἐστιν ໂσον, τὸ ὑποκάτω μεῖζον 3 inscr. περὶ πυραμοειδῶν ἀριθμῶν A, πη in mg. πυραμίδα A 4 κολουροπυραμίδας: ας corr. ex ες A 10 inscr. περὶ πλευρικῶν καὶ διαμετρικῶν ἀριθμῶν A, π̄ể in mg. cf. Nesselmann p. 228 sqq.

ταγωνικούς καί κατά τὰ λοιπὰ σχήματα λόγους έχουσι δυνάμει οί άριθμοί, ούτως και πλευρικούς και διαμετρικούς λόγους εύροιμεν αν κατά τούς σπερματικούς λόγους έμφανιζομένους τοϊς άριθμοῖς. έχ γὰρ τούτων ουθμίζεται τὰ σχήματα. ὦσπεο οὖν πάντων τῶν σχημά- 5 των κατὰ τὸν ἀνωτάτω καὶ σπερματικὸν λόγον ἡ μονὰς άρχει, ούτως και της διαμέτρου και της πλευράς λόγος έν τη μονάδι εύρίσκεται. οἶον έκτίθενται δύο μονάδες, ών την μέν θωμεν είναι διάμετρον, την δέ πλευράν, έπειδή την μονάδα, πάντων ούσαν ἀρχήν, δεί δυνάμει 10 καί πλευράν είναι καί διάμετρον. καί προστίθεται τη μέν πλευρά διάμετρος, τη δε διαμέτρω δύο πλευραί, έπειδή όσον ή πλευρά δίς δύναται, ή διάμετρος απαξ. έγένετο ούν μείζων μεν ή διάμετρος, έλάττων δε ή πλευρά. και έπι μέν τῆς πρώτης πλευρᾶς τε και δια- 15 μέτρου είη αν τὸ ἀπὸ τῆς μονάδος διαμέτρου τετράγωνον μονάδι μια έλαττον η διπλάσιον του άπό της μονάδος πλευρας τετραγώνου. έν Ισότητι γαρ αί μονάδες. τὸ δ' ἕν τοῦ ένὸς μονάδι έλαττον η διπλάσιον. προσθώμεν δή τη μέν πλευρά διάμετρον, τουτέστι τη μονάδι 20 μονάδα. έσται ή πλευρά άρα δύο μονάδων. τη δε διαμέτρω προσθώμεν δύο πλευράς, τουτέστι τη μονάδι δύο μονάδας. έσται ή διάμετρος μονάδων τριῶν. και τὸ

4 $\langle \ell v \rangle$ τοῖς ἀριθμοῖς? 12 δὲ μέτρω A 15 $\gamma^{\ell'}$ μοναδικῆς supra πρώτης add. A² 16 μονάδος διαμέτρου] μονόποδος (ex corr.) $\delta^{\prime'}$ A 17 ἕλαττον ἢ corr. ex ἐλάττονι A μονάδος apogr.] μονόποδος A 20 διάμετρον] $\delta^{\prime'}$ A 21 μονάδων apogr.] μ^{άα} A, μονάδες Bull. 23 μονάδας] μ°ς A, em. apogr. ἕσται] nota vocabuli ἄρα in ras. notae voc. ἕσται A μονάδων corr. ex μονάδι A

μέν ἀπὸ τῆς δυάδος πλευρᾶς τετράγωνον δ΄, τὶ δ' ἀπο τῆς τρίαδος διαμέτρου τετράγωνον θ΄ τὸ θ΄ ἄρα μονάδι μετζον η διπλάσιον τοῦ ἀπὸ τῆς β' πλευρᾶς. πάλιν προσθώμεν τη μέν β΄ πλευρά διάμετρον την τρίαδα. 5 έσται ή πλευρά ε΄ τη δε τρίαδι διαμέτρο β' πλευράς, τουτέστι δίς τὰ β΄ έσται ζ΄ έσται τὸ μὲν ἀπὸ τῆς <έ> πλευρας τετράγωνον κέ, τὸ δὲ ἀπὸ τῆς ζ <διαμέτρου> μθ' μονάδι έλασσον η διπλάσιον τοῦ κε ἄρα τὸ μθ. πάλιν αν τη <έ' πλευρα προσθης την ζ διάμετρον, 10 έσται ιβ΄ καν τη ζ διαμέτοφ προσθής δίς την έ πλευράν, έσται ιζ΄ καί τοῦ ἀπὸ τῆς ιβ΄ τετραγώνου τὸ ἀπὸ τῆς ιζ μονάδι πλέον ἢ διπλάσιον. καὶ κατὰ τὸ ἑξῆς της προσθήκης όμοίως γιγνομένης, έσται το άνάλογον έναλλάξ ποτε μεν μονάδι έλαττον, ποτε δε μονάδι πλέον 15 η διπλάσιον τὸ ἀπὸ τῆς διαμέτρου τετράγωνον τοῦ ἀπὸ τῆς πλευρᾶς και φηται αι τοιαῦται και πλευραι και τδιάμεροι.



αί δε διάμετροι τῶν πλευρῶν ἐναλλὰξ παρὰ μίαν ποτε

1 δυάδος in ras. A 2 διαμέτοου] δ_{ν}^{i} A $\delta' \cdot \tau \delta \delta'$ $\tilde{\alpha} \rho \alpha : \tau \delta$ et nota vocis αρα supra vs., $\overline{\delta}$ τδ in ras. A 4 β'] δύο A διά μετρον] $\delta' \nu$ A 5 έσται A¹] μονάδων αρα A³ διαμέτρα] δυνάμει A 6 έσται $\zeta' : \mu^{5'}$ supra notam vocis έσται add. A³ έσται τδ: nota voc. έσται mut. in αρα A 8 τοῦ πε αρα τδ $\mu \overline{\delta}$ apogr.] τὸ πε αρα τοῦ $\mu \delta$ A 9 διάμετρον] δυνάμει A 10 nota vocis έσται mut. in $\mu_{\bar{o}}$ A 11 nota vocis έσται mut. in μονάδων A αρα post και add. A³ 17 duo quadrata cum numeris ρμ θ et σπ θ add. A³ 18 αί δὲ corr. ex η δ.αι A μέν μονάδι μείζους η διπλάσιαι δυνάμει, ποτέ δὲ μονάδι ἐλάττους η διπλάσιαι ὑμαλῶς· πᾶσαι οὖν αί διάμετροι πασῶν τῶν πλευρῶν γενήσονται δυνάμει διπλάσιαι, τοῦ ἐναλλὰξ πλείονος καὶ ἐλάττονος τῆ αὐτῆ μονάδι ἐν πάσαις ὑμαλῶς τιθεμένῃ ἰσότητα ποιοῦντος εἰς τὸ μήτε 5 ἐλλείπειν μήτε ὑπερβάλλειν ἐν ἐπάσαις τὸ διπλάσιον· τὸ γὰρ τῆ προτέρα διαμέτρο λεῖπον δυνάμει τῆ ἐφεξῆς ὑπερβάλλει.

έτι τε τῶν ἀριθμῶν οί μέν τινες τέλειοι λέγονται, οί δ' ύπερτέλειοι, οί δ' έλλιπείς. και τέλειοι μέν είσιν 10 οί τοις αύτῶν μέρεσιν ίσοι, ώς ό τῶν ς μέρη γὰρ αὐτοῦ ημισυ γ', τρίτον β', ἕχτον α', ἅτινα συντιθέμενα ποιεί τόν ζ. γεννώνται δε οι τέλειοι τουτον τόν τρόπον. έαν έκθωμεθα τούς από μονάδος διπλασίους καί συντιθωμεν αύτούς, μέχρις ού αν γένηται πρωτος και 15 άσύνθετος άριθμός, και τον έκ της συνθέσεως έπι τον έσγατον των συντιθεμένων πολλαπλασιάσωμεν, δ άπογεννηθείς έσται τέλειος. οἶον έκκείσθωσαν διπλάσιοι α' β' δ' η' ις'. συνθωμεν ουν α' καί β' γίνεται γ' καί τόν γ' έπι τόν υστερου τόν έχ της συνθέσεως πολλα- 20 πλασιάσωμεν, τουτέστιν έπι τον β' γίνεται 5, ος έστι πρώτος τέλειος. αν πάλιν τρεϊς τούς έφεξης διπλασίους συνθωμεν, α' και β' και δ', έσται ζ' και τουτον έπι τον έσγατον των της συνθέσεως πολλαπλασιάσωμεν, τόν ζ

1 τῶν πλευρῶν post δυνάμει er. A 6 ἐλλείπειν: λει corr. ex λ A 9 inscr. περί τελείων και ὑπερτελείων και ἐλλιπῶν (corr. ex ἐλλιπόντων) ἀριθμῶν A, $\overline{\lambda}$ in mg. 15 μέχρι A, em. apogr. 19 οὖν add. fort. A² γίνεται corr. ex nota vocis ἕσται ut vid. A 20 τὸν ἐπ τῆς συνθέσεως: immo τῶν συντεθέντων 22 τρεῖς: ει ex ι A 23 et p. 41, 1 ἔσται A¹ γίνεται ut vid. A² fort. recte 24 τῶν ex-τὸν A τῆς συνθέσεως: immo συντεθέντων πολαπλασιάσωμεν A, em. apogr. έπι τὸν δ΄ · ἕσται ὁ κή, ὅς ἐστι δεύτερος τέλειος · σύγκειται ἐκ τοῦ ἡμίσεος τοῦ ιδ΄, τετάρτου τοῦ ζ΄, ἑβδόμου τοῦ δ΄, τεσσαρακαιδεκάτου τοῦ β΄, εἰκοστοῦ ὀγδόου τοῦ α΄.

ύπερτέλειοι δέ είσιν ών τὰ μέρη συντεθέντα μείζονά 5 έστι τῶν ὅλων, οἶον ὁ τῶν ιβ΄ τούτου γὰρ ῆμισύ ἐστιν 5΄, τρίτον δ΄, τέταρτον γ΄, ἕκτον β΄, δωδέκατον α΄, ἅτινα συντεθέντα γίνεται ις΄, ὅς ἐστι μείζων τοῦ ἐξ ἀρχῆς, τουτέστι τῶν ιβ΄.

έλλιπεζς δέ είσιν ών τὰ μέρη συντεθέντα έλάττονα
10 τὸν ἀριθμὸν ποιεζ τοῦ ἐξ ἀρχῆς προτεθέντος ἀριθμοῦ,
οἶον ὁ τῶν ή΄ τούτου γὰρ ῆμισυ δ΄, τετάρτον β΄, ὄγδοον
έν. τὸ αὐτὸ δὲ καὶ τῷ ί συμβέβηκεν, ὅν καθ' ἔτερον
λόγον τέλειον ἕφασαν οἱ Πυθαγορικοί, περὶ οἶ κατὰ
τὴν οἰκείαν χώραν ἀποδώσομεν. λέγεται δὲ καὶ ὁ γ΄
15 τέλειος, ἐπειδὴ πρῶτος ἀρχὴν καὶ μέσα καὶ πέρας ἔχει
ὁ δ' αὐτὸς καὶ γραμμή ἐστι καὶ ἐπίπεδον, τρίγωνον γὰρ
ἰσόπλευρον ἑκάστην πλευρὰν δυείν μονάδων ἔχον, καὶ
πρῶτος δεσμὸς καὶ στερεοῦ δύναμις· ἐν γὰρ τρισὶ διαστάσεσι τὸ στερεὸν νοεἴσθαι.

20

έπει δε και συμφώνους τινάς φασιν άφιθμούς, και ό περί συμφωνίας λόγος ούκ ἂν εύρεθείη ἄνευ άρι-

1 δεύτερος] $\hat{\beta}$ Α σύγμειται — τοῦ α' in mg. A (fort. haec e contextu verborum removenda), γὰο post σύγμειται apogr. 2 ἑβδόμου] $\hat{\xi}$ Α 3 τεσσαρακαιδεκάτου] $i\hat{\delta}$ Α είκοστοῦ όγδοου] $\hat{\kappa\eta}$ Α 4 συντεθέντα: τε corr. ex τι Α 5 τῶν $i\hat{\beta}$ A³] τὸν $i\hat{\beta}$ Α¹ 7 ὄς (?) Α¹] καὶ Α³ 8 τῶν corr. ex τὸν Α 12 τῶ corr. ex τὸ Α 14 ἀποδώσομεν: p. 99, 18. 106, 7 γ: τρία corr. ex τρίτος Α 15 μέσον apogr. 16 γάρ (έστιν)? 18 δύναμις corr. ex δυνάμεις Α 19 νοείται apogr.; fort. excidit φασίν vel tale quid 20 inscr. Θέωνος Πλατωνικοῦ συγκεφαλαίωσις καὶ σύνοψις τῆς ὅλης μουσικῆς Ζ, περὶ μουσικῆς Α³ α Α

θμητικής. ήτις συμφωνία την μεγίστην έχει ίσχύν, έν λόγφ μέν ούσα άλήθεια, έν βίφ δε εύδαιμονία, έν δε τη φύσει άρμονία. και αὐτὴ δὲ ἡ άρμονία ητις ἐστίν έν κόσμφο ούκ αν εύρεθείη μή έν άριθμοῖς πρότερον έξευρεθείσα · ήτις έστι και νοητή, ή δε νοητή δάον άπο της 5 αίσθητης κατανοείται. νῦν μέν οὖν περί τῶν δυείν άρμονιῶν λεκτέον, τῆς τ' αἰσθητῆς ἐν ὀργάνοις καὶ τῆς νοητής έν άριθμοις. μετά δε τον περί πάντων των μαθηματικών λόγον τελευταΐον έπάξομεν και τόν περι της έν κόσμφ άρμονίας λόγον, ούκ όκνουντες τα ύπο 10 τῶν πρό ήμῶν έξευρημένα και αὐτοι ἀναγράφειν, ῶσπερ καί τὰ πρόσθεν ύπὸ τῶν Πυθαγορικῶν παραδοθέντα έπι τὸ γνωριμώτερον έξενεγκόντες παραδεδώκαμεν, ούδεν αύτοι τούτων έξευρηκέναι φάσκοντες. παραδειχνύντες δέ τινα τῶν ὑπὸ τῶν πρὸ ἡμῶν παραδοθέντών 15 τῷ μέλλοντι συνήσειν τὰ Πλάτωνος ἀναγχαίαν χαὶ τούτων συναγωγήν έποιησάμεθα.

Θράσυλλος τοίνυν περί της έν όργάνφ αίσθητης λέγων άρμονίας φθόγγον φησίν είναι φωνης έναρμονίου τάσιν. έναρμόνιος δε λέγεται, έπαν δύνηται καί τοῦ 20 ὀξέος ὀξύτερος εύρεθηναι καί τοῦ βαρέος βαρύτερος καί ὁ αὐτὸς καί μέσος ἐστίν. ὡς είγε τινὰ τοιαύτην φωνην νοήσαιμεν ητις ὑπεραίρει πασαν ὀξύτητα, οὐκ αν είη ἐναρμόνιος. οὐδε γὰρ τὸν της ὑπερμεγέθους

2 µèv ovsa] µévovsa A^1 4 πρώτερον A^1 5 cf. Boeckh kl. Schr. III p. 138 sqq. 7 τῆς τ' αίσθητῆς ἐν ὀργάνοις Z] τῆς τε αίσθητῶν ὀργάνοις A^1 , τῆς τε ἐν αίσθητοις ἀργάνοις A^3 17 ἐποιησάµεθα Z] πεποιήµεθα A 18 inscr. β τί ἐστι φθόγγος καὶ τί φωνὴ ἐναρμόνιος mg. A. cf. C. Fr. Hermann de Thrasyllo p. 9. Marquard ad Aristox. p. 226 Θράσυλλος Z] Θρασυλλός A^1 , ΘρασύΜος A^3 22 καὶ ο αὐτὸς καὶ µέσος ἐστίν del. vid. βροντῆς ψόφον ἐναρμόνιον ἐροῦμεν, ὅς γε καὶ ὀλέθριος διὰ τὴν ὑπερβολὴν πολλάκις γίνεται, ῶς τις ἔφη

πολλούς δε βροντής τραυμ' άναιμον ώλεσε.

καί μήν εί τις ούτως βαρύς είη φθόγγος, ώς μή έχειν 5 αύτοῦ βαρύτερον, οὐκ ἂν οὐδὲ φθόγγος είη τὸ ἐναρμόνιον ούκ έχων. διὰ τοῦτ' οὖν φθόγγος είναι λέγεται ού πᾶσα φωνή οὐδὲ πάσης φωνῆς τάσις, ἀλλ' ή ἐναρμόνιος, οίον μέσης, νεάτης, υπάτης. διάστημα δέ φησιν είναι φθόγγων την πρός άλλήλους ποιάν σχέσιν, οίον 10 διὰ τεσσάρων, διὰ πέντε, διὰ πασῶν, σύστημα δὲ διαστημάτων ποιάν περιοχήν, οίον τετράχορδον, πεντάχορδον, όπτάχορδον. άρμονία δέ έστι συστημάτων σύνταξις, οἶον Αύδιος, Φρύγιος, Δώριος. και τῶν φθόγγων οι μέν όξεις, οι δε βαρεις, οι δε μέσοι. 15 όξεις μέν οι των νητών, βαρεις δε οι των ύπατών, μέσοι δε οί τῶν μεταξύ. τῶν δε διαστημάτων τὰ μεν σύμφωνα, τὰ δὲ διάφωνα. σύμφωνα μὲν τά τε κατ' άντίφωνον, οίćν έστι τὸ διὰ πασῶν και τὸ δις διὰ πασῶν, καὶ τὰ <κατὰ> παράφωνον, οἶον τὸ διὰ πέντε, 20 τὸ διὰ τεσσάρων. σύμφωνα δὲ κατὰ συνέχειαν οἶον τόνος, δίεσις. τά τε γαρ κατ' άντίφωνον σύμφωνά έστιν, έπειδάν τὸ άντικείμενον τη όξύτητι βάρος συμφωνη, τά τε κατά παράφωνόν έστι σύμφωνα, έπειδάν

3 Eurip. fr. 972 $4 \epsilon l$ $\tilde{\eta}$ A¹ $6 \tau o \tilde{v} \tau$ A] $\tau o \tilde{v} \tau o Z$ 8 inser. $\tau l \epsilon \sigma \tau \tau \delta \iota \alpha \sigma \tau \eta \mu \alpha$ A, δ in mg. cf. Marquard p. 231 10 $\bar{\epsilon}$ mg. A. cf. Boeckh kl. Schr. III p. 147 sqq. 157. de metris Pind. p. 204 sqq. 12 inser. $\tau l \epsilon \sigma \tau \iota \nu \dot{\alpha} \rho \mu \sigma \nu l \alpha \pi \alpha \delta \pi \epsilon \rho l$ $\delta \iota \alpha \phi o \rho \tilde{\alpha} \varsigma \phi \delta \delta \gamma \gamma \omega \nu$ A, $\bar{\varsigma} \bar{\xi}$ in mg. cf. Marquard p. 212 16 $\tau \tilde{\omega} \nu Z$] om. A inser. $\pi \epsilon \rho l \delta \iota \alpha \sigma \tau \eta \mu \dot{\alpha} \tau \omega \nu$ A, $\bar{\xi} \bar{\eta}$ in mg. 17 cf. Westphal Metrik der Griechen I p. 289. Marquard p. 252 19 $\tau \dot{\alpha}$] $\tau \delta$ AZ, cf. vs. 23 $\tau \delta$ om. A¹ 20 $\sigma \nu \mu - \phi \omega \nu \alpha - \delta \ell \epsilon \sigma \iota \varsigma$ fort. del. cf. Marquard p. 235 μήτε δμότονον φθέγγηται φθόγγος φθόγγφ μήτε διάφωνον, άλλὰ παρά τι γνώριμον διάστημα δμοιον. διάφωνοι δ' είσι και οὐ σύμφωνοι φθόγγοι, ὧν έστι το διάστημα τόνου ἢ διέσεως. ὁ γὰρ τόνος και ἡ δίεσις ἀρχὴ μὲν συμφωνίας, οῦπω δὲ συμφωνία. 5

ό δὲ πεφιπατητικός "Αδραστος, γυωριμώτεφου πεφί τε ἁρμονίας και συμφωνίας διεξιών, φησί καθάπεφ τῆς ἐγγραμμάτου φωνῆς και παυτός τοῦ λόγου όλοσχεφῆ μὲν και πρῶτα μέφη τά τε φήματα και ὀνόματα, τούτων δὲ αί συλλαβαί, αὐται δ' ἐκ γραμμάτων, τὰ δὲ γράμ- 10 ματα φωναι πρῶταί εἰσι και στοιχειώδεις και ἀδιαίφετοι και ἐλάχισται — και γὰφ συνίσταται ὁ λόγος ἐκ πρώτων γραμμάτων και εἰς ἔσχατα ταῦτα ἀναλύεται —, οῦτως και τῆς ἐμμελοῦς και ἡρμοσμένης φωνῆς και παυτός τοῦ μέλους ὁλοσχεφῆ μὲν μέφη τὰ λεγόμενα 15 συστήματα, τετφάχοφδα και πεντάχοφδα και ὀκτάχοφδα[°] ταῦτα δέ ἐστιν ἐκ διαστημάτων, τὰ δὲ διαστήματα ἐκ φθόγγων, οῖτινες πάλιν φωναί είσι πρῶται και ἀδιαίφετοι και στοιχειώδεις, ἐξ ὧν πρώτων συνίσταται τὸ πῶν μέλος και εἰς ἅ ἕσχατα ἀναλύεται. διαφέρουσι δὲ 20

1 δμότονον: το in ras. A (fort. corr. ex δμόφωνον), cf. Vetter additam. ad. Steph. Thes. (Zwickau 1867) p. 16 3 οό] of AZ έστι Z] έπι A 6 inscr. $\pi \in \varrho$ ι άρμονίας και συμφωνίας A. cf. Chalcid. 44 10 αύται δ'] άτινα AZ, ατινες Manuel Bryennius p. 393 11 άδιαίζετοι Z] διαιζεται corr. ex διαιζετοι A, quae sunt primae voces individuae atque elementariae Chalcid. 15 ώστε άναλογείν ταῦτα ταὶς λέξεσιν, olor δήμασι και ὀνόμασι, τὰ δὲ διαστήματα ταὶς συλλαβαἰς, τοἰς δὲ φθόγγους τοῖς στοιχείοις (τὰ στοιχεία corr. A³, scr. τοὺς δὲ φθόγγους τοῖς στοιχείοις (τὰ στοιχεία corr. A³, scr. τοὺς δὲ φθόγγους τοῖς στοιχείοις (τὰ στοιχεία corr. ex διαιζετοι A 19 πρώτων A] πρῶτον Z 20 & Z] om. A, cf. Nicom. introd. arithm. p. 73, 6 H.

Theo Smyrn.

50

άλλήλων οί φθόγγοι ταϊς τάσεσιν, έπει οί μεν αὐτῶν - ὀξύτεροι, οί δε βαρύτεροι· αί δε τάσεις αὐτῶν κατά τινας λόγους είσιν ἀφωρισμέναι.

φησί δε καί τούς Πυθαγορικους περί αὐτῶν οῦτω 5 τεχνολογείν έπει μέλος μέν παν και πας φθόγγος φωνή τίς έστιν, απασα δε φωνή ψόφος, ψόφος δε πληξις άέρος κεχωλυμένου θούπτεσθαι, φανερόν ώς ήρεμίας μέν ούσης περί τον άέρα ούκ αν γένοιτο ούτε ψόφος ούτε φωνή, διὸ οὐδὲ φθόγγος, πλήξεως δὲ καὶ κινήσεως 10 γενομένης περί τον άέρα, ταχείας μέν όξυς άποτελειται ό φθόγγος, βραδείας δὲ βαρύς, και σφοδρᾶς μὲν μείζων ήχος, ήρέμου δε μικρός. τα δε τάχη των κινήσεων και αί σφοδρότητες η έν λόγοις τισίν ἀποτελοῦνται η καί άλόγως πρός άλληλα. ύπὸ μὲν οὖν τῶν ἀλόγων άλογοι 15 και έκμελεις γίνονται ψόφοι, ούς ούδε φθόγγους χρή καλείν κυρίως, ήχους δὲ μόνον, ὑπὸ δὲ τῶν ἐν λόγοις τισί πρός άλλήλους πολλαπλασίοις η έπιμορίοις η άπλῶς άριθμοῦ πρὸς ἀριθμὸν ἐμμελεῖς καὶ κυρίως καὶ ίδίως φθόγγοι. ών οι μεν άλλοι μόνον ήρμοσμένοι, οι δε κατά 20 τούς πρώτους και γνωριμωτάτους και κυριωτάτους λόγους πολλαπλασίους τε και έπιμορίους ήδη και σύμφωνοι. συμφωνοῦσι δὲ φθόγγοι πρὸς ἀλλήλους, ὧν θατέ-

1 άλλήλων Α] άλλων Ζ 3 λόγους ante λόγους er. Α 4 φησι Α] φασι Ζ 5 Porph. comm. in Ptol. Harm. p. 193 δ γοῦν πεφιπατητικὸς Άδφαστος τὰ κατὰ τοὺς Πυθαγοφείους ἐκτιθέμενος γράφει· ἐπεὶ μέλος — δὲ μικρός (vs. 12) 6 ψόφος δὲ Ζ] om. Α, ὁ δὲ add. Α², ὁ δὲ ψόφος Porph. 7 φανεφὸν Porph.] φανεφὸν δὲ ΑΖ 11 μείζον Α¹ 12 ἦφέμου Α] ἦφέμα Ζ, ἦφεμαίας Porph. 18 ἀφιθμοῦ Α] κὰ Ζ 21 πολλαπλασίους Α] πολλαπλάσιοί Ζ ἐπιμοφίου Α] ἐπιμόφοι Ζ σύμφωνοι corr. ex. συμφώνους ut vid. Α 22 Porph. comm. in Ptol. Harm. p. 270 Άδφαστος δὲ ὁ πεφιπατητικὸς ἐν τοἰς εἰς τὸν Τίμαιον λέγει οῦτως· συμφωνοῦσι δὲ — ἐξακούεται

ρου χρουσθέντος έπί τινος όργάνου τῶν ἐντατῶν καί ό λοιπός κατά τινα οίκειότητα καί συμπάθειαν συνηχεί. κατὰ ταύτὸ δὲ ἀμφοῖν ἅμα κρουσθέντων ήδεῖα καὶ προσηνής έκ της κράσεως έξακούεται φωνή. των δε κατά τὸ έξῆς ήρμοσμένων φθόγγων πρῶτοι μὲν οί 5 τέταρτοι τάξει συμφωνοῦσι πρός ἀλλήλους, συμφωνοῦσι δε συμφωνίαν την δι' αύτο τουτο δια τεσσάρων λεγομένην, έπειτα οί πέμπτοι την δια πέντε, και μετα ταῦτα οί περιλαμβάνοντες ἀμφοτέρας τὰς συμφωνίας, γινόμενοι δ' απ' αλλήλων δγδοοι, την δια πασών, 10 ούτω προσαγορευθείσαν έπειδή τὸ πρῶτον ἀπὸ τῆς όκταχόρδου λύρας ό πρῶτος και βαρύτατος φθόγγος, χαλούμενος ὑπάτη, τῷ τελευταίφ και ὀξυτάτφ, τουτέστι τη νήτη, την αύτην εύρέθη συνέχων συμφωνίαν κατ' άντίφωνον. έπηυξημένης δε τῆς μουσικῆς και πολυχόρ- 15 δων καί πολυφθόγγων γεγονότων όργάνων τῷ προσληφθηναι και έπι τὸ βαρὺ και έπι τὸ ὀξὺ τοῖς προϋπάρχουσιν όπτω φθόγγοις άλλους πλείονας, όμως των πρώτων συμφωνιών αί προσηγορίαι φυλάττονται, διά τεσσάρων, διὰ πέντε, διὰ πασῶν. 20

φωνή (p. 51, 4). cf. Marquard p. 237. C. Lang Ueberblick über die altgriech. Harmonik p. 27 1 έντατῶν A] έν τούτοις Z 2 συνηχη Porph. 3 ταὐτὸ AZ] τὸ αὐτὸ Porph. ἡδεία Z] ἡδία A¹, ἡδεία A², λεία Porph. 6 τέτταφες A² συμφωνία ἡ διὰ δ έν ἐπιτρίτω, ἡ διὰ Ξ συμφωνία ἐν ἡμιολίω, ἡ διὰ πασῶν συμφωνία A² vel recentior manus in mg. sup., adiectis lineis inutilibus 8 πέμπτοι Z] $\bar{\epsilon}$ A 10 δ' Z] om. A 11 δτι τὸ πφῶτον μέχοις ὅπαχοφῶων (tum καὶ del.) ἡ μουσικὴ ὑπῆφχεν, ὅ α ὑπάτη βαφύτατος, ὅ ἔσχατος νήτη όξύτατος: ἐπεὶ ὁ (μὲν add. A²) ὀξύτατος φθόγιος ὁ δ̄ (ὁ δ̄ corr. in ὁ δὲ βαφύτατος A²)· οὐτοι δὲ ἀντίφωνοι mg. A 12 βαφύτατος ὁ ᾱ φθόγιος ὑπάτη, ῆ ὀξύτατος νήτη A² vel rec. m. in mg. inf., adiectis lineis 14 εὐφέθη] εὐφεθήσεται AZ

4*

προσανηύρηνται δε ταύταις έτεραι πλείους. τη γάρ διὰ πασῶν πάσης ἄλλης προστιθεμένης, και έλάττονος καί μείζονος καί ίσης, έξ άμφοιν έτέρα γίνεται συμφωνία, οίον η τε δια πασών και δια τεσσάρων, και 5 διά πασῶν καί διά πέντε, καί δίς διά πασῶν, έτι δέ πάλιν τη δια πασών εί προστεθείη τούτων τις, οίον ή δίς διὰ πασῶν καί διὰ τεσσάρων, και έπι τῶν αλλων δμοίως μέχοι τοῦ δύνασθαι φθέγγεσθαι η κρίνειν άχούοντας. τόπος γάρ τις χαλειται της φωνης δυ 10 διεξέρχεται από βαρυτάτου τινός αρξαμένη φθόγγου καί κατὰ τὸ έξῆς ἐπὶ τὸ ὀξὸ προϊοῦσα, ἢ ἀνάπαλιν. τούτων δε οί μεν έπι πλεΐον, οί δε έπ' έλαττον διιστασιν. τό μέντοι έξης και έμμελώς έν τούτω προκόπτειν ούτε ώς έτυχε γίνεται ούτε μην άπλως και μοναχώς, άλλα 15 κατά τινας τρόπους άφωρισμένους, καθ' ούς αί τῶν λεγομένων γενών της μελωδίας θεωρούνται διαφοραί. καθάπεο γαο έπι τοῦ λόγου και τῆς έγγραμμάτου φωνῆς ού παν γράμμα παντί συμπλεχόμενον συλλαβήν ή λόγον άποτελεϊ, ούτως ούδε έν τῷ μέλει κατὰ την ήρμοσμένην 20 φωνήν ούδ' έν τῷ ταύτης τόπω πῶς φθόγγος μετὰ παντός τιθέμενος έμμελές ποιεί διάστημα, άλλ' ώς σαμεν κατά τρόπους τινάς άσωρισμένους.

1 ταῦται A^1 6 τῆ δἰς διὰ πασῶν A^3 et Bryenn. p. 394 εἰ primo om., tum add. A, deest in Z 8 ὁμοίως A] οῦτως Z 9 cf. Aristox. p. 18, 27 Marq. Vetter additam. ad. Steph. Thes. p. 24 γ^{Q} οῦτως ὅτι ὁ τῆς φωνῆς τόπος ἢ ἀπὸ βαρυτάτου ἀρξάμενος κατὰ τὸ ἑξῆς ἐπὶ τὸ ὁξὲ δίεισιν ἢ ἔμπαἰιν ἀπὸ ὀξυτάτου ἐπὶ τὸ βαρύ mg. A 12 τούτων — διιστᾶσιν fort. del. 13 sq. τὸ — ἐμμεἰῶς — προκόπτειν Ζ] corr. in ἡ — ἐμμεἰῆς — προχοπὴ A 14 ἀἰλὰ A] ἀἰλὰ καὶ Ζ 17 cf. Aristox. p. 38 et 52 Marq. 19 κατὰ τὴν Ζ] om. A

τοῦ δὲ λεγομένου τόπου τῆς φωνῆς καὶ παντὸς τοῦ έν τούτφ διαστήματος γνωριμώτατον μέρος τε καλ μέτρον έστι το παλούμενον τονιαΐον διάστημα, παθάπερ ό πηχυς τοῦ χυρίως τοπιχοῦ διαστήματος ὃ φερόμενα τὰ σώματα διέξεισιν. έστι δε γνωριμώτατον το τονιαίον διάστημα, 5 έπειδή τῶν πρώτων καί γνωριμωτάτων συμφωνιῶν έστι διαφορά το γαρ δια πέντε τοῦ δια τεσσάρων ύπερέχει τόνω. το μέντοι ήμιτόνιον ούχ ώς ήμισυ τόνου λέγεται, ώσπερ Αριστόξενος ήγειται, καθό και το ήμιπήγιον ημισυ πήγεως, άλλ' ώς έλαττον τοῦ τόνου μελφδητόν 10 διάστημα καθά και το ήμίφωνον γράμμα ούχ ώς ήμισυ φωνής καλουμεν, άλλ' ώς μη αύτοτελη καθ' αύτο φωνήν. δείχνυται γαρ ό τόνος μηδ' όλως είς δύο ίσα διαιρεΐσθαι δυνάμενος, έν λόγφ θεωρούμενος έπογδόφ, καθάπερ ούδ' άλλο τι έπιμόριον διάστημα. τὰ γὰρ θ΄ 15 ούη ολόν τε διαιρεθήναι είς ίσα.

όταν μεν ούν ή φωνή μελφδοῦσα ἐν τῷ λεγομένφ τόπφ αὐτῆς ἀπό τινος βαφυτέφου φθόγγου ἐπὶ τὸν έξῆς ὀξύτεφον μεταβỹ τὸ λεγόμενον ήμιτονιαΐον διάστημα ποιησαμένη κἅπειτ' ἀπ' αὐτοῦ τόνον διαστήσασα πφῶτον 20

1 inscr. περί τόνου Α, ī in mg. 5 διέξεισιν: ει corr. εχ. ι Α γνωριμώτατον Bryenn. p. 395] γνωριμώτερον ΑΖ 6 cf. Marquard p. 258 sq. 8 inscr. περί ημιτονίου Α. cf. Procl. ad Plat. Tim. p. 196 B 9 Άριστόξενος: Harm. p. 30, 7 Marq. 12 αύτοτελη καθ' αύτό φωνήν Ζ] το αύτό τελεϊ κατ' αύτό φωνήν Α¹, τῷ αὐτοτελεί κατά ταυτό φωνείν A² 14 ὅτι ὁ τόνος ἐν ἐπογδόφ λόγω θεωρείται mg. Α 17 inscr. τί τὸ διάτονον μέλος (γένος Bull.) τῆς μελφδίας Α, τῶ in mg. 18 βαρυτέρου Α²] βραχυτέρου Α¹Ζ 19 ήμιτονιαζον Ζ] ήμιτόνιον Α 20 Ιστέον ὡς οὐ πάντως (πάντος Α¹) οῦτως ἔχει τὸ διάτονον, ἀλλ' ἐνδέχεται καὶ μετὰ τὸ ήμιτόνιον (τὸ ήμιτόνιον Α² corr. ut vid. εχ τῶν) δύο τόνους (τόνων Α¹) εἶναι καὶ ἐκατέρωθεν (ἑκατέροθεν Α¹). ἐκ δὲ διαφόρου τάξεως διάφορον γίνεται μέλος mg. Α έπ' άλλον παραγένηται φθόγγον, βουλομένη κατὰ τὸ έξῆς προκόπτειν έμμελῶς, οὐδὲν ἕτερον είναι δύναται διάστημα οὐδὲ προενέγκασθαι φθόγγον ἕτερον έμμελῆ και ἡρμοσμένον, ἢ διάστημα μὲν τονιαΐον, φθόγγον δὲ 5 τὸν ἐπὶ τὸ ὀξὺ τοῦτο ὁρ(ζοντα καὶ συμφωνοῦντα τῷ ἐξ ἀρχῆς τὴν διὰ τεσσάρων συμφωνίαν. καλείται δὲ τὸ οῦτω μελφδηθὲν σύστημα τετράχορδον, συνεστηκὸς ἐκ διαστημάτων μὲν τριῶν, ἡμιτονίου καὶ τόνου καὶ τόνου, φθόγγων δὲ τεσσάρων, ὡν οἱ περιέχοντες, τουτέστιν ὅ
10 τε βαρύτατος καὶ ὀξύτατος, συμφωνοῦσιν εὐθὺς ἡν διὰ τεσσάρων ἐψαμεν λέγεσθαι συμφωνίαν δύο τόνων οῦσαν καὶ ἡμιτονίου. καλείται δὲ τὸ τοιοῦτον γένος τῆς μελφδίας διάτονον, ῆτοι ὅτι διὰ τῶν τόνων τὸ πλείστον διοδεύει ἢ ὅτι σεμνόν τι καὶ ἐρρωμένον καὶ 15 εὕτονον ἦθος ἐπιφαίνει.

ἐὰν μέντοι ἡ φωνὴ, τὸν ἐξ ἀρχῆς πρῶτον ὁρίσασα φθόγγον καὶ ἡμιτόνιον ἐπὶ τὸ ὀξὲ μεταβᾶσα, ἐπὶ τὸν αὐτὸν ἕλθῃ δεύτερον φθόγγον, εἶτα πάλιν ἀπὸ τοῦδε ἡμιτόνιον διαστήσασα τρίτον ὁρίσῃ φθόγγον ᾶλλον,
 ²⁰ ἀπὸ τούτου κατὰ συνέχειαν πειρωμένη προκόπτειν ἐμμε-λῶς οὖτε διάστημα δύναται ποιήσασθαι ἅλλο πλὴν τὸ λειπόμενον τοῦ πρώτου γενομένου τετραχόρδου, τὸ τριημιτονιαῖον ἀσύνθετον, οὖτε φθόγγον ἕτερον ὁρίσαι

2 εἶναι] ποιήσασθαι? cf. p. 53, 20. 54, 21 5 τοῦτον A^{2} 10 και om. A^{1} τίς ἡ διὰ δ και πῶς γίνεται: τί τὸ διάτονον γένος τῆς μελωδίας και πῶς γίνεται: mg. A οὖν post εὐθὺς add. A^{2} ῆν corr. ex ῆ A 11 ἔφαμεν A] φαμὲν Z. cf. p. 51, 7 12 γίνεται post ἡμιτονίου A^{2} 14 τι Z] τε A 16 inscr. τί τὸ χρωματικόν A, iβ in mg. και τοῦτο τῆς διὰ δ mg. A τὸν] τῶν A^{1} 18 ἔλθη apogr.] ἕλθοι AZ ut vid. 19 ὀρίσει A^{1} η τον έπι το όξυ περιέχοντα το πρώτον τετράχορδον, συμφωνούντα τῷ βαρυτάτῷ κατὰ τὸ διὰ τεσσάρων ώστε γίνεσθαι την τοιαύτην μελφδίαν κατὰ ήμιτόνιον και ήμιτόνιον και τριημιτόνιον ἀσύνθετον. καλειται δὲ πάλιν τὸ γένος τῆς τοιαύτης μελφδίας χρωματικὸν διὰ 5 τὸ παρατετράφθαι καὶ ἐξηλλάχθαι τοῦ πρόσθεν γοερώτερόν τε και παθητικώτερον ἦθος ἐμφαίνειν.

λέγεται δέ τι καὶ τρίτον γένος μελφδίας ἐναρμόνιον, ἐπειδὰν ἀπὸ τοῦ βαρυτάτου φθόγγου κατὰ δίεσιν καὶ δίεσιν καὶ δίτονον ἡ φωνὴ προελθοῦσα μελφδήση τὸ 10 τετράχορδον. δίεσιν δὲ καλοῦσιν ἐλαχίστην οί περὶ ᾿Αριστόξενον τὸ τεταρτημόριον τοῦ τόνου, ἥμισυ δὲ ἡμιτονίου, ὡς ἐλάχιστον μελφδητὸν διάστημα, τῶν Πυθαγορείων διέσιν καλούντων τὸ νῦν λεγόμενον ἡμιτόνιον. καλείσθαι δέ φησιν ᾿Αριστόξενος τοῦτο τὸ 15 προειρημένον γένος ἁρμονίαν διὰ τὸ εἶναι ἅριστον, ἀπενεγκάμενον τοῦ παυτὸς ἡριοσμένου τὴν προσ-

1 tò ởξờ A] tòr ởξờ Z 2 κατὰ tòr đià ở Z (κατὰ tòr διὰ τεσσάφων συμφωνίαν duo codd. et Bryenn. p. 397), κατὰ τῶν đià $\bar{\epsilon}$ A 4 tò τριημιτόνιον (τρημητόνιον A¹) τριῶν ἐστὶν ἡμιτονίων, τόνου \bar{as} εἶτα τὰ $\bar{\beta}$ ἡμιτόνια· γίνεται ἡ πᾶσα τόνων $\bar{\beta}s$ mg. A 6 καὶ ante γοερώτερόν add. A⁸ ut vid. 8 inscr. τί tò ἐναρμόνιον A, $\bar{iγ}$ in mg. 9 ἐπεὶ γὰρ tò (\bar{u} , add. A⁸) đià $\bar{\delta}$ δίατονον (scr. δύο τόνων καὶ ἡμιτονίου) ἐστίν, ἀνάγκη τῶν (τῶν A¹, τὸ A³) $\bar{\beta}$ διαστημάτων διεσιαϊον τῶν (scr. διεσιαίων ὄντων) ἄτινά ἐστιν ἡμιτονίου τὸ $\bar{\gamma}$ Φύο εἶναι τόνων mg. A (in postremis complura ex corr. A³) ἕτι τῆς διὰ $\bar{\delta}$ mg. A καὶ δίεσιν Z] om. A 10 δίτονον Z] διὰ τόνον A μειωδήση A] μειωδήσει Z 11 inscr. τί ἐστι čίετις A οί περὶ Λοιστόξενον: Harm. p. 30, 5 sq. 66, 9 14 πυθαγορίων A¹Z 15 Λοιστ. A] ὁ Λοιστ. Z. cf. Mahne diatr. de Arist. p. 163 17 ἀπενεγικάμενον Z] ἐπενεγν κάμενον A ηγορίαν. ἕστι δε δυσμελωδητότατον καί, ώς ἐκεϊνός φησι, φιλότεχνον και πολλης δεόμενον συνηθείας, ὅθεν οὐδ' εἰς χρησιν ἑαδίως ἔρχεται, τὸ δε διάτονον γένος ἁπλοῦν τι και γενναῖον και μᾶλλον κατὰ φύσιν. διὸ 5 μᾶλλον τοῦτο παραλαμβάνει Πλάτων.

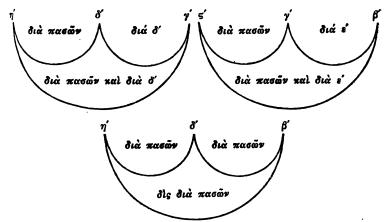
ทู้แเรอ์ขเอข ทู้แเรอ์ขเอข		τόνος	τόνος	διάτονον
		ήμιτόνιον	τριημιτόνιον	χοωματικόν
δίεσις δίεσις		δίτονον		άρμονικόν

τούς δὲ συμφωνοῦντας φθόγγους ἐν λόγοις τοῖς 10 πρὸς ἀλλήλους πρῶτος ἀνευρηκέναι δοκεῖ Πυθαγόρας, τοὺς μὲν διὰ τεσσάρων ἐν ἐπιτρίτῷ, τοὺς δὲ διὰ πέντε ἐν ἡμιολίῷ, τοὺς δὲ διὰ πασῶν ἐν διπλασίῷ, καὶ τοὺς μὲν διὰ πασῶν καὶ διὰ τεσσάρων ἐν λόγῷ τῶν ή πρὸς γ΄ ὅς ἐστι πολλαπλασιεπιμερής, διπλάσιος γὰρ καὶ δισ-15 επίτριτός ἐστι, τοὺς δὲ διὰ πασῶν καὶ διὰ πέντε ἐν λόγῷ τριπλασίῷ, τοὺς δὲ διὰ πασῶν καὶ διὰ πέντε ἐν λόγῷ τριπλασίῷ, τοὺς δὲ διὰ πασῶν ἐν τετραπλασίῷ, καὶ τῶν ἅλλων ἡρμοσμένων τοὺς μὲν τὸν τόνον περιέχοντας ἐν ἐπογδόῷ λόγῷ, τοὺς δὲ τὸ νῦν λεγόμευον ἡμιτόνιον, τότε δὲ δίεσιν, ἐν ἀριθμοῦ λόγῷ πρὸς ἀριθ-

1 έκείνος: Harm. p. 26, 18. cf. Westphal I p. 420. Marquard p. 267 5 cf. Macrob. in Somn. Scip. II 4, 13. Procl. ad Plat. Tim. p. 191 E 6 τόνος διάτονος apogr.] διάτονος διατόνου AZ (utrumque intra figurae lineas scriptum, sicut etiam sequentia) 7 τριημιτόνιος χοῶμα apogr. χοωματικοῦ τριημιτονίου AZ 8 δίτονοι άρμονικός] άρμονικόν διατόνιου AZ, δίτονου έναρμόνιου apogr. 9 sqq. cf. Chalcid. 45. Zeller I p. 371. Westphal I p. 62 10 άνευρικέναι A¹ 11 κείται τὸ ὑπόδειγμα ἐπὶ καταγραφῆς ἐν τῷ τέλει mg. A 19 ἀριθμοῦ A] ς Z ἀριθμον A] ς Ζ

56

μόν τῷ τῶν συς πρός σμγ, ἐξετάσας τοὺς λόγους διά τε τοῦ μήκους καὶ πάχους τῶν χορδῶν, ἔτι δὲ τῆς τάσεως γινομένης κατὰ τὴν στροφὴν τῶν κολλάβων ῆ γνωριμώτερον κατα τὴν ἐξάρτησιν τῶν βαρῶν, ἐπὶ δὲ τῶν ἐμπνευστῶν καὶ διὰ τῆς εὐρύτητος τῶν κοιλιῶν 5 ἢ διὰ τῆς ἐπιτάσεως καὶ ἀνέσεως τοῦ πνεύματος, ἢ δἰ ὄγκων καὶ σταθμῶν οἶον δίσκων ἢ ἀγγείων. ὅ τι γὰρ ἂν ληφθῆ τούτων κατά τινα τῶν εἰρημένων λόγων, τῶν α̈λλων <ἴσων> ὅντων, τὴν κατὰ τὸν λόγον ἀπεργάσεται συμφωνίαν.

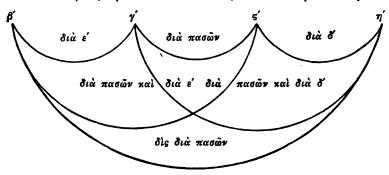


ἀρκείτω δ' ἡμῖν ἐν τῷ παρόντι διὰ τοῦ μήκους τῶν χορδῶν δηλῶσαι ἐπὶ τοῦ λεγομένου κανόνος. της γὰρ ἐν τούτῷ μιᾶς χορδῆς καταμετρηθείσης εἰς τέσσαρα ἴσα ὁ ἀπὸ τῆς ὅλης φθόγγος τῷ μὲν ἀπὸ τῶν τριῶν

1 τῶ Z] τῶν ut vid. eras. A γὰρ post ἐξετάσας A² ut vid. 5 κοιλιῶν: οι corr. ex ω A 9 (ἰσων): cf. p. 59, 12. 60, 19. 65, 13. 12 excidit fort. τοῦτο

DE INVENTIONE

μερῶν ἐν λόγφ γενόμενος ἐπιτρίτφ συμφωνήσει διὰ τεσσάρων, τῷ δὲ ἀπὸ τῶν δύο, τουτέστι τῷ ἀπὸ τῆς



ήμισείας, έν λόγφ γενόμενος διπλασίφ συμφωνήσει διὰ πασῶν, τῷ δὲ ἀπὸ τοῦ τετάφτου μέφους γενόμενος ἐν 5 λόγφ τετφαπλασίφ συμφωνήσει δἰς διὰ πασῶν. ὁ δὲ ἀπὸ τῶν τριῶν μεφῶν φθόγγος πρὸς τὸν ἀπὸ τῶν δύο γενόμενος ἐν ἡμιολίφ συμφωνήσει διὰ πέντε, πρὸς δὲ τὸν ἀπὸ τοῦ τετάφτου μέφους γενόμενος ἐν λόγφ τριπλασίφ συμφωνήσει διὰ πασῶν καὶ διὰ πέντε. ἐὰν δὲ 10 εἰς ἐννέα διαμετφηθη ἡ χορδή, ὁ ἀπὸ τῆς ὅλης φθόγγος προς τὸν ἀπὸ τῶν ὀπὰ μεφῶν ἐν λόγφ ἐπογδόφ τὸ τονιαΐον περιέζει διάστημα.

- πάσας δὲ τὰς συμφωνίας περιέχει ἡ τετρακτύς. συνέστησε μὲν γὰρ αὐτὴν α΄ καὶ β΄ καὶ γ΄ καὶ δ΄. ἐν 15 δὲ τούτοις τοῖς ἀριθμοῖς ἔστιν ἢ τε διὰ τεσσάρων συμ-

μεςῶν Bull.] μέτςων Α
 11 excidit fort. γενόμενος
 13 cf. p. 93, 19
 14 συνέστησαν Bull.
 15 η διὰ δ ὡς ἔχει
 δ δ πςὸς τὰ γ̄ η διὰ ẽ ὡς ὁ γ̄ πςὸς τὸν β̄ η διὰ πασῶν ὡς
 β πςὸς ā διὰ πασῶν καὶ διὰ ẽ ὡς γ̄ πςὸς ā dìς δια πασῶν
 ὡς δ πςὸς ā τὴν δὲ διὰ πασῶν καὶ διὰ δ οὐκ ἔστιν εὑςεῖν ἐν

58

φωνία και ή διὰ πέντε και ή διὰ πασῶν, και ὁ ἐπίτριτος λόγος και ήμιόλιος και διπλάσιος και τριπλάσιος και τετραπλάσιος.

ταύτας δε τας συμφωνίας οι μεν από βαρών ήξίουν λαμβάνειν, οί δὲ ἀπὸ μεγεθῶν, οί δὲ ἀπὸ πινήσεων 5 [หล่ ส่อเป็นตีท], of de ส่หง ส่างะเตท [หล่ แะงะปิตัท]. Λασος δε ό Έρμιονεύς, ως φασι, και οί περι τον Μεταποντίνον Ίππασον Πυθαγορικόν ανδρα συνέπεσθαι τῶν κινήσεων τὰ τάχη καί τὰς βραθυτητας, δι' ών αί συμφωνίαι 10 έν άριθμοζς ήγούμενος λόγους τοιούτους έλάμβανεν έπ' άγγείων. Ισων γάρ όντων και όμοίων πάντων τῶν άγγείων το μέν κενον έάσας, το δε ημισυ ύγρου (πληρώσας) έψόφει έκατέρφ, και αύτῷ ή διὰ πασῶν ἀπεδίδοτο συμφωνία. Θάτερον δε πάλιν των άγγείων κενόν 15 έῶν είς θάτερον τῶν τεσσάρων μερῶν τὸ ἕν ἐνέχεε, καὶ χρούσαντι αύτῷ ή διὰ τεσσάρων συμφωνία ἀπεδίδοτο, ή δε δια πέντε, (ότε) εν μέρος των τριων συνεπλήρου, ούσης της κενώσεως πρός την έτέραν έν μέν τη διά πασῶν ὡς β΄ πρὸς ἕν, ἐν δὲ τῷ διὰ πέντε ὡς γ΄ πρὸς 20 β', έν δε τῷ διὰ τεσσάρων ὡς δ' πρὸς γ'. οἶς ὑμοίως καί κατά τάς διαλήψεις των χορδων θεωρεϊται, ώς προείρηται, άλλ' ούκ έπὶ μιᾶς χορδῆς, ὡς ἐπὶ τοῦ κανόνος, άλλ' έπι δυειν. δύο γαο ποιήσας όμοτόνους ότε μέν την μίαν αύτων διαλάβοι μέσην πιέσας, το ημισυ 15

τῆ τετραπτύι ἔστι γὰρ ὡς ῆ πρὸς ỹ mg. A 5 μημῶν Bull. 7 ἰάσος A. cf. Schneidewin de Laso p. 16 οἰ περὶ τὸν A²] οἱ τῶν A¹ μετὰ ποντῖνον A, em. apogr. 8 Ἱππασον: cf. Zeller I p. 457 11 γὰρ post ἐλάμβανεν A² 14 ἐν ante ἑκατέρφ add. A² 19 κινήσεως A 23 προείρηται: p. 57, 11 24 δνεῖν] om. A¹, δύο A² πρός την έτέραν συμφωνίαν την διὰ πασῶν ἐποίει. ὅτε δὲ τὸ τρίτον μέρος ἀπολαμβάνοι, τὰ λοιπὰ μέρη πρὸς την ἑτέραν την διὰ πέντε συμφωνίαν ἐποίει. ὁμοίως δὲ καὶ ἐπὶ τῆς διὰ τεσσάρων καὶ γὰρ ἐπὶ ταύτης 5 μιᾶς τῶν χορδῶν ἀπολαβῶν τὸ τέταρτον μέρος τὰ λοιπὰ μέρη πρὸς την ἑτέραν συνηπτεν. ὅ δὴ καὶ ἐπὶ τῆς σύριγγος ἐποίει κατὰ τὸν αὐτὸν λόγον. οί δ' ἀπὸ τῶν βαρῶν τὰς συμφωνίας ἐλάμβανον, ἀπὸ δυείν χορδῶν ἐξαρτῶντες βάρη κατὰ τοὺς εἰρημένους λόγους, οί δ' 10 ἀπὸ τῶν μηκῶν, καὶ τῶν χορδῶν ἐπίεσαν, τὰς συμφωνίας ἐν ταῖς χορδαῖς ἀποφαινόμενοι.

φθόγγου δε είναι φωνης πτῶσιν ἐπὶ μίαν τάσιν. ὅμοιον γάρ φασιν αὐτὸν αὑτῷ δεῖν είναι τὸν φθόγγον καὶ 15 ἐλάχιστον κατὰ διαφοράν, οὐκ ἐκ διαφόρων τάσεων οἶον βαρύτητος καὶ ὀξύτητος. τῶν δε φωνῶν αί μεν ὀξεται, αἰ δε βαρεται, διὸ καὶ τῶν φθόγγων, <ὧν> ὁ μεν ὀξὸς ταχύς ἐστιν, ὁ δε βαρὺς βραδύς. εἰ γοῦν εἰς δύο ἰσοπαχεῖς καὶ ἰσοκοίλους <αὐλοὺς> τετρημένους εἰς 20 σύριγγος τρόπον, ὧν τοῦ ἑτέρου διπλάσιόν ἐστι τὸ μῆκος τοῦ ἑτέρου, ἐμφυσήσαι τις, ἀνακλᾶται τὸ πνεῦμα τὸ ἐκ τοῦ ἡμίσεος μήκους διπλασίω τάχει χρώμενον, καὶ <γίνεται> συμφωνία ἡ διὰ πασῶν βαρέος μεν φθόγγου τοῦ διὰ τοῦ μείζονος, ὀξέος δε τοῦ διὰ τοῦ

4 $\tau \eta \varsigma$] $\tau o \tilde{v} A$ 9 ol d' and $\tau w \eta \eta n \tilde{w} - an opariv d \mu \varepsilon v v$ fort. del. 10 post xood w excidisse videntur verba diago a $\mu \varepsilon \eta$ and aboves, vel similia $\varepsilon \pi \eta \varepsilon \omega v A$, em. Bull. cf. p. 59, 25 11 \tilde{w} post raz erasum A roiz xood ςA^1 13 inser. $\tau \ell \varepsilon \sigma \tau \iota \varphi \vartheta \delta \gamma \gamma o \varsigma A$ $\varphi \vartheta \delta \delta \gamma v \sigma x \tau L$: Aristox. p. 20, 22. cf. Marquard p. 225 18 $\varepsilon \ell \gamma v v A$, $\varepsilon \ell \gamma v v A^2$ 19 (avlov): cf. p. 61, 2 sqq. 20 $\omega v A^2$] $\tilde{v} v A^1$ 21 $\varepsilon \mu \varphi v \sigma \eta \sigma \alpha \tau \tau (s A^1,$ $<math>\varepsilon \mu \varphi v \sigma \eta \sigma \alpha \tau (s A^2) = 22 \eta \mu v v A^1$ 24 or $\tau \sigma s$ addendum vid.

έλάττονος. αίτιον δε τάχος τε καί βραδυτής της φοράς. καί κατά τὰ άποστήματα δε τῶν έν τοῖς αὐλοῖς τρημάτων τὰς συμφωνίας ἀπεδίδοσαν καὶ ἐπὶ ἑνός. διγΫ μέν γάρ διηρημένου και τοῦ αὐλοῦ ὅλου ἐμφυσηθέντος έχ τοῦ κατὰ τὸ ῆμισυ τρήματος τὸ διὰ πασῶν σύμφωνον 5 άποτελεϊται. τριχη δε διαιρεθέντος και των μεν δυείν μερών όντων πρός τη γλωσσίδι, κάτω δε του ένός, και τοῦ ὅλου συμφυσηθέντος τοῖς δυσί, τὴν διὰ πέντε γενέσθαι συμφωνίαν. τεσσάρων δε διαιρέσεων γενομένων, τριῶν μὲν ἄνω, κάτω δὲ μιᾶς, καὶ τῷ ὅλω συμ- 10 φυσηθέντων των τριών γίνεται ή δια τεσσάρων. οί δε περί Εύδοξον και Άρχύταν τόν λόγον των συμφωνιών έν ἀριθμοζς φοντο είναι, δμολογούντες και αὐτοι έν χινήσεσιν είναι τούς λόγους χαί την μέν ταχείαν χίνη-*ตเข* อ่**ξεΐαν είναι ατε πλήττουσαν συνεχές και ω**κύτερον 15 κεντοῦσαν τὸν ἀέρα, τὴν δὲ βραδεῖαν βαρεῖαν ἅτε νωθεστέραν ούσαν.

ταυτί μέν περί τῆς εύρέσεως τῶν συμφωνιῶν ἐπανέλθωμεν δὲ ἐπὶ τὰ ὑπὸ τοῦ 'Λδράστου παραδεδομένα. φησί γὰρ ὅτι τούτοις τοῖς εἰς τὴν ἀνεύρεσιν τῶν συμ- 20 φωνιῶν ὀργάνοις πατὰ μὲν τοὺς λόγους προπαρασπευασθείσιν ἡ αἴσθησις ἐπιμαρτυρεῖ, τῆ δὲ αἰσθήσει προσληφθείση ὁ λόγος ἐφαρμόζει. πῶς δὲ καὶ οἱ τὸ λεγόμενον ἡμιτόνιον περιέχοντες φθόγγοι πρὸς ἀλλήλους εἰσιν ἐν λόγῷ τῷ τῶν συς΄ πρὸς σμγ΄, μικρὸν ὕστερον 25

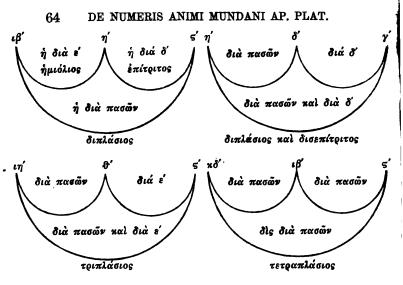
9 $\sigma v \mu \varphi \omega v (\alpha r)$ scr. aut $\sigma v \mu \beta \alpha \ell r \epsilon_i$ aut $\sigma v \mu \varphi \omega v (\alpha r) \langle \sigma v \mu \beta \alpha \ell r \epsilon_i \rangle$ 12 Evdo zor: cf. Ideler, Abh. d. Berl. Ak. a. d. J. 1828 p. 200 $A \varrho \tau \omega \tau \alpha r$: cf. Mullach fragm. philos. Gr. I p. 564 b. II p. 118 fr. 6 $\tau \partial r \lambda \partial \gamma \partial r \tau \delta r \lambda^3$] $\tau \omega r \lambda e \gamma \partial \tau \tau \omega r \Lambda^1$ 13 avtol: $\iota \operatorname{corr. ex} \omega \Lambda$ 15 $\pi \lambda \eta \tau \tau \sigma \sigma \alpha r$: $\eta \operatorname{corr. ex} \epsilon_i \Lambda$ 16 $\beta \alpha \varrho e \tilde{\iota} \alpha r \beta \varrho \alpha \partial \epsilon \tilde{\iota} \alpha r \Lambda$ 18 $\epsilon v \varrho \eta \sigma \epsilon \omega \varsigma \Lambda^1$ 25 $v \sigma \tau \epsilon \varrho o r$: p. 67, 16

έσται φανερόν. δηλον δε ότι και αί συνθέσεις και αί διαιρέσεις των συμφωνιών όμόλογοι και συνωδοί θεωοοῦνται ταῖς τῶν κατὰ ταύτας λόγων συνθέσεσί τε καὶ διαιρέσεσιν ας πρόσθεν έμηνύσαμεν. οίον έπει το δια 5 πασῶν ἔκ τε τοῦ διὰ πέντε καὶ διὰ τεσσάρων συντίθεται καί είς ταῦτα διαιρεῖται, λόγος δὲ τοῦ μὲν διὰ πασῶν διπλάσιος, τοῦ δὲ διὰ τεσσάρων ἐπίτριτος, τοῦ δε δια πέντε ήμιόλιος, φαίνεται [ότι] και ό διπλάσιος λόγος συντίθεσθαί τε έχ τοῦ έπιτρίτου τε χαὶ ἡμιολίου 10 καί είς τούτους διαιρεϊσθαι. τῶν μέν γάρ ζ΄ τὰ ή' ἐπίτριτα, τῶν δὲ η΄ τὰ ιβ΄ ἡμιόλια καὶ γίνεται τὰ ιβ΄ τῶν ς διπλάσια ς ή ιβ. πάλιν δε ό των ιβ πρός τόν ς λόγος διπλάσιος διαιρεϊται είς τε τόν επίτριτον λόγον τῶν ιβ΄ πρός τὰ θ΄ καὶ είς τὸν ἡμιόλιον τῶν θ΄ πρός 15 τὰ ς'. έπει δε και τὸ διὰ πέντε τοῦ διὰ τεσσάρων ύπερέχει τόνφ, τὸ μέν γάρ διὰ πέντε τριῶν τόνων έστὶ και ήμιτονίου, ό δε τόνος εν επογδόφ λόγφ, φαίνεται και το ήμιόλιον του έπιτρίτου υπερέχειν [έν] έπογδόω. άπὸ γὰρ ἡμιολίου λόγου οἶον τοῦ τῶν θ΄ πρὸς τὰ ૬΄ 20 ἀφαιρεθέντος τοῦ <ἐπιτρίτου> λόγου τῶν ή πρὸς τὰ ૬΄ λείπεται λόγος έπόγδοος ό τῶν θ΄ πρός τὰ η΄ και πάλιν τούτφ τῷ λόγφ προστεθέντος έπιτρίτου λόγου τοῦ τῶν

1 περί τῶν ἐν λόγοις συμφονιῶν συνθέσεων τε καὶ διαιρέ σεων mg. A 3 συνθέσεσί τε καὶ διαιρέσεσιν corr. ex σύνθεσίς τε καὶ διαίρεσις A 4 ἐπεὶ A²] ἐπὶ A¹ 14 τῶν τῶν] τὸν — τὸν A 16 τὸ μὲν — ἡμιτονίου del. vid., nisi exciderunt verba τὸ δὲ διὰ τεσσάφων δυεῖν τόνων καὶ ἡμιτονίου 18 ἡμιόλιον Bull.] ἡμιτόνιον A ἐἀν μειωθείη ὁ τῶν ϖ πρὸς τὰ Ξ λόγος τῷ λόγω τῶν ῆ πρὸς τὰ Ξ΄ ἔστι δὲ τὸ τρίτον τῶν Ξ, τουτέστι τὰ β· μειοῦται οὖν αὐξομένου τοῦ ἐλάττονος δορυ τῷ δυάδι, καὶ γενήσεται λόγος ἐπόγδοος τῶν ϖ πρὸς τὰ η mg. A 22 τούτω] οὕτω A ιβ΄ προς τὰ θ΄ συμπληροῦται λόγος ήμιόλιος τῶν ιβ΄ πρός τὰ η'. καὶ μὴν ἐπεὶ τὸ μὲν διὰ πασῶν ἐν διπλασίω λόγφ, τὸ δὲ διὰ τεσσάρων ἐν ἐπιτρίτφ, τὸ ἐξ ἀμφοίν έν λόγφ των η' πρός τὰ γ' των μέν γὰρ γ' ἐπίτριτα τὰ δ', τούτων δὲ διπλάσια τὰ ή'. τὸ δὲ διὰ πασῶν καὶ 5 διὰ πέντε έν λόγφ τριπλασίονι ό γαρ ήμιόλιος καί διπλάσιος συντιθέμενοι τοῦτον ποιοῦσιν. ἡμιόλιος μὲν γὰρ ὁ τῶν θ΄ πρὸς τὰ ૬΄, διπλάσιος δὲ ὁ τῶν ιή πρὸς τὰ θ΄ και γίνεται τριπλάσιος ὁ λόγος τῶν ιη πρὸς τὰ ς. όμοίως δε τὸ δίς διὰ πασῶν ἐν λόγφ τετραπλασίφ. 10 ούτος γαο σύγκειται έκ δύο διπλασίων των μέν γαο ς' διπλάσια τὰ ιβ', τούτων δὲ τὰ κδ', ταῦτα δὲ [τὰ] τετραπλάσια τῶν ς΄. ἢ μᾶλλον, ὡς κατ' ἀρχὰς ἐδείξαμεν, έπισυντεθείς ό τριπλάσιος έπιτρίτω ποιεί τετραπλάσιον. έστι δε τοῦ μεν διὰ πασῶν χαὶ διὰ πέντε τριπλάσιος ὁ 15 λόγος, τοῦ δὲ διὰ τεσσάρων ἐπίτριτος ἐξ ἀμφοῖν δὲ τούτοιν τὸ δίς έστι διὰ πασῶν εἰχότως οὖν τοῦτο έν λόγφ φαίνεται τετραπλασίφ. τῶν μὲν γὰο 5' τοιπλάσια τὰ ιη', τούτων δὲ ἐπίτριτα τὰ κδ', ἅτινά ἐστι τετραπλάσια των ς'. και πάλιν των μέν ς' έπίτριτα τα ή', 20 τούτων δε τριπλάσια τα κδ', α έστι τετραπλάσια των ς'. και τα έκ τούτων δε συντιθέμενα έν τούτοις εύρεθήσεται τοις λόγοις, έφ' όσον αν προαγάγωμεν τά συστήματα.

ό δὲ Πλάτων καὶ γένος διάτονον καὶ συστήματος 25 μέγεθος ἐπὶ τὸ τετράκις διὰ πασῶν καὶ διὰ πέντε καὶ

 δ έστι τὰ γ, οἶς ὑπεφέχει ὁ ιβ τοῦ δ· εἰ προστεθείη (προστεθή Å¹) τοις δ, γίνεται ιβ, ὅπεφ ἐστὶν ἡμιόλιος mg. Α
 11 ούτος corr. ex ούτως Α
 25 Πλάτων: Tim. p. 35 sq. cf. Procl. in Tim. p. 192 Α
 26 ἐπὶ] εἶναι Α
 τετφάπι Α, em. apogr.



τόνον προαγήοχεν. εί δὲ λέγοι τις, φησιν ὅ ²Αδραστος, ώς οὐ δέον ἐπι τοσοῦτον ἐπτείναι, ²Αριστόξενος μὲν γὰρ ἐπι τὸ δις διὰ πασῶν και διὰ τεσσάρων τὸ τοῦ καθ' αὑτὸν πολυτρόπου διαγράμματος πεποίηται μέγεθος, οί 5 δὲ νεώτεροι τὸ πεντεκαιδεκάχορδον τρόπον μέγιστον ἐπι τὰ τρίς διὰ πασῶν και τόνον διεστηκός, φητέον, φησίν, ὡς ἐπείνοι μὲν πρὸς τὴν ἡμετέραν χρησιν ὁρῶντες οῦτως ἐποίουν, ἡγούμενοι μὴ πλείόν τι τούτων δύνασθαι μήτε τοὺς ἀγωνιζομένους φθέγγεσθαι μήτε

primam fig. levibus differentiis bis repet. A² vel recentior manus 1 cf. Marquard p. 223. 253. Boeckh kl. Schr. III p. 158 sqq. de metris Pind. p. 213 2 έπτείνας ut vid. A¹ χ_{00007} 4 πεποίηται: η corr. ex ει A 5 τὸ $\bar{\epsilon}$ καὶ $\bar{\iota}$ τροπου μέγιστου A 6 ἐπὶ τὸ δἰς διὰ πασῶν διεστηπός Bull. sed cf. Procl. p. 192 B 8 ἐποίουν: ουν ex corr. A τούς ἀκούοντας εὐγνώστως κρίνειν, Πλάτων δὲ πρὸς τὴν φύσιν ὁρῶν, ἐπειδὴ τὴν ψυχὴν ἀνάγκη συνισταμένην καθ' ἁρμονίαν μέχρι τῶν στερεῶν προάγειν ἀριθμῶν καὶ δυσὶ συναρμόζεσθαι μεσότησιν, ὅπως διὰ παντὸς ἐλθοῦσα τοῦ τελείου στερεοῦ κοσμικοῦ σώμα- 5 τος πάντων ἀντιληπτικὴ γενήσεται τῶν ὅντων, καὶ τὴν ἁρμονίαν αὐτῆς μέχρι τούτου προαγήοχε, τρόπον τινὰ καὶ κατὰ τὴν αὐτῆς φύσιν ἐπ' ἅπειρον δυναμένην προϊέναι.

φησί δ' ὅτι καὶ τοὺς μείζονας ἀριθμοὺς τοῖς βαρυτέ- 10 ροις φθόγγοις οἰκεῖον ἀποδιδόναι, κἂν ἐπ' ἐνίων δόξη τάσεων διαφωνεῖν, οἶον ἐπὶ τῆς τάσεως τῆς γινομένης διὰ τῆς ἐξαρτήσεως τῶν βαρῶν. δύο γὰρ ίσων τό τε μῆκος καὶ πάχος χορδῶν καὶ τἆλλα ὁμοίων τὸ πλείον βάρος διὰ τὴν πλείω τάσιν τὸν ὀξύτερον ποιήσει 15 φθόγγον. ἐπεὶ γὰρ τὸ πλείον βάρος πλείω τάσιν ποιεί, πλείονα τὴν ἔξωθεν προσδίδωσι δύναμιν τῷ κατ' αὐτὸν ὀζυτέρῷ φθόγγῷ, ἐλάττονα διὰ τοῦτ' ἔχοντι τὴν ἰδίαν ἰσχὺν τοῦ ἐξαρτήματος. δῆλον ὡς ἀντεστραμμένως ὁ βαρύτερος, τὴν οἰκείαν αὐτοῦ δύναμιν πλείω κεκτημένος 20 τοῦ ἐξαρτήματος, ἐπαρκεῖ πρὸς τὸ σώζειν τὴν οἰκείαν ἁρμονίαν τε καὶ συμφωνίαν. ὥστε τὸν μείζω ἀριθμὸν τῆ πλείονι νεμητέον δυνάμει. ὁμολογεῖ δὲ τούτοις καὶ τὰ ἅλλα. πάλιν γὰρ τὰ μήκη καὶ τὰ πάχη δυσκινησίαν

4 cf. Tim. p. 32 B. Westphal p. 66 5 $\pi \alpha \nu \tau \delta \varsigma] \pi \dot{\alpha} \nu \tau \omega \nu$ A: cf. Tim. p. 34 B. 36 D 7 $\pi \varrho \sigma \alpha \nu \varepsilon \delta \varsigma z A^1$ 9 $\pi \varrho \sigma \ddot{\varepsilon} \dot{\varepsilon} \alpha \iota$ ex $\pi \varrho \sigma \sigma \dot{\varepsilon} \dot{\varepsilon} \alpha \iota A$ 13 $\langle \dot{\epsilon} \pi l \rangle \dot{\sigma} \dot{\sigma} \sigma$? 14 $\pi l \dot{\epsilon} \iota \omega A^1$ 16 $\pi l \dot{\epsilon} \ddot{c} \sigma \nu$ $A^2] \pi l \dot{\epsilon} \iota \omega A^1$ 17 $\pi \varrho \sigma \sigma \delta \dot{\epsilon} \partial \omega \sigma \iota$ corr. ex $\pi \rho \sigma \delta \dot{\sigma} \sigma \sigma \iota A$ xar' avisor del. vid. (fort. ad $l \delta \iota \omega$ adscriptum fuit) 18 $\delta \dot{\epsilon}$ post $l \dot{\epsilon} \tau \sigma \sigma \tau \alpha$ add. $A^2 \quad \ddot{\epsilon} \chi \sigma \nu \tau \iota$: $\vec{\epsilon}$ corr. ex $\vec{\epsilon} l$. A 19 $\langle \pi \alpha l \rangle$ $\delta \eta \lambda \sigma \nu$? avisor A^1

Theo Smyrn.

66 CUR MAIOR NUM. GRAVIORI SONO ATTRIBUATUR.

t

προσάπτοντα ταις χορδαις άσθένειαν παρασκευάζει, ώς μη φαδίως πινείσθαι μηδε θαττον πλήττειν τε και είδοποιειν πλείονα όντα τον πέριξ άέρα. δηλον ούν [ότι] ώς οί βαρύτεροι φθόγγοι την αύτῶν οίκείαν δύναμιν 5 κατὰ τον πλείω κέπτηνται ἀριθμόν. ὅμοια δε ἔστιν εύρειν και ἐπι τῶν ἐμπνευστῶν ὀργάνων. και γὰρ τῶν ἐν τούτοις φθόγγων οί βαρύτεροι, διὰ το μηπος και την εὐρύτητα τῶν τρημάτων πλέον είδοποιοῦντες τον ἀέρα η νη Δία την ἄνεσιν τοῦ πνεύματος ὡς ἐπι σάλπιγγος 10 η της ἀρτηρίας, ἀτονώτεροι και ἀσθενέστεροι γινόμενοι την αύτῶν οίκείαν δύναμιν ἔχουσι φύσει πλείονα.

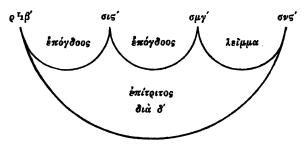
κυριωτάτη δὲ πασῶν, φησίν, ἡ διὰ τεσσάρων συμφωνία ἐκ γὰρ ταύτης καὶ αί λοιπαὶ εὑρίσκονται. ἡ δὲ διὰ πέντε τόνῷ τοῦ διὰ τεσσάρων διενήνοχεν. ἀμέλει 15 τὸν τόνον οῦτως ὁρίζονται τὸ ἀπὸ τοῦ διὰ πέντε ἐπὶ τὸ διὰ τεσσάρων διάστημα. εὑρίσκεται δὲ ἐκ τοῦ διὰ τεσσάρων καὶ διὰ πέντε τὸ διὰ πασῶν σύγκειται γὰρ ἐκ τοῦ διὰ τεσσάρων καὶ διὰ πέντε.

οί δὲ παλαιοί πρῶτον διάστημα τῆς φωνῆς ἕλαβον 20 τὸν τόνον, ἡμιτόνιον δὲ καὶ δίεσιν οὐχ ἡγοῦντο. ὁ δὲ τόνος εύρίσκετο ἐν ἐπογδόφ λόγφ ἕν τε δίσκων κατασκευαῖς καὶ ἀγγείων καὶ χορδῶν καὶ αὐλῶν καὶ ἐξαρτήσεων καὶ ἅλλων πλειόνων τὰ γὰρ ή πρὸς τὰ δ΄ ἐποίει τονιαίου ἀκούειν διαστήματος. διὰ τοῦτο δὲ

1 ἀσθένιαν A^1 3 cf. δηλον ώς p. 65, 19 5 κέκτηνται Bull.] κέκτηται A 6 τῶν ἐν A^3] τὸν ἐν A^1 7 φθόγγον A^1 8 τοημάτων corr. ex τοημμάτων A 9 η κη δία apogr.] ην η διὰ A^1 , η κη διὰ A^3 , cf. ad p. 78, 16 10 ἀτονώτερος καὶ ἀσθενέστερος γινόμενος τὴν αὐτοῦ δύναμιν οἰκείαν (cf. p. 65, 20. 66, 4) ἔχει κτλ. A 14 γὰο post τόνφ eras. Ainscr. τί ἐστι τόνος A ἀμελὲς A^1

πρώτον διάστημα δ τόνος, δτι μέχρι τούτου καταβαίνουσα ή φωνή τοῦ διαστήματος ἀπλανῆ τὴν ἀκοὴν φυλάσσει. τὸ δὲ μετὰ τοῦτο οὐκέτι οία τε ἡ ἀκοὴ πρὸς άπρίβειαν λαβείν τὸ διάστημα. ἀμέλει περί τοῦ ἐφεξῆς διαστήματος καλουμένου ήμιτονίου διαφέρονται, τών 5 μέν τέλειον ήμιτόνιον αύτο λεγόντων, των δε λεζμμα. συμπληρουται δε το δια τεσσάρων, δ έστιν έπίτριτον, τῷ τόνφ, τουτέστι τῷ ἐπογδόφ διαστήματι, οῦτω. συμφωνείται γάρ παρά πασι τό διά τεσσάρων μείζον μέν είναι διτόνου, έλαττον δε τριτόνου. άλλ' Άριστόξενος 10 μέν φησιν έκ δύο ήμίσους τόνων αύτό συγκείσθαι τελείων, Πλάτων δε έκ δύο τόνων και τοῦ καλουμένου λείμματος. τὸ δὲ λεϊμμα τοῦτό φησιν ἀκατονόμαστον είναι, έν λόγφ δε είναι άριθμοῦ πρός άριθμόν ὃν έχει τὰ συς' πρός σμγ'. τὸ δὲ διάστημα τοῦτό ἐστι, καὶ ή 15 ύπεροχή ιγ'. εύρεθήσεται δε ούτως. τα μεν 5 ούκ αν είη πρώτος δρος, έπειδή ούκ έχει ὄγδοον, ίνα ύπ' αύτοῦ γένηται έπόγδοος. οὐδὲ μὴν ἱ ή καὶ γὰο εί ἔχει ἐπόγδοον τον θ', πάλιν ό θ' ούκ έχει έπογδοον. δεί δέ έπογδόου έπόγδοον λαβείν, έπειδή τὸ διὰ τεσσάρων 20 έπίτριτον μεζόν έστι διτόνου. λαμβάνομεν οὖν τὸν πυθμένα τόν ἐπόγδοον τόν η' καί θ', καί τὰ η' έφ'

5 διάφοροι δόξαι περί τῆς διὰ $\overline{\delta}$ πόσων ἐστὶ τόνων mg. A 8 cf. Aristox. Harm. p. 82, 32 10 'Αριστόξενος: p. 34, 2 11 καὶ post δύο add. A³, ἐκ δύο καὶ δύο ἡμίσεων τόνων perverse cj. Bull. 12 Πλάτων] τοῦτον A: cf. p. 68, 11. Plat. Tim. p. 36 B. Plut. de an. procr. p. 1017 F. 1022 E. Macrob. in Somn. Scip. II 1, 23. Procl. p. 195 D 13 τί όττι λείμμα mg. A 16 πῶς εὐρίσκεται τὸ λείμμα mg. A 18 οῦτως γὰρ ἐν τῆ διὰ $\overline{\delta}$ ἔχει. ὁ γὰρ δεύτερος φθόγγος ἐπόγδοός ἐστι τοῦ \overline{a} · καὶ ὁ τρίτος πάλιν τοῦ $\overline{\beta}$ ἐπόγδοος mg. A 22 τὸν η'] ὁ ῆ A¹. an scr. (ὅς ἐστιν) ὁ η' καὶ θ'? ἱ à ante τὰ del. A έαυτά, εύρίσχομεν ξδ΄, είτα τὰ ή ἐπὶ τὰ θ΄, καὶ γίνεται οβ΄, είτα τὰ θ΄ ἐφ' ἑαυτά, καὶ γίνεται πα΄ ή θ΄ ξδ΄ οβ΄ πα΄ είτα πάλιν τούτων ἕχαστον ληφθήτω τρίς, καὶ ἔσται τὰ μὲν ξδ΄ τρὶς ρ¹1β΄, τὰ δὲ οβ΄ τρὶς σις΄, τὰ δὲ
⁵ πα΄ τρὶς σμγ΄ ή θ΄ ξδ΄ οβ΄ πα΄ ρ¹β΄ σις΄ σμγ΄ είτα προστίθεμεν τοῖς σμγ΄ ἀπὸ τῶν ρ¹β΄ ἐπίτριτον τὸν σνς΄. ῶστε είναι τὴν ἔχθεσιν τοιαύτην ἐπίγθοος πυθμην θ΄ ή, δεύτεροι ἐπόγδοοι ξδ΄ οβ΄ πα΄, τρίτοι ἐπόγοοι ἀλλήλων δύο ρ¹β΄ σις΄ σμγ΄, χείσθω καὶ ὁ τοῦ το φ¹β΄ ἐπίτριτον τὸν συμπεπληφωμένον ὑπὸ δύο τόνων καὶ τοῦ εἰρημένου λείμματος. ἕνιοι δὲ πρῶτον ὅρον λαμβάνουσι τὸν τπδ΄.

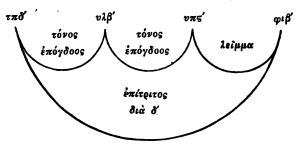


ίνα γὰρ δύο λάβωσιν ἐπογδόους, τὸν πρῶτον ὄρον τὸν ૬΄ ὀπταπλασιάσαντες ποιοῦσι μη΄, καὶ ταῦτα πάλιν

6 rovrésti perà ròv $\overline{o\mu\gamma}$ ällov dè noostidepev ròv \overline{ovs} őş ésti rov $\overline{\varrho \, {}^1 \beta}$ énírqitos mg. A 8 dús égeti fi énoydóav övtav rov $\overline{\xi \delta}$ $\overline{o\beta}$ \overline{na} , énel µì éxel énírqitov δ $\overline{\xi \delta}$ δv édel perà \overline{na} redñval astre yevésdal ròv dià $\overline{\delta}$, elkótas rovitois (scr. rovirovs) µèv vneqéshypev, rois (scr. rovs) dè éti s naqeilánga peu ròv $\overline{\varrho \, {}^1 \beta}$ \overline{ois} \overline{ouy} . Ésti yàc rov $\overline{\varrho \, {}^1 \beta}$ énírqitos δ \overline{ovs} , δ dè $\overline{\xi \delta}$ refrov ovn étse mg. A 12 ef. Procl. p. 194 D ròv] rav A 13 nqator] Éva A

DE LIMMATE.

όκτάκις τπδ', οὖ ἐπίτριτος ὁ φιβ΄, μεταξὺ δὲ τούτων δύο ἐπόγδοα, τοῦ μὲν τπδ' υλβ', τούτου δὲ υπς', ἀφ' ὦν ἐπὶ τὰ φιβ' ὁ λειμματιαΐος γίνεται λόγος. τινὲς δέ



φασι μή όρθῶς είλῆφθαι τούτους τοὺς ἀριθμούς· τὴν γαρ ὑπεροχήν τοῦ τετάρτου ὅρου πρὸς τὸν τρίτον μὴ 5 γίνεσθαι ιγ΄, ὅσα Πλάτων εἴρηκε δεῖν ἔχειν τὸ λεῖμμα. οὐδὲν δὲ κωλύει καὶ ἐφ' ἑτέρων ἀριθμῶν τὸν αὐτὸν εὑρίσκειν λόγον ὡς ἔχει τὰ συς΄ πρὸς τὰ σμγ΄. οὐ γὰρ ἀριθμὸν ὡρισμένον ἕλαβεν ὁ Πλάτων, ἀλλὰ λόγον ἀριθμοῦ. ὅν δὲ ἔχει λόγον τὰ συς΄ πρὸς σμγ΄, τοῦτον καὶ τὰ φιβ΄ 10 πρὸς τὰ υπς΄· τὰ γὰρ φιβ΄ · τῶν συς΄ διπλάσια καὶ τὰ υπς΄ τῶν σμγ΄. ὅτι δὲ τοῦτο τὸ διάστημα τὸ τῶν συς΄ πρὸς σμγ΄, τουτέστι τὰ ιγ΄, ἕλαττόν ἐστιν ἡμιτονίου, δῆλον. τοῦ γὰρ τόνου ἐπογδόθυ ὅντος τὸ ἡμιτόνιον δὶς ἐπόγδοον ἔσται, τουτέστιν ἐφεκκαιδέκατον. τὰ δὲ 15 ιγ΄ τῶν σμγ΄ ἐστιν ἐν λόγφ πλείονι ὀπωκαιδεκάτου, ὅ ἐστι μέρος ἕλαττον ἑκκαιδεκάτου. οὐδὲ γὰρ οἶόν τε τὸ ἐπόγδοον διαίρεσιν ἐπιδέξασθαι, εἰ καὶ οἱ μὴ λόγφ

1 ov δv A^1 , $\delta v A^2$ 16 our post *mielovi* del. et η supra vs. add., tum *éποπτο*καιδεκάτω, *π* corr. ex φ , supra πo ras. A, όκτωκαιδεκάτ φ Bull.

DE DIVISIONE

άλλὰ τῆ ἀχοῆ ταῦτα χρίνοντες νομίζουσιν. ἀμέλει τοῦ ἐπογδόου πυθμένος τὸ διάστημα τουτέστι τῶν θ΄ πρὸς τὰ ή ἡ μονὰς οὐ τέμνεται. τὸ δὲ λεγόμενον λεῖμμα εἰ τις ἐρωτώη τίνος ἐστὶ λεῖμμα, δει εἰδέναι ὅτι ἐστὶ τοῦ 5 διὰ τεσσάρων. τῷ γὰρ διὰ τεσσάρων λείπει πρὸς τὸ γενέσθαι δύο ῆμισυ τόνων τελείων.

εύφέθη δὲ ὁ τόνος οῦτως. ἐπειδὴ τὸ διὰ τεσσάφων ἐν ἐπιτρίτῷ λόγῷ ἐφάνη ὄν, τὸ δὲ διὰ πέντε ἐν ἡμιολίῷ, ἐλήφθη ἀριθμὸς ὁ πρῶτος ἔχων ῆμισυ καὶ τρίτον ¹⁰ ἔστι δὲ οὖτος ὁ Ϛ΄. τούτου ἐπίτριτος μέν ἐστιν ὁ η΄, ἡμιόλιος δὲ ὁ θ΄. Ϛ΄ η΄ θ΄. τὸ δὴ διάστημα τὸ ἀπὸ τοῦ ἡμιολίου ἐπὶ τὸ ἐπίτριτον εύρέθη ἐν λόγῷ μὲν ἐπογδόῷ τὰ γὰρ θ΄ τῶν η΄ ἐπόγδοα· ἡ δὲ τάσις ἐλέχθη τόνος. ὅτι δὲ ὁ τόνος δίχα οὐ διαιρεῖται δῆλον οῦτω. πρῶτον ¹⁵ μὲν ἱ ἐπόγδοος πυθμὴν τὸ διάστημα ἔχει μονάδα, ῆτις ἀδιαίρετος. εἶτα ἐν μὲν ἀριθμῷ οὐκ ἀεὶ εἰς ἴσα τέμνεται τὸ ἐπόγδοον διάστημα. καὶ γὰρ ἐπὶ τῶν σις΄ πρὸς σμγ΄ ἡ ὑπεροχὴ κζ΄ οὐ τέμνεται εἰς ἴσα, ἀλλὰ εἰς ιγ΄ καὶ εἰς ιδ΄. μονὰς γὰρ οὐ διαιρεῖται. ἐπεὶ δὲ ὁ

1 τοῦ ἐπογδόου πυθμένος τῶν ở πρὸς τὰ ή τὸ διάστημα τουτέστιν ἡ μονὰς? 3 inscr. τί ἐστι λείμμα Α 4 ἐρωτώη corr. ex ἑρωτῶ ἡ Α 6 δύο καὶ ἤμισυ Bull. cf. Strab. VIII p. 379 τριῶν ῆμισυ σταδίων. Didymus apud Prisc. de fig. num. 17 τοὺς τέσαρας ῆμισυ πήχεις. Plut. Gat. min. 44 δεκαδύο ῆμισυ μυριάδας 7 πῶς ἡφέθη (κυρεθῆ Α¹) ὁ τόνος ἐν ἐπογδόω λόγω mg. Α 10 οὑτος corr. ex οῦτως Α 14 inscr. ὅτι ὁ τόνος δίχα οὐ τέμνεται Α οῦτω eras. Α 15 ὅτι post μὲν Α² 16 καλῶς δὲ οὐκ ἀζεί·) ποτὲ γὰρ (γὰρ Α², μὲν Α¹) τέμνε ται·) ὁ γοῦν οβ τοῦ ξδ ἐπόγδοος καὶ ἡ ζὑ)περοχή ἐστιν ῆ ῆζτις) διαιρεῖται δίχα·) ἀλλὰ καὶ ὁ πῶ ἐπόγδοος τοῦ οβ οῦ (corr. ex ὡ) ἡ ὑπεροχὴ & οὐ διαιρεῖται εἰς ἴσα mg. Α (quae hic et ad p. 71, 14 uncis inclusi, folio circumciso absumpta sunt) τόνος δ μέν τις νοήσει λαμβάνεται, δ δε έν άριθμοις, ό δε έν διαστήμασιν, ό δε δι' άκοης έν φωναζς, ούτε <δ> έν ἀριθμοῖς είς ἴσα ἀεὶ τέμνεται, ὡς δέδεικται, ούτε ό έν αίσθητοις και όρατοις διαστήμασιν. έπι γὰο τοῦ κανόνος αίσθητὸς ῶν ὁ ὑποβολεὺς πάντως 5 έξει τι πλάτος καὶ οἰκ ἔσται οῦτως ἀπλατής, ὡς μὴ πάντως τι έπιλαβεΐν έν τη διαιρέσει τοῦ τόνου καλ τοῦ πέφατος τοῦ πφώτου μέφους καὶ τῆς πφώτης ἀρχῆς τοῦ δευτέρου, καὶ διὰ τοῦτο ἀπαναλωθήσεταί τι τοῦ τόνου. έτι έν ταις διαιρέσεσι τρία έστί, δύο μέν τὰ 10 διαιοούμενα, τρίτον δε το έξαιρούμενον. των δε διαιφουμένων απ' αύτης της διαιρέσεως ώς έπι πρίονος έν τῆ τομῆ ἀναλοῦταί τι τὸ ἐξαιρούμενον ὑπ' αὐτῆς τῆς τομης. ώς ούν έπ' ένίων αίσθητῶν έξαιρεϊταί τι, ούτω και έπι πάντων καν έκφεύγη την αίσθησιν πάν- 15 τως άναλωθήσεται τι έν τη τομη. δόρυ γοῦν η κάλαμον η άλλο ότιοῦν αἰσθητὸν μῆκος ἂν πρίν η διελεϊν μετρήσης, έπειτα διέλης είς πολλά μέρη, εύρήσεις το τῶν διαιρουμένων πάντων κοινόν μέτρον έλαττον ὂν τοῦ ὅλου πρίν ἢ διηρῆσθαι. ἔτι χορδὴν ἂν διέλης, είτα 20 διαχόψης, ή έχτασις μετά την διαχοπην άνέδραμε, χαν πάλιν τὰ διακοπέντα τείνης, ἀνάγκη ἀφηρῆσθαί τι τοῦ

3 ố add. A² 10 êv corr. ut vid. ex ếri A 11 rãv $\delta \hat{e}$] two yào? 14 toữto êvart (lov) tặ thờ dođeidav (eỷ) đeiav díya téµv (veođai). el yào natav (a) líonetai ti n (ávtwos) navtôs dialqovµérov, où díya téµve(tai), áll' oùdè tò dođèv µéqos ánotéµ(etai). nal ên tỹs êveqyeias d(η lov) tò ψεῦdos. el yào d() aqohšw toíya dh/(adh), µndeuds ên non...(?) yevoµérov, oùdèv aủ tỹs naqaválwtai. nal ên trῶv maqanl(η) díwv taứto mg. A ênerúw, v corr. ex µ A 16 ti corr. ex tỹ A 18 diéleis corr. ex dieleis A 19 dingnµérwar? öv corr. ex ŵv A 21 ή corr. ex η A 22 ti corr. ex tỹ A

μεγέθους είς τας έξάψεις των έκατέρωθεν άφων του τεινομένου. καί δια τουτο ούκ έσται τέλεια δύο ήμιτόνια. ού μην ούδ' έπι των φωνών εύρίσκεται είς ίσα ή τομή τοῦ τόνου. μελφδήσας γὰρ τόνον καὶ τόνον 5 μελωδώ πάλιν τοῦ ένὸς τόνου τὰ δύο ήμιτόνια έν τρισί φθόγγοις, δυσί δε διαστήμασιν άναβαίνων τη τάσει. ό δη τρίτος φθόγγος τοῦ δευτέρου ὀξύτερος ἔσται, καὶ διέστηκεν από μεν του πρώτου τόνον, από δε του δευτέρου δοκεί μεν ήμιτόνιον, ού μην δμοιον ήμιτόνιον 10 ούδε οίον ό δεύτερος από τοῦ πρώτου. ού γαρ δύναται δμοιον είναι τὸ βαρύτερον τῷ όξυτέρφ. οὐδὲ γὰρ ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ φθόγγου ἂν δὶς μελφδῆσαι θέλωμεν διακόψαντες την φωνήν, τον αύτον ήχον αποδώσομεν, άλλ άνάγχη γενέσθαι τινά διαφοράν, ητις λήσει την άκοήν. 15 ούδε γαρ πεντησαι ταύτον και δμοιον δίς οἶόν τε, ούδε πληξαι την αύτην χορδην δίς όμοίως, άλλα η λαγαρώτερον η σφοδρότερον, ούδε βάψαι δίς είς το αύτο ύγρον όμοίως, ούδε βάψαντα τὸ αὐτὸ ἀνενεγκεῖν διὰ δακτύλου η μέλανος η μέλιτος η πίττης. δ δε νοήσει ληπτός 20 τόνος δύναται νοείσθαι και είς ίσα διαιρούμενος.

περί δε της έν άριθμοις άρμονίας λεπτέον έξης, ότι [δ] δρος έστιν ό το καθ' ξκαστον άποφαίνων ίδίωμα των λεγομένων, οίον άριθμός, μέγεθος, δύναμις, όγκος, βάρος. λόγος δε κατά μεν τους περιπατητικους λέγεται 25 πολλαχώς, ό τε μετά φωνης προφορικός ύπο των νεω-

1 άφῶν: ἀφ corr. ex ἀφκ.. A 5 μελωδῷ A 8 διέστηκεν: η corr. ex ι A 9 ὅμοιον] τέλειον? 15 οἰόν τε corr. ex οἴονται A 18 βάψαντα: β corr. ex ψ A 19 ληπτὸς Bull.] λεπτὸς A 20 cf. descr. post finem libri 21 inscr. τί ἐστιν ὄψος A 22 ὁ om. apogr. 24 inscr. ποσαχῶς λέγεται λόγος A 25 cf. Plut. cum princ. philos. diss. p. 777 C τέρων λεγόμενος και ό ένδιάθετος και ό έν διανοία κείμενος άνευ φθόγγου και φωνής και ό της άναλογίας, καθ' δν λέγεται έχειν λόγον τόδε πρός τόδε, και ή των τοῦ λόγου στοιχείων ἀπόδοσις καὶ ὁ τῶν τιμώντων καὶ τιμωμένων, καθ' όν φαμεν λόγον τινός έχειν η μη έχειν, 5 και ό τραπεζιτικός λόγος και ό έν τῷ βιβλίφ Δημοσθενιxòs $\ddot{\eta}$ Auguaxòs xal ó $\ddot{0}$ gos ó tò tí $\ddot{\eta}$ v elvai xal t $\dot{\eta}$ v ούσίαν σημαίνων, όριστικός ών, και ό συλλογισμός δέ και ή έπαγωγή και ό Λιβυκός και ό μῦθος και ό αίνος λόγος λέγεται και ή παροιμία, έτι δε και ό τοῦ είδους 10 και ό σπερματικός και άλλοι πλείονες. κατά δε Πλάτωνα τετραχῶς λέγεται λόγος, η τε διάνοια άνευ φθόγγου καί τὸ μετὰ φωνῆς δεῦμα ἀπὸ διανοίας καὶ ἡ τῶν τοῦ ὅλου στοιγείων ἀπόδοσις καὶ ὁ τῆς ἀναλογίας. νῦν δε πρόκειται περί τοῦ τῆς ἀναλογίας λόγου ζητείν. 15

λόγος δέ έστιν ό κατ' ἀνάλογον δυοίν ὄφων ὁμογενῶν ἡ πρὸς ἀλλήλους [αὐτῶν] ποιὰ σχέσις, οἶον διπλάσιος, τριπλάσιος. τὰ μὲν γὰρ ἀνομογενῆ πῶς ἔχει πρὸς ἅλληλά φησιν Άδραστος εἰδέναι ἀδύνατον· οἶον πῆχυς πρὸς μνᾶν ἢ χοίνιξ πρὸς κοτύλην ἢ τὸ λευκὸν πρὸς τὸ 20 γλυκὺ ἢ θερμόν ἀσύγκριτα καὶ ἀσύμβλητα· τὰ δὲ ὁμο-

1 [δ] ἐν διανοία? 2 ἀλογίας Α 6 τραπεζητικός Α

7 $\lambda v \sigma i n \delta \varsigma A$ 8 $\sigma \eta \mu \alpha i n \delta v \cdot \alpha i$ corr. ex ϵA $\delta \rho i \sigma r r n \delta \varsigma$ Bull.] $\delta \rho i \sigma r n \delta \varsigma A$ 10 $\tau \delta \beta i \beta \lambda l \circ v \epsilon \tau n \delta \rho i$ (signo lineolae haec verba ad $\pi \alpha \rho \circ i \mu \alpha$ relata erant) in mg. del. Å 11 cf. Plat. Soph. p. 263 E. Theaet. p. 206 D 14 δ] ηA 16 inscr. $\tau i \delta \sigma \tau i \lambda \delta \gamma \circ \varsigma \delta v \alpha \lambda \circ \gamma i \alpha \varsigma A$ $\delta v \alpha \lambda \circ j \alpha \varsigma A$ $\delta v \alpha \lambda \circ j \alpha \sigma A$ at ad Nicom. arithm. p. 804 17 cf. p. 81, 8. 18 20 $\chi \circ \tilde{\rho} \cdot i \xi$ Bull. cf. Herod. dichr. p. 285. Lobeck paralip. gramm. Gr. p. 411 n $\tau \circ \tau i \lambda \eta v \cdot c$. tamen Hultsch griech. u. röm. Metrol. p. 83 21 ante n rasura trium fere litt., $\gamma \alpha \rho$ add. apogr. γενη δυνατόν, οἶου μήκη ποὸς μήκη <καί> ἐπίπεδα ποὸς ἐπίπεδα καὶ στερεὰ ποὸς στερεὰ καὶ βάρη ποὸς βάρη καὶ ὑγρὰ πρὸς ὑγρὰ καὶ χυτὰ ποὸς χυτὰ καὶ ξηρὰ πρὸς ξηρὰ καὶ ἀριθμοὺς πρὸς ἀριθμοὺς καὶ χρόνον πρὸς χρόνον 5 καὶ κίνησιν πρὸς κίνησιν καὶ φωνὴν πρὸς φωνὴν καὶ χυμὸν πρὸς χυμὸν καὶ χρῶμα πρὸς χρῶμα καὶ ὅσα τοῦ αὐτοῦ γένους ἢ είδους ὅντα πως ἔχει πρὸς ἄλληλα. ὅρους δὲ λέγομεν τὰ ὑμογενη ἢ ὑμοειδη λαμβανόμενα εἰς σύγκρισιν, οἶον ὅταν σκεπτώμεθα τίνα λόγον ἔχει 10 τάλαντον πρὸς μνᾶν, ὑμογενεῖς ὅρους φαμὲν τὸ τάλαντον καὶ τὴν μνᾶν, ὅτι ἀμφοῖν γένος τὸ βαρύ. καὶ ἐπὶ τῶν ἅλλων ἱ αὐτὸς λόγος. ἀναλογία δέ ἐστι λόγων ἡ πρὸς ἀλλήλους ποιὰ σχέσις, οἶον ὡς β΄ πρὸς ἕν, οῦτως η΄ πρὸς δ΄.

15 τῶν δὲ λόγων οἱ μέν εἰσι μείζονες, οἱ δὲ ἐλάττονες, οἱ δ' ἰσοι. ὁ μὲν οὖν ἰσος εἶς καὶ ὁ αὐτὸς λόγος καὶ προηγεῖται πάντων τῶν λόγων καὶ ἔστι στοιχειώδης. ἰσοι δέ εἰσιν οἱ κατὰ τὴν αὐτὴν ποσότητα ἐξεταζόμενοι πρὸς ἀλλήλους, οἶον ἕν πρὸς ἕν καὶ β΄ πρὸς β΄ καὶ ί 20 πρὸς ἱ καὶ ρ΄ πρὸς ρ΄. τῶν δὲ μειζόνων οἱ μὲν πολλαπλάσιοι, οἱ δὲ ἐπιμόριοι, οἱ δὲ οὐδέτεροι. ὁμοίως δὲ καὶ τῶν ἐλαττόνων οἱ μὲν ὑποπολλαπλάσιοι, οἱ δὲ ὑπεπιμόριοι, οἱ δ' οὐδέτεροι. τούτων δὲ οἱ μὲν ἐν συμφωνία εἰσίν, οἱ δ' οὕ. αἱ μὲν οὖν συμφωνίαι τῶν

4 καί χούνον: ον corr. ex ov Α 7 πῶς Α 8 inscr. τί ἐστιν ὅζος Α, ιζ in mg., praeterea quaedam in mg. er. ὑμοειδῆ corr. ex ὑμοιοειδῆ Α 12 inscr. περί ἀναλογίας Α, ιῆ in mg. 15 inscr. περί ἰσότητος Α, ιδ in mg. ἐλλάττονες Α, em. apogr. 18 ποσότητα] ἰσότητα Α 22 ὑπεπιμόριοι corr. ex ὑποἐπιμόριοι Α 24 αζ συμφ. neglegenter dictum (cf. p. 75, 11): nisi scr. ἐν μὲν οὐν συμφωνία

πολλαπλασίων δ τε διπλάσιος και ό τριπλάσιος και ό τετραπλάσιος, έν δε έπιμορίοις ήμιόλιος επίτριτος, έν ούδετέρω δε δ τε έπόγδοος και ό των συς πρός σμν. καί οι τούτοις ύπεναντίοι ο τε ύποδιπλάσιος και ό ύποτριπλάσιος και δ ύποτετραπλάσιος και δ ύφημιόλιος και 5 ό ύπεπίτριτος και ό ύπεπόγδοος και ό τῶν σμγ πρός συς'. και ό μεν διπλάσιος έν τη δια πασών εύρίσκεται συμφωνία, ώς έπάνω αποδέδεικται, ό δε τρίπλασιος έν τη δια πασών και δια πέντε, ό δε τετραπλάσιος έν τη δίς διὰ πασών, ό δ' ήμιόλιος έν τη διὰ πέντε, ό δ' 10 έπίτριτος έν τη διά τεσσάρων, ό δ' έπόγδοος τόνος έστίν. ό δε των συς πρός σμγ' έν λείμματι. όμοίως δε καί οί τούτων ύπεναντίοι. έν ούδετέρα δέ είσι λόγα ό τε έπόγδοος και ό των συς πρός σμγ, ότι ούτε έν συμφωνίαις είσιν ούτε έξω συμφωνίας. ό γάρ τόνος και τό 15 λεξμμα άρχαι μέν είσι συμφωνίας και συμπληρωτικαι συμφωνίας, ούπω δε συμφωνίαι. λέγονται δέ τινες έν άριθμητική λόγοι άριθμών ού μόνον πολλαπλάσιοι καί έπιμόριοι, άλλα καί έπιμερείς και πολλαπλασιεπιμερείς καί έτι πλείους, περί ών έφεξης σαφέστερον παραδώσο- 20 μεν. συνέστηκε δε τό μεν διά τεσσάρων έκ δυείν τόνων. καί λείμματος, τὸ δὲ διὰ πέντε ἐκ τριῶν τόνων καί λείμματος, τό δε διά πασών έκ τοῦ διά πέντε και διά τεσσάρων. έκ δε τούτων είσιν αι προηγούμεναι τῶν άναλογιῶν. 25

3 οὐδετέφοις apogr. 6 ὑποεπίτοιτος Α ὑπὸγδοος Α¹ 7 ἐκ πόσων τόνων η τε διὰ δ καὶ αί λοιπαὶ συνεστήκασιν mg. A 8 ἐπάνω: p. 56, 12. 62, 6 11 τόνος: immo ἐν τόνω 13 ἐν οὐδέτεφω κτλ. — 25: haec plane supervacanea sunt, quaedam etiam inepta 15 sqq. cf. p. 49, 4 18 πολαπλάσιοι A, em. apogr. 20 ἔτι] ἐπὶ Α ἐφεξης: p. 78, 6 sqq. 21 συνέστηκε corr. ex συνέστικε Α πάλιν δὲ κατὰ τὴν ἀριθμητικὴν παράδοσιν λέγονται (λόγοι) τῶν ἀριθμῶν, ὡς καὶ ὁ ᾿Αδραστος παραδίδωσιν, οἱ μὲν πολλαπλάσιοι, οἱ δὲ ἐπιμόριοι, οἱ δ' ἐπιμερεῖς, οἱ δὲ πολλαπλασιεπιμόριοι, οἱ δὲ πολλαπλα-5 σιεπιμερεῖς, οἱ δ' οὐδέτεροι, τῶν δὲ ἐλαττόνων οἱ μὲν ὑποπολλαπλάσιοι, οἱ δ' ὑπεπιμόριοι, καὶ οἱ λοιποὶ ἀντιστρέφοντες τοῖς μείζοσι.

πολλαπλάσιος μέν οἶν έστι λόγος, ὅταν ὁ μείζων ὅρος πλεονάκις ἕχη τὸν ἐλάττονα, τουτέστιν ὅταν ὁ 10 μείζων ὅρος καταμετρῆται ὑπὸ τοῦ ἐλάττονος ἀπαρτιζόντως, ὡς μηθὲν ἔτι λείπεσθαι ἀπ' αὐτοῦ, καὶ κατ' εἶδος τοσαυταπλασίων [ἕκαστος πολλαπλάσιος δ'] ὁ μείζων ὅρος λέγεται τοῦ ἐλάττονος, ὁσάκις ἂν καταμετρῆται ὑπ' αὐτοῦ. οἶον ἂν μὲν δίς, διπλάσιος, ἂν δὲ 15 τρίς, τριπλάσιος, ἂν δὲ τετράκις, τετραπλάσιος, καὶ κατὰ τὸ ἑξῆς οῦτως. ἀνάπαλιν δὲ ὁ ἐλάττων τοῦ μείζονος μέρος ὁμώνυμον τῷ λόγῷ, κατὰ μὲν τὸν διπλάσιον ημισυ, κατὰ δὲ τὸν τριπλάσιον τριτημόριον, καὶ λόγος ὁ μὲν ῆμισυς, ὁ δὲ τριτημόριος. καὶ ἐπὶ τῶν ἅλλων 20 ὁμοίως.

έπιμόριος δέ έστι λόγος, δταν ὁ μείζων ὄρος απαξ ἔχη τὸν ἐλάττονα καὶ μόριον ἕν τι τοῦ ἐλάττονος, τουτ-

3 sqq. ord énipequir, of dè nollanlásienipequir (corr. ex nollanlásioi énipequir), of dè nollanlásienipequir (corr. ex nollanlásioi énipequir), significato literis $\overline{\beta}$ et $\overline{\alpha}$ vero ordine, A 5 ordérequi hoc loco inepte dictum, cf. p. 80, 8 6 roupóqui A, em. apogr. 8 inscr. $\tau \ell$ éstiv d nollanlásios lóyos A, \overline{x} in mg. 9 égy corr. ex égei A 10 ánaquir forma corr. ex ánaquir formos A 11 xar eldos: cf. p. 80, 15 13 peifor (or in ras.) A, em. apogr. 17 duárvupor corr. ex duárvupor A 21 inscr. $\tau \ell$ éstiv émipolios lóyos A, \overline{xa} in mg. μ eifor A, em. apogr. 22 égy corr. ex égei A

έστιν όταν ό μείζων τοῦ έλάττονος ταύτην έχη την ύπεροχήν, ητις τοῦ έλάττονος ἀριθμοῦ μέρος ἐστίν. ὡς ή τετράς της τριάδος ύπερέχει γάρ αύτης μονάδι, ητις έστι της τριάδος το τρίτον και ή έξας της τετράδος ύπερέχει δυείν, ατινα των τεσσάρων ημισύ έστι. διό 5 καί άπό της των μερών όνομασίας ξκαστος των έπιμορίων ίδίας έτυχε προσηγορίας.
ό μέν γάρ τῷ ήμίσει τοῦ ἐλάττονος μέρει ὑπερέχων ἡμιόλιος ἀνόμασται, ὡς ή τριὰς τῆς δυάδος καὶ ἡ έξὰς τῆς τετράδος. αὐτήν τε γαρ όλην ξητι την έλάττονα καί το ημισυ αύτης. έν 10 μέν γαο τη τριάδι ένεστιν ή δυας και το ημισυ αύτης ή μονάς, έν δε τη έξάδι ή τετράς και το ήμισυ αύτης ή δυάς. πάλιν οί τῷ τρίτφ μέρει τοῦ ἐλάττονος ὑπερεχοντες έπίτριτοι καλούνται, ώς ή τετράς της τριάδος, οί δε τῷ τετάρτφ ὑπερέχοντες ἐπιτέταρτοι, ὡς ὁ ε΄ τῶν 15 δ' και δ ι' τῶν η', και δμοίως προκόπτοντες ἐπίπεμπτοί τε και έφεκτοι και έφέβδομοι έκλήθησαν πάντες ούτοι έπιμόριοι όντες. διο και οι αντικείμενοι τούτοις οί έλάττονες των μειζόνων ύπεπιμόριοι έκλήθησαν ώς yào $\hat{\eta}$ roiàs $\langle \tau \tilde{\eta}_S \rangle$ duádos éléyero $\hat{\eta}$ μιόλιος, ούτως καί ∞ ή δυὰς τῆς τριάδος κατὰ τὸ ἀνάλογον ὑφημιόλιος λεχθήσεται, και όμοίως ή τριας της τετράδος ύπεπίτριτος. έστι δε τῶν πολλαπλασίων λόγων πρῶτος καὶ

έλάχιστος δ διπλάσιος, μετὰ δὲ τοῦτον δ τριπλάσιος, εἶτα δ τετραπλάσιος, και οῦτως οἱ έξῆς ἐπ' ἄπειρον αἰεί 25

1 μείζων corr. ex μεζων A 7 τῶ A²] τὸ A¹ 8 ἐφ' ante ἡμιόλιος A¹. cf. Vetter additam. ad Steph. Thes. p. 13 13 οί A²] ἡ A¹ 16 δέκα corr. ex δεκὰς A 19 ὑπεπιμόgιοι corr. ex ὑποἐπιμόριοι A 20 τῆς add. in ed. Bull. 22 ὑποεπίτριτος A 23 ἐν post τῶν, et πολλαπλασίων mut. in πολλαπλασίονι A οί μείζονες. τῶν δ' ἐπιμορίων λόγων πρῶτος καὶ μέγιστος ὁ ἡμιόλιος, ὅτι δὴ καὶ τὸ ῆμισυ μέρος πρῶτον καὶ μέγιστον καὶ ἐγγυτάτω τῷ ὅλῷ, μετὰ δὲ τοῦτον ὁ ἐπίτριτος, καὶ ὁ ἐπιτέταρτος, καὶ οῦτω πάλιν ἐπ' ἄπει-5 ρον ἡ πρόοδος ἀεὶ ἐπ' ἐλάττονος.

έπιμερής δέ έστι λόγος, όταν ό μείζων όρος απαξ έχη τον έλάττονα καί έτι πλείω μέρη αύτοῦ [τοῦ έλάττονος], είτε ταύτὰ και δμοια είτε έτερα και διάφορα. ταύτὰ μέν οίον δύο τρίτα η δύο πέμπτα και εί τινα 10 άλλα οῦτως. ὁ μὲν γὰρ τῶν ἐ ἀριθμὸς τοῦ τῶν γ΄ δἰς έπίτριτος, ό δε των ζ του των ε΄ δίς έπίπεμπτος, ό δε τῶν η' τοῦ τῶν ε' τρὶς ἐπίπεμπτος, καὶ οι έξῆς ὁμοίως. έτερα δε καί διάφορα οίον όταν ό μείζων αὐτόν τε έχη τόν έλάττονα καί έτι ήμισυ αύτοῦ και τρίτον, οἶον έχει 15 λόγον ό των ια πρός τον των ζ, η πάλιν ημισυ καί τέταρτον, ος έστι λόγος των ζ πρός δ, η νη Δία τρίτον και τέταρτον, δν έχει λόγον τα ιθ΄ πρός τα ιβ΄. παραπλησίως δε θεωρείσθωσαν και οι λοιποι έπιμερεις δυσίν ύπερέχοντες μέρεσιν η τρισίν η πλείοσι, και όμοίοις 20 η άνομοίοις. ύπεπιμερής δέ έστιν [δ] άνάπαλιν δ έν τῷ προειρημένω λόγω έλάσσων πρός τόν μείζονα έξεταζόμενος.

πολλαπλασιεπιμόριος δέ έστι λόγος, δταν ό μείζων δρος δlς η πλεονάχις έχη τον έλάττονα και έτι μέρος

1 of $\mu \epsilon l_{2} \sigma v \epsilon_{3}$] $\epsilon \pi l \ \mu \epsilon l_{2} \sigma v \sigma_{3}$? cf. v. 5 4 $\overline{s5}$ (?) ante o A, $\epsilon \xi \tilde{\eta} s$ apogr. 6 inscr. $\pi \epsilon \varrho l \ \epsilon \pi \iota \mu \epsilon \varrho \sigma \tilde{v} s$ $l \delta \gamma \sigma v A$, $\overline{\kappa \beta}$ in mg. $\mu \epsilon l_{2} \omega v$: $\omega ex o A$ 7 $\epsilon \chi \eta ex \epsilon \chi \epsilon \iota A$ $\mu \epsilon \varrho \epsilon \iota$ A, em. apogr. cf. vs. 24. p. 79, 17 13 δk primo om. tum add. A $\epsilon \chi \eta$ corr. ex $\epsilon \chi \epsilon \iota A$ 16 $\epsilon \eta \delta (\alpha A^{2}) \tilde{\eta} \delta \iota \alpha$ A¹ 20 $\alpha v \sigma \mu (\sigma \iota s A^{1}) \ \delta \pi \sigma \mu \epsilon \varrho \tilde{\eta} s A^{1}$ 21 $\tau \delta \mu \epsilon \tilde{\iota} \sigma v A$ 23 inscr. $\pi \epsilon \varrho l \pi \sigma l l \alpha \pi l \alpha \sigma \iota \epsilon \chi \iota \mu \sigma (\ell \omega v A)$ $\mu \epsilon l_{2} \omega v corr. ex$ $\mu \epsilon \tilde{\iota} \varsigma v A$ 24 $\epsilon \chi \eta$ corr. ex $\epsilon \chi \epsilon \iota A$

78

MULTIPL. SUPERPARTICULARI, M. SUPERPARTIENTE. 79

αύτοῦ, ὡς ὁ μὲν τῶν ζ όἰς ἔχει τὸν γ΄ καὶ ἔτι τρίτον αὐτοῦ, καὶ λέγεται αὐτοῦ διπλασιεπίτριτος, ὁ δὲ τῶν δ' δἰς ἔχει <τὸν> τῶν δ΄ καὶ ἔτι τὸ τέταρτον ἀὐτοῦ, λέγεται δὲ διπλασιεπιτέταρτος, ὁ δὲ τῶν ι΄ τρὶς ἔχει τὸν τῶν γ΄ καὶ τὸ τρίτον αὐτοῦ, καὶ λέγεται τριπλασιεπίτριτος. 5 παραπλησίως δὲ θεωρείσθωσαν καὶ οἱ λοιποὶ πολλαπλασιεπιμόριοι. τοῦτο δὲ συμβαίνει, ὅταν δυείν προτεθέντων ἀριθμῶν ὁ ἐλάττων καταμετρῶν τὸν μείζονα μὴ ἰσχύσῃ ὅλον καταμετρῆσαι, ἀλλ' ἀπολείπῃ μέρος τοῦ μείζονος, ὅ ἐστιν αὐτοῦ τοῦ ἐλάσσονος μέρος· οἶον ὁ 10 τῶν κς΄ τοῦ τῶν ή πολλαπλασιεπιμόριος λέγεται, ἐπειδήπερ <ἱς ή τρὶς καταμετρήσας τὸν κς΄ οὐχ ὅλον ἀπήρτισεν, ἀλλὰ μέχρι τῶν κδ΄ ἐλθῶν δύο ἐκ τῶν κς΄ ἀπέλιπεν, ὅ ἐστι τῶν ή τέταρτον.

πολλαπλασιεπιμερής (δέ) έστι λόγος, δταν ό μείζων 15 δοος δις τ, πλεονάκις έχη τον έλάττονα και δύο η πλείω τινα μέρη αύτοῦ είτε δμοια είτε διάφορα οἶον ό μεν τῶν η' δις έχει τον τῶν γ' και δύο τρίτα αὐτοῦ, λέγεται δε διπλάσιος και δις ἐπίτριτος, ὁ δε τῶν ια' τοῦ τῶν γ' τριπλάσιος και δις ἐπίτριτος, ὁ δε τῶν ια' τοῦ τῶν 20 δ' διπλάσιός τε και ήμιόλιος και ἐπιτέταρτος ἢ διπλάσιός τε και τρις ἐπιτέταρτος. και τοὺς ἄλλους δε πολλαπλασιεπιμερείς πολλοὺς και ποικίλους ὄντας προχειρίζεσθαι φάδιον. τοῦτο δε γίνεται, ὅταν ὁ ἐλάττων ἀρ θμος καταμετρήσας τον μείζονα μη ἰσχύση ἀπαρτί- 25 σαι, ἀλλ' ἀπολείπη ἀριθμόν τινα, ἅ ἐστι μέρη αὐτοῦ,

 $3 \langle \tau \delta \nu \rangle \tau \omega \overline{\nu}] \tau \delta \nu$ apogr. 9 καταταμετοήσαι A, em. apogr. 12 το $\overline{\kappa 5}$ A, em. in ed. Bull. 13 ἀπέλειπεν A, em. apogr. 15 inscr. περί πολλαπλασιεπιμερών A 16 ἕχη apogr.] ἕχει A 18 ἕχων A 24 ἐλάττων: ων corr. ex or A 26 α̃] ο̃ A ώς ό τῶν ιδ΄ τοῦ τῶν γ΄ ἡ γὰρ τριὰς καταμετρήσασα τὸν τῶν ιδ΄ οὐκ ἴσχυσεν ἀπαρτίσαι, ἀλλὰ προκόψασα τετράκις μέχρι τῶν ιβ΄ τὴν λοιπὴν ἀπὸ τῶν ιδ΄ ἀπέλιπε δυάδα, ῆτις ἐστὶ τῶν γ΄ δίμοιρον, ἂ δὴ λέγεται δύο 5 τρίτα. ἀντίκειται δὲ καὶ τῷ πολλαπλασιεπιμερεϊ ὁ ὑποπολλαπλασιεπιμερής.

ἀριθμοῦ δὲ πρὸς ἀριθμὸν λόγος ἐστίν, ὅταν ὁ μείζων πρὸς τὸν ἐλάττονα ἐν μηδενὶ ἦ τῶν προειρημένων λόγων, καθὰ δειχθήσεται καὶ ὁ τὸ λεῖμμα περιέχων 10 [φθόγγος] λόγος ἀριθμοῦ πρὸς ἀριθμὸν ἔχων τοὺς ὅρους ἐν ἐλαχίστοις ὡς ὁ σνς΄ πρὸς σμγ΄. φανεροὶ δὲ καὶ οἱ τῶν ἐλαττόνων ὅρων πρὸς τοὺς μείζονας λόγοι ἀντεστραμμένως ὑπ' ἐκείνων προσαγορευόμενοι, καθὰ ἐδείχθη.

15 πάντων δὲ τῶν κατ' είδος εἰρημένων λόγων οἱ ἐν ἐλαχίστοις καὶ πρώτοις πρὸς ἀλλήλους ἀριθμοῖς ὅντες καθ' ἕκαστον πρῶτοι λέγονται τῶν τὸν αὐτὸν λόγον ἐχόντων καὶ πυθμένες τῶν ὑμοειδῶν. οἶον διπλασίων μὲν λόγων πρῶτος καὶ πυθμὴν ὁ τῶν β' πρὸς ἕν· μετὰ 30 γὰρ τοῦτον ἐν μείζοσι καὶ συνθέτοις ἀριθμοῖς λόγοι εἰσὶ διπλάσιοι ὁ τῶν δ' πρὸς τὰ β' καὶ τῶν ζ' πρὸς τὰ γ' καὶ ὁμοίως ἐπ' ἄπειρον. τριπλασίων δὲ λόγων πρῶτος καὶ πυθμοῖς ἐν' ῶν οἱ δὲ αἰεὶ ἐν μείζοσι καὶ συνθέτοις ἀριθμοῖς ἐπ' ἕπειρον προάγουσιν.
35 ὡσαύτως δὲ ἐπὶ τῶν ἅλλων πολλαπλασίων. ὁμοίως δὲ

3 ἀπέλειπε A, em. apogr. 7 inscr. τί ἐστι λόγος ἀ ριθμοῦ πρὸς ἀ ριθμόν (corr. ex ἀριθμῶν) A, $\overline{x\delta}$ in mg. μείζων corr. ex μείζον A 8 ή] είη A 9 δειχθήσεται: p. 86, 15 13 ἀντεστραμμένως] ἀντεστραμμένοι (ἀπεστραμμένοι A¹) ὡς A 14 ἐδείχθη: p. 74 sq. 15 inscr. περὶ πυθμένων λόγων A 18 διπλάσιον A¹ καὶ ἐν τοῖς ἐπιμοφίοις. ἡμιολίων μὲν λόγων πρῶτος καὶ πυθμὴν ὁ τῶν γ΄ πρὸς τὰ β΄, ἐπιτρίτων δὲ ὁ τῶν δ΄ πρὸς γ΄, καὶ ἐπιτετάρτων ὁ τῶν ἐ΄ πρὸς δ΄ οἱ δὲ ἐν μείζοσιν ὅροις καὶ συνθέτοις πάλιν ἄπειροι τὸ πλῆθος. τὸ δ' αὐτὸ θεωρεῖται καὶ ἐπὶ τῶν ἄλλων.

διαφέρει δὲ διάστημα καὶ λόγος, ἐπειδὴ διάστημα μέν ἐστι τὸ μεταξῦ τῶν ὑμογενῶν τε καὶ ἀνίσων ὅρων, λόγος δὲ ἁπλῶς ἡ τῶν ὑμογενῶν ὅρων πρὸς ἀλλήλους σχέσις. διὸ καὶ τῶν ἴσων ὅρων διάστημα μὲν οὐδέν ἐστι μεταξύ, λόγος δὲ πρὸς ἀλλήλους εἶς καὶ ὁ αὐτὸς 10 ἱ τῆς ἰσίτητος τῶν δὲ ἀνίσων διάστημα μὲν Ἐν καὶ τὸ αὐτὸ ἀφ' ἑκατέρου <πρὸς ἑκάτερον, λόγος δὲ ἕτερος καὶ ἐναντίος ἑκατέρου πρὸς ἑκάτερον. οἶον ἀπὸ τῶν β΄ πρὸς τὸ Ἐν καὶ ἀπὸ τοῦ ἑνὸς πρὸς τὰ β΄ διάστημα Ἐν καὶ τὸ αὐτό, λόγος δὲ ἕτερος, τῶν μὲν δύο πρὸς τὸ Ἐν 15 διπλάσιος, τοῦ δὲ ἑνὸς πρὸς τὰ β΄ ῆμισυς.

'Εφατοσθένης δε έν τῷ Πλατωνικῷ φησι, μὴ ταὐτὸν είναι διάστημα καὶ λόγον, ἐπειδὴ λόγος μέν ἐστι δύο μεγεθῶν ἡ πρὸς α̈λληλα ποιὰ σχέσις· γίνεται δ' αῦτη καὶ ἐν διαφόφοις <καὶ ἐν ἀδιαφόφοις). οἶον ἐν 20 φ̄ λόγφ ἐστὶ τὸ αἰσθητὸν πρὸς τὸ νοητόν, ἐν τούτφ δόξα πρὸς ἐπιστήμην, καὶ διαφέφει καὶ τὸ νοητὸν τοῦ ἐπιστητοῦ φ̄ καὶ ἡ δόξα τοῦ αἰσθητοῦ. διάστημα δὲ

6 inser. τίνι διαφέφει διάστημα καὶ λόγος Α 12 ἀφ' apogr.] ἐφ' Α ποὸς add. apogr. 17 cf. Philol. XXX p. 60 sqq. Bernhardy Eratosth. p. 168 19 μεγέθων Α¹ ποοσάλληλα Α 20 αὐτὴ Α: cf. Philol. XXX p. 72 Porph. ad Ptol. Harm. p. 268 ὅτι μὲν τοίνυν ὁ λόγος ἐν διαφόφοις, ὡς Εὐπλείδει δοκεϊ, δειχθήσεται διάστημα δ' ⟨ὅτι⟩ ἐν τοἰς διαφέφουσι μόνον, φανεφόν 21 τὰ αίσθητὸν ποὸς τὸ νοητόν apogr.] τὸ νοητὸν ποὸς τὸ αίσθητόν Α Theo Smyra. 6 έν διαφέρουσι μόνον, η κατά τὸ μέγεθος η κατά ποιότητα η κατά θέσιν η άλλως όπωσοῦν. δηλον δὲ καλ ἐντεῦθεν, ὅτι λόγος διαστήματος ἕτερον· τὸ γὰρ ήμισυ πρὸς τὸ διπλάσιον <καὶ τὸ διπλάσιον πρὸς τὸ ήμισυ> 5 λόγον μὲν οἰ τὸν αὐτὸν ἔχει, διάστημα δὲ τὸ αὐτό.

άναλογία δ' έστι πλειόνων λόγων δμοιότης η ταυτότης, τουτέστιν έν πλείοσιν δροις λόγων δμοιότης, δταν δυ έχει λόγου ό πρῶτος πρός του δεύτερου, τοῦτου ό δεύτερος πρός τον τρίτον η άλλος τις πρός άλλον. 10 λέγεται δε ή μεν συνεχής άναλογία, ή δε διηφημένη, συνεχής μέν ή έν έλαχίστοις τρισίν δροις, διηρημένη δε ή έν έλαγίστοις τέσσαρσιν. οίον μετά την έν ίσοις δροις άναλογίαν συνεχής έν έλαχίστοις δροις κατά μέν τὸ διαπλάσιον δ΄ β΄ α΄ ἕστι γὰρ ὡς δ΄ πρὸς β΄, οῦτως 15 β΄ πρός έν. διηρημένη δε ζ γ΄ δ΄ β΄ έστι γαρ ώς ζ΄ πρός τὰ γ', οῦτως δ' πρός τὰ β'. τὸ δὲ αὐτὸ καὶ ἐπὶ τῶν ἄλλων πολλαπλασίων. ἔστι δὲ τρόπον τινὰ καὶ ἡ συνεχής έν τέτταρσιν δροις, δίς λαμβανόμενου του μέσου. και έπι τῶν έπιμορίων δε ό αὐτὸς λόγος συν-20 εχής μεν άναλογία έν λόγφ ήμιολίφ θ΄ ζ΄ δ΄, διηφημένη δε θ' ς' ιε' ι'. δ δε αύτος και έπι των άλλων λόγος.

ό δε Ἐρατοσθένης φησίν, ὅτι τῆς ἀναλογίας[φύσις] ἀρχὴ λόγος ἐστὶ καὶπρώτη

1 êv corr. ex $\delta v A$ 6 inscr. $\pi \epsilon \varrho i$ åv aloylas xal ls or $\eta ros A$, \overline{x} in mg. d' éori corr. ex dè éorl A 15 où suvártovtai yaç évi µésç öçç xoivç où (scr. ol) dúo lóyoi, sorteç éri tov $\overline{\delta}$ $\overline{\beta}$ \overline{a} ò $\overline{\beta}$ µésos öçç ésti xal xoivós: ús yaç $\overline{\delta}$ rçòs $\overline{\beta}$ ou tov $\overline{\beta}$ rçòs \overline{a} mg. A 18 olov ús $\overline{\delta}$ rçòs $\overline{\beta}$, ou tov $\overline{\beta}$ rçòs \overline{a} : ò yaç µésos ò $\overline{\beta}$ dis ellartai, µerà tov $\overline{\delta}$ ús vrodirlásios, µerà dè tov \overline{a} ús dirlásios mg. A 22 rçatos dérns A¹, 23 xal ante áçz η add. A². in iis quae ex-

καί της γενέσεως αίτία πασι τοις μη άτάκτως γινομένοις. άναλογία μέν γάρ πασα έχ λόγων, λόγου δε άργη τὸ ἴσον. δηλου δὲ οῦτως. ἐν ἑχάστω τῶν γενῶν ἴδιόν έστί τι στοιχείον [καὶ ἀρχή], εἰς ὃ τὰ άλλα ἀναλύεται, αύτὸ δὲ είς μηδεν έκείνων. ἀνάγκη δη τοῦτο ἀδιαίρε- 5 τον είναι και άτομον. το γαρ διαίρεσιν και τομήν έπιδεχόμενον συλλαβή λέγεται και ού στοιχείον. τα μέν ούν της ούσίας στοιγεία κατά ούσίαν άδιαίρετά έστι, τὰ δὲ τοῦ ποιοῦ κατὰ τὸ ποιόν, τὰ δὲ τοῦ ποσοῦ κατὰ τό ποσόν. όλως δ' έκαστον κατά τοῦτο άτομον και έν, 10 καθό στοιχείόν έστι συνθέτου τινός η μικτού. του μέν ούν ποσοῦ στοιχείον ή μονάς, τοῦ δὲ πηλίκου στιγμή, λόγου δε καί άναλογίας ίσότης. ούτε γαρ μονάδα έτι διελείν έστιν είς το ποσόν, ούτε στιγμήν είς το πηλίxov, oύτε ίσότητα είς πλείους λόγους. γίνεται δε άριθ- 15 μός μέν έκ μονάδος, γραμμή δε έκ στιγμής, λόγος δε και άναλογία έξ ίσότητος, τρόπον δε ού τον αύτον έκαστον τούτων. άλλὰ μονὰς μέν πολλαπλασιαζομένη ὑφ' έαυτης ούδεν γεννά ώς οι άλλοι άριθμοι, το γαρ άπαξ εν εν. κατά σύνθεσιν δε αύξεται μέχρις είς απειρον. 20 στιγμή δε ούτε κατά πολλαπλασιασμόν ούτε κατά σύνθεσιν άλλα κατά συνέχειαν δυείσά τε καί ένεχθείσα γραμμήν άποτελεϊ, γραμμή δε έπιφάνειαν, έπιφάνεια δε σωμα. και μην ό των ίσων λόγος ούκ αύξεται συντιθέμενος πλειόνων γαρ ίσων έξης τιθεμένων ό της 25

ciderunt aequalitatis commemoratio fuisse videtur: cf. p. 107, 10 sqq. 111, 12 1 ἀρχή post πρώτη add. A³, πρώτη τῆς γενέσεως αἰτία Bull. καὶ ante πᾶσι add. A³ 4 post καὶ una lit. er. A 11 μικτοῦ corr. ex μικτὸν A τί ἐκάστου γένους στοιχεῖον καὶ ἀρχή καὶ πῶς ἐκ τούτων τοῖς ἐξ αὐτῶν ἡ γένεσις mg. A 20 ὁ ἑστιν ἕν ante κατὰ del. A

6*

περιοχής λόγος έν Ισότητι διαμένει. διὸ καὶ συμβαίνει, τὴν στιγμὴν μὴ εἶναι μέρος γραμμῆς μηδὲ τὴν Ισότητα λόγου, τὴν μέντοι μονάδα ἀριθμοῦ· μόνη γὰρ αῦτη συντιδεμένη λαμβάνει τινὰ αῦξησιν. αίτιον δὲ τοῦ 5 λεχθέντος, ὅτι διαστήματος ἅμοιρος Ισότης, καθάπερ καὶ ἡ στιγμὴ μεγέθους.

ξοικε δε ό Πλάτων μίαν οζεσθαι συνοχην είναι μαθημάτων την έκ της άναλογίας. Εν τε γαο τῷ Έπινομίφ φησίν. ἅπαν διάγραμμα άριθμοῦ τε σύστημα και
ίο άρμονίας σύστασιν ἅπασαν της τε τῶν ἄστρων περιφορᾶς την ἀναλογίαν οἶσαν μίαν ἁπάντων ἀναφανῆναι δεῖ τῷ κατὰ τρόπον μανθάνοντι φανήσεται δε, ἂν ὰ λέγομεν ὀθθῶς τις ἐμβλέπων μανθάνη. δεσμος γὰρ πεφυκώς ἁπάντων εἶς ἀναφανήσεται.

15 διαφέρει δὲ ἀναλογίας μεσότης, ἐπειδὴ εἰ μέν τι ἀναλογία, τοῦτο καὶ μεσότης, εἰ δέ τι μεσότης, οὐκ εὐ-∂ὺς ἀναλογία. ἐγχωρεῖ γάρ τι κατὰ τάξιν μέσον ὂν μὴ ἔχειν ἀναλόγως πρὸς τὰ ἅκρα. ὡς τὰ δύο μέσα ἐστὶ τῷ τάξει <τοῦ ἑνὸς καὶ > τῶν γ΄, καὶ τοῦ ἑνὸς καὶ <τῶν ι΄> 20 τὰ γ΄ καὶ τὰ δ΄ καὶ τὰ ε΄ ἀπὸ γὰρ τοῦ ἑνὸς οὐχ οἶόν

3 αῦτη corr. ex αὐτὴ ut vid. A 8 ἔν τε γὰς τῷ] ἐν τετάφτῷ A, ἐν τῷ γὰς Bull., cf. p. 2, 15 9 Pseudo-Plat. Epin. p. 991 E ἅπαν praeter Theonem Nicom. introd. arithm. I 3, 5] πῶν Plato, τα post ἅπαν del. A 11 ἀναλογ/αν etiam Nicomachi codices meliores et Iamblichus in Villois. anecd. Gr. II p. 193] ὁμολογ/αν Plato et Nicom. codices deteriores

12 φανήσεται etiam Nicom. Iambl. Platonis codex Vaticanus Ω pr. m. (sec. Bekk.)] ἀναφανήσεται ceteri ut videtur codices Platonis α̃] δ Plato 13 ἐμβλέπων etiam Iambl.] είς ἕν βλέπων Plato 14 ἀπάντων etiam Nicom.] πάντων Plato τούτων ante είς Plato, sed om. pr. Ω ἀναφανήσεται] διανοουμένοις add. Plato, om. etiam Nicom. 15 incr. δια-φέρει δὲ ἀναλογία καὶ μεσότης Α. cf. Nesselmann p. 210 sq. 19 τῶν ι΄ add. in ed. Bull.

τε έλθειν έπι τὰ ι΄ μὴ πρότερον έλθόντα έπι τὰ β΄ και τὰ γ΄ και τὰ δ΄. ἀλλ' οὐδὲν τούτων ἀναλόγως ἔχει πρὸς τὰ ἅκρα. τὸ γὰρ ἕν οὐκ ἐν τούτω ἐστι τῷ λόγῳ πρὸς τὰ β΄, ἐν ῷ τὰ β΄ πρὸς τὰ γ΄. ὑμοίως και ἐπι τῶν β΄ και γ΄ και δ΄. τὰ δὲ ἐν τῷ αὐτῷ λόγῳ ὅντα και μέσα 5 ἂν εἰη, οἶον ἕν β΄ δ΄. ἀναλογία τε γάρ ἐστιν ἡ τοῦ διπλασίου, και τά β΄ μέσα τοῦ ἑνὸς και τῶν δ΄.

τούτων δ' Εχαστον έν ἀριθμοίς χαὶ ἄλλως οῦτως όρᾶται· τῶν ζ' διπλάσιος ὁ ιβ', τριπλάσιος δὲ ὁ ιη', τετραπλάσιος δὲ ὁ κδ', ἡμιόλιος δὲ ὁ θ', ἐπίτριτος δὲ ὁ ή' τὰ δὲ θ' τῶν η' ἐπόγδοα· τὰ δὲ ιβ' πρὸς μὲν θ' ἐπίτριτα, πρὸς δὲ η' ἡμιόλια, πρὸς δὲ ζ' διπλάσια· τὰ 20 δὲ ιη' τῶν θ' διπλάσια· τούτων δὲ τὰ κζ' ἡμιόλια. χαὶ γίνεται μὲν η' ἐν τῷ διὰ τεσσάρων πρὸς 5', τὰ δὲ θ' ἐν τῷ διὰ πέντε, τὰ δὲ ιβ' ἐν τῷ διὰ πασῶν, τὰ δὲ ιη' ἐν τῷ διὰ πασῶν καὶ διὰ πέντε· τῶν μὲν γὰρ ζ' διπλάσια τὰ ιβ' ἐστιν ἐν τῷ διὰ πασῶν, τῶν δὲ ιβ' τὰ ιη' 25

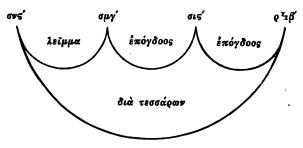
4 nal éni two β' nal γ' nal δ'] nal δ' nal éni two β' nal γ' A 7 μ ésa apogr.] μ età A 8 inscr. π e q l à v a lo γ i $\tilde{\omega}$ A, $\overline{u\delta}$ in mg. O quavillos A, em. apogr. 11 olor a' γ' é' $\zeta' \delta' \cdot \gamma \epsilon \omega \mu \epsilon \tau q \iota n \eta r$ dè ntl. suppl. Bull., ζ^{τ} mg. A, $\zeta' \eta$ le $\iota'' \gamma a q$ add. A² 14 ταυτώ μ éqei A²] ταυτομε q $\iota' A$ nal ύπε q ε χο- μ ένην — $\iota\beta'$ in mg. A 16 sqq. cf. p. 62.

85

ήμιόλιά έστιν έν τῷ διὰ πέντε, ς΄ ιβ΄ ιη΄ τὰ δὲ κδ΄ πρὸς ς΄ έν τῷ δὶς διὰ πασῶν. τὰ δὲ θ΄ τῶν η΄ ἐν τόνῳ. τὰ δὲ ιβ΄ τῶν θ΄ διὰ τεσσάρων. τὰ δὲ ιβ΄ τῶν η΄ ἐν τῷ διὰ πέντε. τὰ δὲ ιη΄ τῶν θ΄ διὰ πασῶν. τὰ δὲ κζ΄ τῶν 5 ιη΄ διὰ πέντε. συνέστηκε δὲ τὸ διὰ πασῶν ιβ΄ πρὸς ς΄ ἐκ τοῦ ἡμιολίου θ΄ πρὸς ς΄ καὶ ἐπιτρίτου η΄ πρὸς σ΄ καὶ πάλιν ἡμιολίου ιβ΄ πρὸς η΄ καὶ ἐπιτρίτου η΄ πρὸς ς΄, καὶ τὰ ιη΄ πρὸς θ΄ ἐκ τοῦ ιη΄ πρὸς ιβ΄ ἡμιολίου καὶ ιβ΄ πρὸς θ΄ ἐπιτρίτου, καὶ τὰ κδ΄ πρὸς ιβ΄ διὰ πασῶν συν-10 ἐστηκεν ἐκ τοῦ κδ΄ πρὸς ιη΄ ἐπιτρίτου καὶ τοῦ ιη΄ πρὸς η΄ ἐπογδόου καὶ τοῦ η΄ πρὸς ϛ΄ διὰ πέντε ἐκ τοῦ θ΄ πρὸς η΄ ἐπογδόου.

15 τὸ δὲ λεξμμα γίνεται ἐν λίγῷ ὅν ἔχει τὰ συς΄ ποὸς σμγ΄. εὑρίσκεται δ' οῦτῶ δυεῖν ἐπογδόων ληφθέντων καὶ τούτων τρὶς πολλαπλασιασθέντων καὶ τῷ δἰς ἐπογδόῷ προστεθέντος ἐπιτρίτου. οἶον εἶς μὲν ἐπόγδοος λόγος ὁ τῶν θ΄ πρὸς τὰ η΄. ἐκ δὲ τούτων γίνονται δύο 20 ἐπόγδοοι οῦτῶ τὰ θ΄ ἐφ' ἑαυτὰ γίνεται πα΄, εἶτα τὰ θ΄ ἐπὶ τὰ η΄ γίνεται οβ΄, ἔπειτα τὰ η΄ ἐφ' ἑαυτὰ γίνεται ξδ΄, καὶ ἔστι τὰ μὲν πα΄ τῶν οβ΄ ἐπόγδοα, τὰ δὲ οβ΄ τῶν ξδ΄ ἐπόγδοα. ἂν δὴ τρὶς ταῦτα λάβωμεν, τὰ μὲν πα΄ γίνεται τρὶς σμγ΄, τὰ δὲ οβ΄ γίνεται σις΄, τὰ δὲ ξδ΄

5 συνέστικε A¹ 7 (ἐκ τοῦ) ἡμιολίου? 8 τὰ ιή πρός θ΄ (διὰ πασῶν)? 9 διὰ πασῶν συνέστηκεν] διπλασίου ἡμίσεος καὶ Α, διπλασίου ῆμισυ καὶ Bull. 13 ἡμιόλιον] διὰ πέντε?
15 inscr. περὶ λείμματος ὅ ἐστιν ἐν λόγφ τῶν σνς
πρὸς σμγ Α, λ̄ in mg. cf. p. 67 sq. τὸ ἔλιμμα Α¹ 16 οῦτω fort. del. 19 γίνωνται Α, em. apogr. 21 ἔπειτα: ï supra ει del. Α 24 τὰ δὲ οβ΄ (τρἰς)? τρίς γίνεται ρΕβ΄. τούτων έπίτριτα τὰ συς', ατινα πρός σμγ΄ ἔχει τὸυ τοῖ λείμματος λόγου, ἕς ἐστι πλείωυ ἢ ἐποκτωκαιδέκατος.



ή δὲ τοῦ κανόνος κατατομὴ γίνεται δια τῆς ἐν τῆ δεκάδι τετρακτύος, ἡ σύγκειται ἐκ μονάδος δυάδος 5 τριάδος τετράδος, α΄ β΄ γ΄ δ΄ ἔχει γὰρ ἐπίτριτον, ἡμιόλιον, διπλάσιον, τριπλάσιον, τετραπλάσιον λόγον. διαιφεῖ δὲ αὐτὸν ὁ Θράσυλλος οῦτως.

δίχα μέν διελοῦσι τὸ μέγεθος μέσην ποιεῖ τὸ διὰ πασῶν ἐν τῷ διπλασίω λόγω, ἀντιπεπονθότως ἐν ταῖς 10 κινήσεσι διπλασίαν ἔχουσαν τάσιν ἐπὶ τὸ ὀξύ. τὸ δὲ ἀντιπεπονθότως ἐστὶ τοιοῦτον. ὅσον ἂν τοῦ μεγέθους ἀφέλῃς τῆς ὅλης ἐν τῷ κανόνι χορδῆς, τοσοῦτον τῷ τόνῷ προστίθεται, καὶ ὅσον ἂν τῷ μεγέθει τῆς χορδῆς προσθῆς, τοσοῦτον τοῦ τόνου ὑφαιρεῖται. τὸ μὲν γὰρ 15 ῆμισυ [προσλαμβανομένη μέση πρὸς τὰ δύο μέρη] μέγεδος διπλασίαν τάσιν ἔχει ἐπὶ τὸ ὀξύ. τὸ δὲ διπλάσιον μέγεθος ἡμίσειαν τάσιν ἔχει <ἐπὶ > τὸ βαρύ.

2 έλίμματος A¹, ι corr. in ει A² πλείω A¹ 3 iuxta figuram <u>φμ</u> A 5 cf. p. 58, 14 8 θρασυλλός A¹, θρασύλλος A⁸
9 διελών Bull., cf. p. 92, 17 sqq. 10 άντιπεπονθότος A¹
12 τάσιν] πίνησιν A 16 προσλαμβανομένης Bull. 18 έπλ add. Bull.

SECTIO

τρίχα δε της διαιρέσεως γενομένης η τε ύπάτη των μέσων καί ή νήτη διεζευγμένων γίνεται. έστι δε ή μεν νήτη διεζευγμένων ποός μέν την μέσην έν τῷ διὰ πέντε. δύο γάρ έστι διαστήματα πρός τρία πρός δε την ύπά-5 την έν τῷ διὰ πασῶν. Έν γάρ έστι διάστημα πρòs τὰ δύο. πρός δε τόν προσλαμβανόμενον ζέν τω) διά πασών και διὰ πέντε τοῦ γὰρ <προσλαμβανομένου έν τώ) διὰ πασών όντος πρός την μέσην προσείληπται τὸ μέχοι τῆς νήτης διάστημα, ὅ έστι διὰ πέντε πρός τὴν 10 μέσην. ή (δε) μέση πρός την υπάτην έν τῷ διὰ τεσσάρων, πρός δε τόν προσλαμβανόμενον έν τῷ διὰ πασῶν. ή δε ύπάτη πρός τόν προσλαμβανόμενον έν τῷ διὰ πέντε. γίνεται δε ίσον τὸ μέγεθος τὸ ἀπὸ τῆς ὑπάτης έως μέσης τοῦ διὰ τεσσάρων πρός τὸ ἀπὸ μέσης ἕως 15 νήτης τοῦ διὰ πέντε. καὶ ὑμοίως ἀντιπεπόνθασιν οί άριθμοί τῶν κινήσεων τῆ διαιρέσει τῶν μεγεθῶν.

τετραχη δε της διαιρέσεως γενομένης συνίσταται η τε ύπερυπάτη καλουμένη, ή και διάτονος ύπατων, και ή νήτη των ύπερβολαίων. <ξστι δε ή μεν νήτη των 20 ύπερβολαίων> προς μεν την νήτην των διεζευγμένων έν τῷ δια τεσσάρων, προς δε την μέσην έν τῷ δια πασῶν, προς δε την ύπάτην έν τῷ δια πασῶν και δια τεσσάρων, προς δε την ύπερυπάτην έν τῷ δια πασῶν και δια πέντε, προς δε τον προσλαμβανόμενου έν τῷ 25 δις δια πασῶν έπι το βαρύ. τῆ δε ύπερυπάτη λόγος

6 τον ποοσλαμβανόμενον corr. εχ τῶν ποοσλαμβανομένων
Α 8 πρός] κατά Α 16 πρός anto τῶν del. Α 18 ὑπὲρυπατή Α¹, παρυπάτη Α³ ή corr. εχ ἢ Α 19 τὸ ὑπερβόλεον
Α¹ καὶ ἕστιν ἡ μὲν νητη τῶν ὑπερβολαίων add. apogr.
20 προσλαμβανόμενος ὑπατή μέσων νητή διεξευγμένη mg. Α
28 ὑπερψπατήν Α¹, παρυπάτην Α³
25 τὸ corr. εχ τῶ Α
ὑπερυπατῆ Α¹, παρυπάτη Α²

CANONIS.

έστι πρός μέν (τόν) προσλαμβανόμενον έν τῷ διὰ τεσσάρων έπι τὸ βαρύ, πρὸς δὲ τὴν μέσην ἐν τῷ διὰ πέντε ἐπι τὸ ὀξύ, τῆς δ' ὑπάτης τόνφ ὑπερέχει κατὰ τὸ βαρύ. και ἔστιν ἴσον τὸ τονιαίον μέγεθος τῆς ὑπερυπάτης πρὸς τὴν ὑπάτην και τὸ διὰ τεσσάρων τῆς νήτης δι- 5 εζευγμένων πρὸς τὴν νήτην ὑπερβολαίων. και ὑμοίως ἀντιπεπόνθασιν οι ἀριθμοι τῶν κινήσεων τοίς μεγέθεσι [τῆς διαιρέσεως] τῶν διαστημάτων.

δηλον δ' αν γένοιτο τὸ λεγόμενον έπὶ τῶν ἀριθμῶν. εί γάρ τὸ τοῦ κανόνος μέγεθος ιβ΄ μέτρων ὑποιωνοῦν, 10 έσται μέν μέση δίχα διαιφεθείσης <της όλης χορδης, και ἀφέξει> ς΄ έκατέρωθεν [διαιρουμένη]· ή δε ὑπάτη τῶν μέσων ἀπὸ τῆς ἀρχῆς δ΄ ἡ δὲ νήτη διεζευγμένων άπὸ τῆς τελευτῆς δ΄ καὶ τὸ μεταξῦ αὐτῶν δ΄. ή δὲ ύπερυπάτη ἀπὸ τῆς ἀρχῆς τρία ἀφέξει μεγέθη, ἀπὸ δὲ 15 τῆς ὑπάτης ἕν. ἡ δὲ ὑπερβολαία ἀπὸ μὲν τῆς τελευτῆς γ', ἀπὸ δὲ τῆς διεζευγμένης ἕν. μεταξύ δὲ αὐτῶν ૬', ώστε ἀπὸ τῆς μέσης ἑκατέρα γ', καὶ γίνεται ἡ ὅλη διαίρεσις από μέν της αρχης έπι ύπερυπάτην γ', έντεῦθεν δε έπι ύπάτην έν, έντεῦθεν δε έπι μέσην δύο, είτ' ἀπό 20 μέσης έπι την διεζευγμένην β', έντεῦθεν δε είς την ύπερβολαίαν έν, άπὸ δὲ ταύτης είς τὴν τελευτὴν γ΄. γίνεται πάντα ιβ΄. Εσται οὖν πρός μὲν τὴν ὑπερβολαίαν < λόγος> τῆς μὲν νήτης διεζευγμένων δ' προς γ' ἐπί-

1 tòv add. A^2 2 tò A^2] tõ A^1 3 tóvo Bull.] tóvov A 4 vātevnatīg A^1 , navvatīg A^2 6 vātegolsõv A^1 10 el] év A tò A^1] tõ A^2 µeyédes A^2 11 post µéon duae litt. er. A tõg ölng zogõng: cf. p. 87, 18 12 s] éš A, em. apogr. 15 vätevnatī A^1 , navvatīg A^3 , atque ita somper avétes] štes A 16 vätegolaka etiam in mg. A 17 šv A 18 katzea A, em. apogr. 23 xoões x ante initium vs. om. A^1 , add. A^3 24 destevyµévov A^1

SECTIO

τριτος ό τοῦ διὰ τεσσάρων, τῆς δὲ μέσης ς΄ πρὸς γ΄ διπλάσιος ό τοῦ διὰ πασῶν. < τῆς δὲ ὑπάτης η' πρός γ' διπλασιεπιδίτριτος ό τοῦ διὰ πασῶν> και διὰ τεσσά-Quu, της δè ύπερυπάτης θ΄ πρός γ΄ τριπλάσιος ό τοῦ 5 διὰ πασῶν καὶ διὰ πέντε, τῆς δὲ ὅλης τοῦ προσλαμβανομένου ιβ΄ ποός γ΄ τετραπλάσιος ό τοῦ δὶς διὰ πασῶν. πρός δε την νήτην διεζευγμένων ό λόγος έστι της μεν μέσης 5' πρός δ' ήμιόλιος ό τοῦ διὰ πέντε, τῆς δὲ ὑπάτης η΄ πρός δ΄ διπλάσιος ό τοῦ διὰ πασῶν, τῆς δὲ 10 ύπερυπάτης δ΄ πρός δ΄ ζδιπλασιεπιτέταρτος) ό τοῦ δἰς διὰ πέντε, τῆς δὲ ὅλης τοῦ προσλαμβανομένου ιβ΄ πρὸς δ' (τριπλάσιος) ό τοῦ διὰ πασῶν καὶ διὰ πέντε· πρός δε την μέσην της μεν υπάτης η' προς ς' έπίτριτος ό τοῦ διὰ τεσσάρων, τῆς δὲ ὑπερυπάτης δ' πρὸς ૬' ἡμι-15 όλιος ό τοῦ διὰ πέντε, τῆς δὲ ὅλης τοῦ προσλαμβανομένου ιβ΄ ποός τ΄ διπλάσιος ό τοῦ [δὶς] διὰ πασῶν. ποός δε την ύπάτην έστιν ή μεν ύπερυπάτη δ΄ ποός ή έν έπογδόφ λόγφ τῷ τοῦ τόνου, ή δὲ ὅλη τοῦ προσλαμβανομένου ιβ΄ πρός η΄ έν ήμιολίω <τώ του δια πέντε>. 20 πρός (δέ) την ύπερυπάτην ή όλη του προσλαμβανομένου ιβ΄ πρός θ΄ έν έπιτρίτω <τως του δια τεσσάρων.

άντιπεπόνθασι δ' al λοιπαλ τῶν κινήσεων κατὰ πυκνοῦ τοῦ ἐπογδόου τόνου καλ ἐπιτρίτου διὰ τεσσά-

2 lacunam suppl. apogr. 5 προσλαμβάνου A^1 6 $i\overline{\beta}$ (s atr.) A γ' Bull.] $\overline{\delta}$ (d atr.) A 10 θ ' apogr.] $\overline{\epsilon}$ A16 ∂l_{S} del. Bull. 18 $\tau \overline{\varphi}$] δ A 20 ∂t add. apogr. $t \overline{\tau} \overline{\tau} \overline{\tau} \gamma A$ 22 inscr. $\pi \varepsilon \rho t$ ααταπυκυσσεως A. cf. Boeckh kl. Schr. III p. 151. de metris Pind. p. 208 αί λοιπαl] of άριθμοι? cf. p. 88, 16. 89, 7 23 τοῦ A^2] το A^1 , scr. vid. καταπυκνουμένων vel καταπυκνουμένου ἐπογδόου κτλ.

CANONIS.

ρων και ήμιολίου δια πέντε τοῦ κανόνος. ἐπει τὸ ήμιόλιον μέν διά πέντε τοῦ έπιτρίτου διά τεσσάρων έπογδόφ τόνφ ύπερέχει — οίον ληφθέντος άριθμοῦ ὃς έχει καί ήμισυ καί τρίτον τοῦ ૬', τούτου ἐπίτριτος μέν δ η', ήμιόλιος δε ό θ' τα δε θ' των η' έπόγδοα. 5' η' θ' 5 γίνεται ή ύπεροχή τοῦ [η'] ήμιολίου πρός τὸ ἐπίτριτον έν λόγφ έπογδόφ -, τὸ δ' ἐπίτριτον διὰ τεσσάρων ἐκ δυειν έπογδόων και του διεσιαίου λείμματος καταπυπνωτέον αύτὰ τοις έπογδόοις τόνοις και τοις διεσιαίοις λείμμασι. καταπυκνωθείη δ' αν άρχομένων ήμῶν ζάπό 10 της> νήτης ύπερβολαίων. το γαρ όγδοον του μέχρι της τελευτης διαστήματος ύπερβιβάσαντες έξομεν την διάτονον τῶν ὑπερβολαίων τόνφ βαρυτέραν αὐτῆς. τοῦ δὲ άπὸ ταύτης ἕως τῆς τελευτῆς τὸ ὄγδοον ὑπερβιβάσαντες έξομεν την τρίτην τῶν ὑπερβολαίων τόνφ της δια- 15 τόνου βαρυτέραν. και τὸ λοιπὸν είς τὴν νήτην τῶν διεζευγμένων έσται τὸ διεσιαίον λείμμα πρός συμπλήρωσιν τοῦ διὰ τεσσάρων πρός την νήτην ύπερβολαίων. πάλιν δε τοῦ ἀπὸ τῆς νήτης διεζευγμένων ἕως τῆς τελευτης διαστήματος τὸ μὲν ἕνατον λαβόντες καὶ ὑπο- 20 βιβάσαντες έξομεν τόνφ όξυτέραν της νήτης διεζευγμένων την χοωματικην ύπερβολαίων. το δε σγδοον ύπερβιβάσαντες έξομεν την παρανήτην διεζευγμένων. ή αὐτή δέ και διάτονος και νήτη συνημμένων, τόνφ βαρυτέρα τῆς νήτης διεζευγμένων. τοῦ δ' ἀπὸ τῆς νήτης ἕως 25 τῆς τελευτῆς τὸ ὄγδοον λαβόντες χαὶ ὑπερβιβάσαντες

1 έπει apogr.] έπι Α 3 δς έχει Α³] ώς έχοι Α¹ 6 η' om. apogr. 10 άπὸ add. apogr. 11 ὑπερβολαίας Α, em. Bull. 15 διατόνων Α¹ 18 ὑπερβολαίαν Α 19 διεζευγμέτης Α 20 διαστήματος Bull.] διάστημα Α ἀποβιβάσαντες Α 21 διεζευγμένου Α 25 τοῦ] τὸ Α

έξομεν την τρίτην των διεζευγμένων τόνφ βαρυτέραν. ή δε αύτή και διάτονος συνημμένων έστιν. όμοίως δε τοῦ ἀπὸ ταύτης ἕως τῆς τελευτῆς διαστήματος τὸ ὄγδοον ύπερβιβάσαντες έξομεν την τρίτην συνημμένων τόνφ 5 βαρυτέραν. τὸ δὲ λοιπὸν εἰς τὴν μέσην ἔσται τὸ διεσιαΐον λεξμμα είς την τοῦ διὰ πασῶν συντέλειαν. ἀπὸ δε της μέσης τον αύτον τρόπον <το ένατον> ύποβιβάσαντες έξομεν την παραμέσην η την χρωματικήν συνημμένων, τόνφ όξυτέραν τῆς μέσης. ταύτης δὲ τὸ ἕνατον 10 ύποβιβάσαντες έξομεν την χρωματικην διεζευγμένων. τὸ ὄγδοον δὲ τῆς μέσης ὑπερβιβάσαντες ἕξομεν τὴν τῶν μέσων διάτονον τόνφ βαρυτέραν τῆς μέσης, εἶτα τὸ ἀπὸ ταύτης ὄγδοον ὑπερβιβάσαντες τὴν παρυπάτην <τῶν μέσων> ταύτης τόνφ βαρυτέραν. και ἔστι τὸ λοι-15 πόν είς την ύπάτην τῶν μέσων τὸ διέσιαιον λείμμα ποός συμπλήρωσιν τοῦ διὰ τεσσάρων πρός τὴν μέσην. άπὸ δὲ τῆς ὑπάτης τὸ μὲν ἔνατον ὑποβιβάσασιν-ἡ χρωματική τῶν μέσων ἔσται τόνφ ὀξυτέρα. τὸ ὄγδοον δὲ ύπερβιβάσασιν έχειν την ύπερυπάτην συμβήσεται. ταύ-20 της δε τὸ ὄγδοον ὑπερβιβάσασι παρυπάτη ὑπατῶν γενήσεται. έξ άναστροφής δε άπό του προσλαμβανομένου τέμνουσι το όλον διάστημα είς θ' καί δν ύπολείπουσι κατὰ τὸ .ἐναντίον <τῶν> νητῶν, ὑπατῶν ὑπάτη γενήσεται τόνφ της όλης όξυτέρα, συγκλείουσα τὸ τῶν ὑπα-25 τῶν τετράχορδον τῷ πρός τὴν παρυπάτην λείμματι. χαί οῦτως συμπληρωθήσεται τὸ πῶν ἀμετάβολον σύστημα κατά τὸ διάτονον καὶ χρωματικὸν γένος. τὸ δὲ

8 συνημμένων] συνημμένου τόνου Α. 9 έννατον Α² 19 υπερβιβασαμενον Α. συμβεβημέναι Α. 22 και ένυπολείπουσι Α, em. apogr. 23 κατὰ τὸ ἐν αὐτῷ νητῶν Α, em. Bull. έναφμόνιον έξαιφουμένων τῶν διατόνων καθ' Εκαστον τετράχορδον διπλφδουμένων γίνεται. εῦφοιμεν δ' ἂν ταῦτα καὶ ἐν ἀφιθμοῖς ἀπὸ τῆς νήτης τῶν ὑπεφβολαίων ἀφχόμενοι, ὑποτεθείσης αὐτῆς μυφίων τξή' οἱ ἐφεξῆς ἐπόγδοοί τε καὶ οἱ λοιποὶ κατὰ τοὺς προειφημένους λό- 5 γους λαμβάνονται, οὓς πεφίεφγον ἐκτιθέναι· φάδιον δὲ τῷ παφηκολουθηκότι τοῖς προειφημένοις.

καί ή μεν ύπὸ Θρασύλλου παραδεδομένη κατατομή τοῦ κανόνος ὡδε ἔχει. ὅν δὲ τρόπον καί ἐπὶ τῆς τῶν ὅλων ἐφαρμόζεται σφαίρας, ἐπειδὰν καὶ τοὺς ἀστρονο- 10 μίας ἐπθώμεθα λόγους, παραδείζομεν. νυνὶ δ' ἐπανέλθωμεν ἐπὶ τὸν τῶν λοιπῶν ἀναλογιῶν καὶ μεσοτήτων λόγον, ἐπειδὴ ὡς ἔφαμεν ἡ ἀναλογία καὶ μεσότης, οὐ μέντοι ἡ μεσότης καὶ ἀναλογία. καθὸ δὴ <ή> ἀναλογία καὶ μεσότης ἐστίν, ἀκόλουθος ἂν είη ὁ περὶ τῶν 15 ἀναλογιῶν καὶ περὶ τῶν μεσοτήτων λόγος.

ἐπειδὴ πάντες οί τῶν συμφωνιῶν εύρέθησαν λόγοι, καθὰ δέδεικται, ἐν τῆ τῆς δεκάδος τετρακτύι, καὶ περὶ τούτων πρότερον λεκτέον. τὴν μὲν γὰρ τετρακτὺν συνέστησεν ἡ δεκάς. Ἐν γὰρ καὶ β΄ καὶ γ΄ καὶ δ΄ ί΄ 20 α΄ β΄ γ΄ δ΄. ἐν δὲ τούτοις τοῖς ἀριθμοῖς ἔστιν ῆ τε διὰ τεσσάρων συμφωνία ἐν ἐπιτρίτφ λόγφ καὶ ἡ διὰ πέντε ἐν ἡμιολίφ καὶ ἡ διὰ πασῶν ἐν διπλασίφ καὶ <ἡ> δὶς διὰ πασῶν ἐν τετραπλασίφ. ἐξ ῶν συμπληροῦται τὸ ἀμετάβολον διάγραμμα. τοιαύτη μὲν <ἡ> ἐν μουσικῆ 25

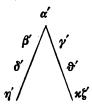
1 καί post τῶν del. A 4 μυρίων] $\bar{\mu}$ A, μύρια ap. 9 $\bar{\beta}$ mg. A 10 ἐπιδάν A, em. ap. 12 τὸν corr. ex τῶν A 13 ὡς ἔφαμεν: p. 84, 15 15 εἶη ὁ A³] εἶ ἡ A¹ περὶ τῶν] τῶν περὶ A 17 inscr. περὶ τετρακτύος καὶ δεκάδος A. cf. Boeckh kl. Schr. III p. 142 ἐπειδὴ <δὲ>? 18 δέδειπται: p. 58, 13. 87, 4 τετρακτύη A¹ 25 inscr. πόσαι τετρακτύες A τετρακτύς κατὰ σύνθεσιν οὖσα, ἐπειδὴ ἐντὸς αὐτῆς πᾶσαι αί συμφωνίαι εύρίσκονται. οὐ διὰ τοῦτο δὲ μόνον πᾶσι τοῖς Πυθαγορικοῖς προτετίμηται, ἀλλ' ἐπεὶ καὶ δοκεῖ τὴν τῶν ὅλων φύσιν συνέχειν διὸ καὶ ὅρκος 5 ἦν αὐτοῖς

ού μὰ τὸν ἁμετέρα ψυχᾶ παραδόντα τετραπτύν, παγὰν ἀενάου φύσεως δίζωμά τ' ἔχουσαν.

τὸν παραδόντα Πυθαγόραν λέγουσιν, ἐπεὶ δοχεϊ τούτου εῦρημα ὁ περὶ αὐτῆς λόγος.

ή μέν οὖν προειρημένη τετρακτὺς ⟨αῦτη⟩, κατ' ἐπισύνθεσιν τῶν πρώτων ἀποτελουμένη ἀριθμῶν. δευτέρα δ' ἐστὶ τετρακτὺς ἡ τῶν κατὰ πολλαπλασιασμὸν ἐπηυξημένων ἀπὸ μονάδος κατά τε τὸ ἄρτιον καὶ περιττόν. ὧν πρῶτος μὲν [κατὰ τὸ ἄρτιον] λαμβάνεται
 ή μονάς, ἐπειδὴ αῦτη ἀρχὴ πάντων ἀρτίων καὶ περιττῶν καὶ ἀρτιοπερίττων, ὡς προείρηται, καὶ ἀπλοῦς ὁ ταύτης λόγος. οἱ δ' ἐφεξῆς τρεῖς ἀριθμοὶ κατὰ τὸ ἄρτιον κεἰς

5 cf. Pyth. carm. aur. vs. 47 sq. Sext. emp. adv. math. IV 2. 3. 9. VII 94. 100. Macr. comm. in Somn. Scip. I 6, 41. Theol. arithm. p. 18. Porph. vita Pyth. 20. Iambl. de Pyth. vita 150. 162. Stob. ecl. I 10, 12. Pseudo-Plut. de plac. phil. I 3. Procl. in Plat. Tim. p. 155 D. Zeller die Philos. der Gr. I p. 368 6 κεφαλά post ψυχã del. A (κεφαλã Sext. VII 97 $\frac{\kappaεφαλā}{2}$ et Stob.; in eo libro unde A descriptus est ψυχã fuisse videtur) 7 πηγήν A¹ (sicut Sextus) dεννάου A ceterorumque quos commemoravi scriptorum codices ut videtur longe plurimi apud eosdem partim φύσεως partim φύσιος legitur $\delta l ζωμα$ τ['] A, $\delta l ζωματ$ alii: cf. Bekker ad Sext. p. 722, 5 10 αΰτη cf. p. 96, 9. 97, 1 κατ' έπισύνθεσιν] καὶ ἐπὶ σύνθεσιν A: cf. p. 96, 9. 98, 15 11 ἀποτελούμ, i. e. ἀποτελουμένων A 15 αΰτη corr. ex αὐτὴ A 16 προείφηται: cf. p. 19, 20 17 τρἰς A¹ καὶ ὁ πᾶς ἀριθμὸς οῦτε μόνον ἄρτιος οῦτε μόνον περιττός. διὸ δύο λαμβάνονται αί κατὰ πολλαπλασιασμὸν τετρακτύες, ἀρτία καὶ περιττή, ἡ μὲν ἀρτία ἐν λόγφ διπλασίφ, πρῶτος γὰρ τῶν ἀρτίων ἱ β΄ καὶ αὐτὸς ἐκ μονάδος κατὰ τὸ διπλάσιον ηὐξημένος, ἡ δὲ περιττὴ 5 ἐν λόγφ ηὐξημένη τριπλασίφ, ἐπειδὴ πρῶτος τῶν περιττῶν ὁ γ΄ καὶ αὐτὸς ἀπὸ μόναδος κατὰ τὸ τριπλάσιον ηὐξημένος. ῶστε κοινὴ μὲν ἀμφοτέρων ἡ μονάς, καὶ ἀρτία οὖσα καὶ περιττή. δεύτερος δὲ ἀριθμὸς ἐν μὲν τοις ἀρτίοις καὶ διπλασίοις ὁ β΄, ἐν δὲ τοις περιττοῖς 10 καὶ τριπλασίοις ὁ γ΄. τρίτος δὲ ἐν μὲν τοις ἀρτίοις ὁ δ΄, ἐν δὲ τοις περιττοις ἑ θ΄. τέταρτος ἐν μὲν τοις ἀρτίοις ή, ἐν δὲ τοις περιττοις κζ.



έν τούτοις τοις ἀφιθμοις <οί> τελειότεφοι τῶν συμφωνιῶν εύφίσκονται λόγοι· συμπεφιείληπται δὲ αὐτοις καὶ 15 ὁ τόνος. δύναται δὲ ἡ μὲν μονὰς τὸν τῆς ἀφχῆς καὶ σημείου καὶ στιγμῆς λόγον· οί δὲ δεύτεφοι πλευφὰν δύνανται ὅ τε β΄ καὶ ὁ γ΄, ὄντες ἀσύνθετοι καὶ πφῶτοι καὶ μονάδι μετφούμενοι καὶ φύσει εὐθυμετφικοί· οί δὲ τφίτοι ὅφοι ὁ δ΄ καὶ ὁ Φ΄ δύνανται ἐπίπεδον τετφάγω- 20 νον, ἰσάκις ἴσοι ὅντες· οί δὲ τέταφτοι ὅφοι ὅ τε ή΄ καὶ ὁ κζ΄ δύνανται ἰσάκις ἴσοι ἰσάκις <ὄντες> κύβον. ῶστε

2 κατα Α 9 άρτία Α⁸] τία Α¹

έκ τούτων τῶν ἀριθμῶν καὶ ταύτης τῆς τετρακτύος ἀπὸ σημείου καὶ στιγμῆς εἰς στερεὸν ἡ αὕξεσις γίνεται: μετὰ γὰρ σημείον καὶ στιγμῆν πλευρά, μετὰ πλευρὰν ἐπίπεδον, μετὰ ἐπίπεδον στερεόν. ἐν οἶς ἀριθμοίς καὶ 5 τὴν ψυχὴν συνίστησιν ὁ Πλάτων ἐν τῷ Τιμαίω. ὁ δὲ ἔσχατος τούτων τῶν ἑπτὰ ἀριθμῶν ἴσος ἐστὶ τοῖς πρὸ αὐτοῦ πᾶσιν. Ἐν γὰρ καὶ β΄ καὶ γ΄ καὶ δ΄ καὶ η΄ καὶ δ΄ γίνονται κζ΄.

δύο μέν ούν αύται τετρακτύες, η τε κατ' έπισύν-10 θεσιν και ή κατά πολλαπλασιασμόν, τούς τε μουσικούς καί γεωμετρικούς και άριθμητικούς λόγους περιέχουσαι, έξ ών και ή τοῦ παντὸς άρμονία συνέστη. τρίτη δέ έστι τετρακτύς ή κατά την αύτην άναλογίαν παντός μεγέθους φύσιν περιέχουσα ὅπερ γὰρ ἐν τῆ προτέρα 15 τετρακτύι μονάς, τοῦτο ἐν ταύτη στιγμή. ὅπερ δε ἐν έκείνη οι πλευράν δυνάμενοι άριθμοι τα β' και γ', τουτο έν ταύτη τὸ διττὸν είδος τῆς γραμμῆς ἥ τε περιφερὴς καί ή εύθεία, κατά μεν άρτιον ή εύθεία, έπειδή δυσί σημείοις περατοῦται, κατὰ δὲ τὸ περιττὸν ή περιφερής, 20 έπειδη ύπο μιας γραμμής πέρας ούκ έχούσης περιέχεται όπερ δε έν έκείνη οι τετράγωνον δυνάμενοι ό δ' και ό θ', τοῦτο ἐν ταύτη τὸ διττὸν είδος ἐπιπέδων, εὐθύγραμμον καί περιφερόγραμμον. ὅπερ δε έν έκείνη οί κύβον δυνάμενοι δ η' και δ κζ δύο σντες δ μεν έκ 25 περιττοῦ, ὁ δὲ ἐξ ἀρτίου, τοῦτο ἐν ταύτη στερεόν, διττόν δv , $\langle \tau \delta \mu \hat{e} v \rangle$ έκ κοίλης έπιφανείας ώς σφαϊρα καί

5 έν τῷ Τιμαίφ: p. 35 B 6 ἕσχατος ex αἴσχατος A 8 γίνωνται A, em. apogr. 12 $\bar{\gamma}$ mg. A 14 sqq. cf. Zeller I p. 375, 5 15 τετραπτύη A¹ 17 διττόν] διάτονον A 18^a εὐδία A¹ 19 περιττοῦται A 20 ἐπειδὴ <ὁ πίπλος)? 23 περιφορόγραμμον A, em. apogr. κύλινδρος, τὸ δὲ ἐξ ἐπιπέδων ὡς κύβος πυραμίς. αῦτη δέ ἐστιν ἡ τρίτη τετρακτὺς παντὸς μεγέθους συμπληρωτικὴ ἐκ σημείου γραμμῆς ἐπιπέδου στερεοῦ.

τετάρτη δὲ τετραχτύς ἐστι τῶν ἁπλῶν (σωμάτων), πυρὸς ἀέρος ὕδατος γῆς, ἀναλογίαν ἔχουσα τὴν κατὰ 5 τοὺς ἀριθμούς. ὅπερ γὰρ ἐν ἐκείνη μονάς, ἐν ταύτη πῦς Ὁ δὲ δυάς, ἀής Ὁ δὲ τριάς, ὕδως Ὁ δὲ τετράς, γῆ. τοιαύτη γὰρ ἡ φύσις τῶν στοιχείων κατὰ λεπτομέρειαν καὶ παχυμέρειαν, ῶστε τοῦτον ἔχειν τὸν λόγον πῦρ πρὸς ἀέρα, ὃν ἕν πρὸς β΄, πρὸς δὲ ῦδωρ, ὃν ἕν 10 πρὸς γ΄, πρὸς δὲ γῆν, ὃν ἕν πρὸς δ΄ καὶ τἇλλα ἀνάλογον πρὸς ἄλληλα.

πέμπτη δ' έστι τετρακτύς ή τῶν σχημάτων τῶν ἁπλῶν σωμάτων. ή μὲν γὰρ πυραμις σχῆμα πυρός, τὸ δὲ ὀπτάεδρον ἀέρος, τὸ δὲ εἰχοσάεδρου ῦδατος, πύβος 15 δὲ γῆς.

έκτη δε τῶν φυομένων. τὸ μεν σπέρμα ἀνάλογον μονάδι καί σημείο, ή δε είς μῆκος αὔξη δυάδι καί γραμμῆ, ή δε είς πλάτος τριάδι και ἐπιφανεία, ή δε είς πάχος τετράδι και στερεῷ. 20

έβδόμη δὲ τετρακτὺς ἡ τῶν κοινωνιῶν. ἀρχὴ μὲν καὶ οἶον μονὰς ἄνθρωπος, δυὰς δὲ οἶκος, τριὰς δὲ κώμη, τετρὰς δὲ πόλις. τὸ γὰρ ἔθνος ἐκ τούτων σύγκειται.

καί αύται μέν ύλικαί τε καί αίσθηται τετρακτύες. όγδόη δε τετρακτύς ήδε, τούτων χριτική και νοητή τις 25

4 ($\sigma\omega\mu\dot{\alpha}\tau\omega\nu$): cf. vs. 14. p. 98, 17 9 $\pi\alpha\chi\nu\mu\epsilon\varrho(\alpha\nu A^1 13 \bar{\epsilon} mg. A 17 \bar{\varsigma} mg. A 18. 19 \dot{\eta}$] $\dot{\eta}$ 21 A 19 $\dot{\epsilon}\pi\iota\varphi\alpha\omega\nu(\alpha A^1 21 \bar{\zeta} mg. A 22 dvas A^3] devrápa$ $A¹ <math>\tau\varrho\iota\dot{\alpha}\varsigma A^3$] $\tau\varrho(\tau\eta A^1 23 \tau\epsilon\tau\varrho\dot{\alpha}\varsigma A^3]$ $\tau\epsilon\tau\dot{\alpha}\varrho\tau\eta A^1$ dvynet- $\tau\alpha\iota$: post $\epsilon\iota$ una lit. er. A 25 $\bar{\eta}$ mg. A $\dot{\eta}d\epsilon$] al $d\dot{\epsilon} A^1$, aide al A^3 $\kappa\varrho\iota\iota\kappa\alpha$ i ad vontal tives odoai A: cf. p. 98, 19 Theo Smyth. 7 ούσα. νοῦς ἐπιστήμη δόξα αἴσθησις. νοῦς μὲν ὡς μονὰς ἐν οὐσία: ἐπιστήμη δὲ ὡς δυάς, ἐπειδή τινός ἐστιν ἐπιστήμη. <δόξα δὲ ὡς τριάς, ἐπειδὴ> καὶ μεταξύ ἐστι δίξα ἐπιστήμης [ἐστὶ] καὶ ἀγνοίας. ἡ δὲ 5 αἴσθησις ὡς τετράς, ἐπειδὴ τετραπλῆ κοινῆς πασῶν οὕσης τῆς ὡφῆς κατ' ἐπαφὴν πᾶσαι ἐνεργοῦσιν αἶ αἰσθήσεις.

ἐνάτη δὲ τετρακτύς, ἐξ ἦς συνέστηκε τὸ ζῷον, ψυχή τε καὶ σῶμα. ψυχῆς μὲν γὰρ μέρη λογιστικὸν θυμικὸν 10 ἐπιθυμητικόν, καὶ τέταρτον σῶμα, ἐν ῷ ἐστιν ἡ ψυχή.

δεκάτη δὲ τετφακτὺς ὡφῶν δι' ὡς γίνεται πάντα, ἔαφ θέφος μετόπωφον χειμών.

ένδεκάτη δε ήλικιῶν, νηπίου μειρακίου ἀνδρος γέροντος.

¹⁵ ῶστε τετρακτύες ἕνδεκα πρώτη ή κατὰ σύνθεσιν ἀριθμῶν, δευτέρα δὲ ή κατὰ πολλαπλασιασμὸν ἀριθμῶν, τρίτη κατὰ μέγεθος, τετάρτη τῶν ἁπλῶν σωμάτων, πέμπτη τῶν σχημάτων, ἕκτη τῶν φυομένων, ἑβδόμη τῶν κοινωνιῶν, ὀγδόη κριτική, ἐνάτη τῶν μερῶν τοῦ ζώου,
²⁰ δεκάτη τῶν ὡρῶν, ἑνδεκάτη ήλικιῶν. ἔχουσι δὲ πᾶσαι ἀναλογίαν ὅ γὰρ ἐν τῆ πρώτῃ καὶ δευτέρα μονάς, τοῦτο ἐν τῆ τρίτῃ στιγμή, ἐν δὲ τῆ τετάρτῃ πῦρ, ἐν δὲ τῆ πέμπτῃ πυραμίς, ἐν δὲ τῆ ἕκτῃ σπέρμα, <καὶ> ἐν τῆ ἑβδόμῃ ἄνθρωπος, καὶ ἐν τῆ ὀγδόῃ νοῦς, καὶ τὰ λοιπὰ
²⁵ ἀνάλογον · οἶον πρώτη μονὰς δυὰς τριὰς τετράς, δευ-

4 έπιστήμην ut vid. A¹ έστι om. apogr. 5 κοινή A¹, cf. Theol. arithm. p. 20 και έν τοῖς ζώοις δὲ αἰσθήσεις τέσσαφες ὡφισμέναι καταλαμβάνονται τῆς ὡφῆς ὑποβεβλημένης ὡπάσαις 8 $\overline{0}$ mg. A έξ ής apogr.] ἕξῆς A 11 ĩ mg. A 13 ĩα mg. A 16 in. ἀφιθμοί A¹ δύο ante δευτέφα del. A πολλαπλασιασμῶν A¹ 21 μονάς Bull.] ἀφιθμὸς A 23 ⟨και⟩ ἐν τῆ] ἐν δὲ τῆ apogr.

τέρα μονάς πλευρά τετράγωνον κύβος, τρίτη στιγμή γραμμή έπιφάνεια στερεόν, τετάρτη πῦρ ἀἡρ ῦδωρ γῆ, πέμπτη πυραμίς ζατάεδρον είχοσάεδρον χύβος, έχτη σπέρμα μηχος πλάτος βάθος, έβδόμη άνθρωπος οίχος χώμη πόλις, όγδόη νοῦς ἐπιστήμη δόξα αἴσθησις, ἐνάτη 5 λογιστικόν θυμικόν έπιθυμητικόν σωμα, δεκάτη έαρ θέρος μετόπωρου χειμών, ένδεκάτη παιδίον μειράκιον άνηο γέρων. δ δε [καί] έκ τῶν τετρακτύων τούτων συστάς κόσμος έσται [τέλειος] ήρμοσμένος κατά γεωμετρίαν και άρμονίαν και άριθμόν, δυνάμει περιειληφώς 10 πασαν άριθμοῦ φύσιν παν τε μέγεθος και παν σωμα άπλοῦν τε καί σύνθετον, τέλειός τε, ἐπειδη τὰ πάντα μεν τούτου μέρη, αὐτὸς δὲ οὐδενός. διὸ πρώτω τῶ είσημένω δοχω οί Πυθαγοριχοί έλέγοντο xal 15

άριθμῷ δέ τε πάντ' ἐπέοικε.

καὶ τοῦτο εἶναι τὸ σοφώτατον πάντα μὲν γὰρ τὸν ἀριθμὸν εἰς δεκάδα ἦγαγον, ἐπειδὴ ὑπὲρ δεκάδα οὐδείς ἐστιν ἀριθμός, ἐν τῆ αὐξήσει πάλιν ἡμῶν ὑποστρεφόντων ἐπὶ μονάδα καὶ δυάδα καὶ τοὺς ἑξῆς τὴν δὲ δε- » κάδα ἐπὶ τετράδα συνίστασθαι Ἐν γὰρ καὶ β΄ καὶ γ΄ καὶ δ΄ ἐστι ί, ῶστε τοὺς δυνατωτάτους ἀριθμοὺς ἐντὸς τῆς τετράδος θεωρεῖσθαι.

ή μέν γὰρ μονας ἀρχή πάντων καὶ κυριωτάτη πα-

1 τετραγωνον corr. ex τετραγώνων A 6 θυμηκὸν A¹ 7 μετ' ὅπορον A¹ 8 ante έκ una lit. er. A 10 δύναμιν A 13 τῶ supra vs. add. A 14 χρῆσθαι post ἐλέγοντο probabiliter add. A³, sed exciderunt plura: cf. Chalcid. 35. Sext. Emp. adv. math. IV 3. VII 94. Zeller I p. 317, 2 17 inscr. περί δεκάδος A 18 δεκάδα corr. ex δεκάδος A 24 inscr. περί μονάδος A, ā in mg. σῶν και έξ ής πάντα, αὐτὴ δὲ έξ οὐδενός, ἀδιαίρετος και δυνάμει πάντα, ἀμετάβλητος, μηδεπώποτε τῆς αὐτῆς ἐξισταμένη φύσεως κατὰ τὸν πολλαπλασιασμόν· καθ' ἢν πῶν τὸ νοητὸν και ἀγέννητον και ἡ 5 τῶν ίδεῶν φύσις και ὁ θεὸς και ὁ νοῦς και τὸ καλὸν και τὸ ἀγαθὸν και ἑκάστη τῶν νοητῶν οὐσιῶν, οἶον αὐτὸ καλόν, αὐτὸ δίκαιον, αὐτὸ [τὸ] ἴσον· ἕκαστον γὰρ τούτων ὡς ἕν και καθ' ἑαυτὸ νοείται.

πρώτη δὲ αὖξη καὶ μεταβολὴ ἐκ μονάδος εἰς δυάδα 10 κατὰ διπλασιασμὸν τῆς μονάδος, καθ' ἢν ῦλη καὶ πῶν τὸ αἰσθητὸν καὶ ἡ γένεσις καὶ ἡ κίνησις καὶ ἡ αὖξησις καὶ ἡ σύνθεσις καὶ κοινωνία καὶ τὸ πρός τι.

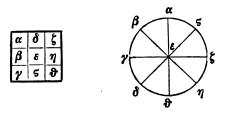
ή δε δυάς συνελθοῦσα τῆ μονάδι γίνεται τριάς, ητις πρώτη ἀρχὴν καὶ μέσα καὶ τελευτὴν ἔχει. διὸ καὶ 15 πρώτη λέγεται πάντα εἶναι. ἐπὶ γὰρ ἐλαττόνων αὐτῆς οὐ λέγεται πάντα εἶναι, ἀλλὰ ἐν καὶ ἀμφότερα, ἐπὶ δὲ τῶν τριῶν πάντα. καὶ τρεῖς σπονδὰς ποιούμεθα δηλοῦντες ὅτι πάντα ἀγαθὰ αἰτούμεθα, καὶ τοὺς κατὰ πάντα ἀθλίους τρισαθλίους καλοῦμεν καὶ τοὺς κατὰ 20 πάντα μακαρίους τρισμακαρίους. πρώτη δὲ καὶ ή τοῦ ἐπιπέδου φύσις ἐκ τούτου. ἡ γὰρ τριὰς οἶον εἰκῶν ἐπιπέδου, καὶ πρώτη αὐτοῦ ὑπόστασις ἐν τριγκώνῷ, καὶ διὰ τοῦτο τρία αὐτῶν γένη, ἰσόπλευρον ἰσοσκελὲς σκα-

3 τῆς supra vs. add. A 5 ίδεῶν: ε ante l er. A 7 τὸ om. apogr. 8 inscr. περί δνάδος A, $\overline{\beta}$ in mg. 13 περί τριάδος A, $\overline{\gamma}$ in mg. cf. Chalcid. 38 14 μέσον? μεσότητα Roether ad Io. Lyd. de mens. p. 52 15 έπι corr. ex έπει A 16 άμφότερα corr. ex δι' άμφοτερας A έπει corr. ex έπει A 17 τρεῖς] τὰς A 21 είκῶν ἐπωτέδου ή κατεπιπέδου, ο post τ er. et supra ε ταs. A: cf. p. 101, 11 22 πρώτη apogr.] πρώτου A \Box (signum quadrati) supra ∇^{ω} (i. e. τριγώνω) er. A ληνόν [γ']. τρείς δε και γωνίαι όμοιούμεναι ή μεν όρθη τη τοῦ ένος φύσει, ώρισμένη και έξ ίσου και όμοίου συνεστῶσα. διο και πᾶσαι αι όρθαι ἀλλήλαις εἰσιν ίσαι, μέσαι οὖσαι όξείας και ἀμβλείας και ὑπερέχοντος και ὑπερεχομένου. αι δε λοιπαι ἄπειροι και ἀόριστοι. ἐκ 5 γὰρ ὑπεροχης και ἐλλείψεως συνεστᾶσιν. ή δε τριὰς ἐκ της μονάδος και δυάδος 5΄ ποιεί κατὰ σύνθεσιν, ὅς ἐστι πρῶτος τέλειος ἀριθμος τοις ἑαυτοῦ μέρεσιν ίσος τη τετράδι ποιεί την δεκάδα.

ή δε τετράς στερεού έστιν είχων πρωτός τε άριθμος [xai] τετράγωνός έστιν έν άρτίοις xai al συμφωνίαι δε πάσαι κατ' αυτόν συμπληρούνται, ως έδείχθη.

ή δὲ πευτὰς μέση έστι τῆς δεκάδος. ἐἀν γὰρ καθ' όποιανοῦν σύνθεσιν ἐκ δύο ἀριθμῶν τὸν ί συνθῆς, 15 μέσος εὑρεθήσεται ὁ ε΄ κατὰ τὴν ἀριθμητικὴν ἀναλογίαν οἶον θ΄ καὶ α΄, καὶ ή΄ καὶ β΄, καὶ ζ΄ καὶ γ΄, καὶ ϛ΄ καὶ δ΄ αἰεί τε ί ποιήσεις καὶ μέσος εὑρεθήσεται ὁ ε΄ κατὰ τὴν ἀριθμητικὴν ἀναλογίαν, ὡς δηλοῖ τὸ διάγραμμα, κατὰ πᾶσαν σύνθεσιν τῶν συμπληρούντων τὰ 20 ί δυείν ἀριθμῶν [μέσος εὑρεθήσεται ὁ ε΄ κατὰ τὴν ἀριθμητικὴν ἀναλογίαν] τῷ ἴσῷ ἀριθμῷ τῶν ἄκρων ὑπερέχων τε καὶ ὑπερεχόμενος.

1 γ΄ om. apogr. τρίς Α¹ 6 έλλήψεως Α¹ 9 ούτω Α
 10 post τη una lit. er. Α τετράδι: ι in ras. Α 11 inscr.
 περί τετράδος Α, δ̄ in mg. 13 καταυτό Α έδείχθη: cf.
 p. 58, 13. 87, 4 14 inscr. περί πεντάδος Α, ε̄ in mg.
 15 τόν Bull.] τῶν Α 19 ὡς Α⁸] ὡ Α¹



πρώτον δε και περιέλαβε το τοῦ παντος ἀριθμοῦ είδος ὁ έ, τον ἄρτιόν τε και περιττόν, λέγω την δυάδα τε και τριάδα ἡ γὰρ μονὰς οὐκ ἦν ἀριθμός.

δ δε ζ΄ τέλειος, έπειδη τοις έαυτοῦ μέρεσιν έστιν
5 ίσος, ώς δέδεικται. διὸ καὶ γάμου αὐτὸν ἐκάλουν, ἐπεὶ γάμου ἔργου ὅμοια ποιεί τὰ ἔκγονα τοις γονεῦσι. καὶ κατὰ τοῦτου δὲ πρῶτον συνέστη ή ἑρμονική μεσόϫης ληφθέντος [μὲν] τοῦ ϛ΄ ἐπιτρίτου <μὲν> λόγου τῶν ή΄, διπλασίου δὲ τῶν ιβ΄ ϛ΄ η΄ ιβ΄ τῷ γὰρ αὐτῷ μέρει ὁ
10 η΄ τῶν ἄκρων ὑπερέχει καὶ ὑπερέχεται, ϛ΄ η΄ ιβ΄, τουτέστι τῷ τρίτῷ καὶ ἀριθμητικὴ δὲ μεσότης ληφθέντος τοῦ ϛ΄ ἡμιολίου μὲν λόγου τῶν θ΄, διπλασίου δὲ τῶν ιβ΄ τῷ γὰρ αὐτῷ ἀριθμῷ τὰ θ΄ ὑπερέχει τῶν ἄκρων καὶ ὑπερέχεται.
15 φθείς. ἂν γὰρ ῆμισυ αὐτοῦ λάβωμεν τὸν γ΄ καὶ διπλάσιου τὸν ιβ΄, ἕσται ἡμῖν ἡ γεωμετρικὴ ἀναλογία γ΄ ϛ΄ ιβ΄. τῷ γὰρ αὐτῷ λόγῳ τὰ ϛ΄ τῶν ἄκρων ὑπερέχει τε καὶ ὑπερέχεται, γ΄ ς΄ ιβ΄, τουτέστι τῷ διπλασίω.

2 ăquióv ve \mathbb{A}^3] ăquiov dè \mathbb{A}^1 4 inscr. π eql é É á dos A, 5 in mg. cf. Zeller I p. 369, 2 5'] $\tilde{\tilde{s}}$ x vos A 5 dédeuxtau: p. 101, 8 6 \tilde{s} xyova corr. ex \tilde{s} yyova A 7 voivam \mathbb{A}^1 dè] ve A $\tilde{\eta}$ àquovun corr. ex παρμονική A 8 lóyov hic et vs. 12 neglegenter additum 9 vár] rov A 14 \tilde{v} περέχεvau (τουτέστι τῷ η')? cf. vs. 10. 18 16 v post àvaloγía del. A

καί ή έβδομας δε της δεκάδος ούσα θαυμαστήν έχει δύναμιν. μόνος γάρ των έντος της δεχάδος ούτε γεννά έτερον ούτε γεννάται ύφ' έτέρου. διο και Άθηνά ύπό των Πυθαγορικών έκαλεϊτο, ούτε μητρός τινος ούσα ούτε μήτηρ. ούτε γαρ γίνεται έκ συνδυασμού 5 -oบ้าะ ovvováteral rivi. เฉีย yào aoidµอีบ เอีย ev เก δεκάδι οί μέν γεννῶσί τε καί γεννῶνται, ὡς ὁ δ' γεννα μέν μετά δυάδος τον ή, γενναται δε ύπο δυάδος. οί δε γεννώνται μέν, ού γεννώσι δέ, ώς ό ζ γεννάται μέν υπό β' και γ', οι γεννα δε ούδένα των έν τη δεκάδι. 10 οί δε γεννῶσι μέν, ού γεννῶνται δέ, ώς ὑ γ΄ καὶ ὑ ε΄ γεννώνται μέν έξ ούδενός [άριθμοῦ] συνδυασμοῦ, γεννῶσι δὲ ὁ μὲν γ' τὸν θ' καὶ τὸν ૬' μετὰ δυάδος, ὁ δὲ ε΄ γεννα μετά δυάδος αύτον τον ί. μόνος δε ό ζ ούτε συνδυασθείς τινι γεννά τινα τῶν ἐν τῆ δεκάδι οὖτε ἐκ 15 συνδυασμού γενναται. έπόμενος δε τη φύσει και ό Πλάτων έξ έπτα άριθμών συνίστησι την ψυγην έν τώ Τιμαίφ. ήμέρα μέν γάρ και νύξ, ως φησι Ποσειδώνιος, άρτίου και περιττοῦ φύσιν έχουσι· μήν δὲ καθ' έβδομάδας τέσσαρας συμπληροῦται, τῷ μὲν πρώτη έβδομάδι 20 διχοτόμου της σελήνης όρωμένης, τη δε δευτέρα πλησισελήνου, τῆ δὲ τρίτη διχοτόμου, πάλιν δὲ τῆ τετάρτη σύνοδον ποιουμένης ποος ηλιον και άρχην ετέρου μη-

1 inser. $\pi \epsilon \varrho l$ έβδομάδος A, $\overline{\xi}$ in mg. cf. Chalcid. 86 (κατὰ τὴν ἀριθμητικὴν μεσότητα μέση τῆς τετράδος καl) τῆς δεκάδος? cf. Theol. arithm. p. 44, 10. an verba τῆς δεκάδος οῦσα pro dittographia eorum quae sequuntur τῆς δεκάδος οῦτε habenda sunt? 2 μόνος γὰς (δ ζ)? 7 γεννῶσι: post ω una vel duae litt. er. A 10. 15 δεκάδι apogr.] I A 12 cf. vs. 5. 15 17 ἐν τῷ Τιμαίφ: p. 35 B 18 καl add. A³ πωσιδόνιος A¹, ποσιδώνιος A³, em. apogr. cf. Bake Posid. reliq. p. 240 23 ποιουμένη A

νός. αι τε αύξήσεις καθ' έβδομάδα. το γοῦν βρέφος δοκεί τελειοῦσθαι ἐν ἑπτὰ ἑβδομάσιν, ὡς Ἐμπεδοκλῆς αίνίττεται έν τοις Καθαρμοις. ένιοι δέ φασι τα άρρενα έν πέντε έβδομάσι τελειούσθαι, γόνιμα δε γίνεσθαι έν 5 έπτὰ μησί, γενόμενα δὲ έν έπτὰ μησίν όδοντοφυείν. έκβάλλειν τε τούς όδόντας έν έπτὰ έτεσι. σπέρμα δε καί ήβη έν δευτέρα έβδομάδι. γένεια δε ώς έπίπαν έν τρίτη και την είς μηκος αύξην απολαμβάνει, την δ' είς πλάτος έν τετάρτη έβδομάδι. αί τε πρίσεις τῶν νόσων 10 έφ' ήμέρας έπτά, και ή βαρυτέρα κατά πάντας τούς περιοδικούς πυρετούς είς την έβδόμην άπαντα, και έν τριταίφ δε και έν τεταρταίφ. από τροπών δε έπι τροπας μηνες έπτά τό τε πληθος των πλανωμένων έπτά και από ισημερίας έπι ισημερίαν μηνες έπτά και πόροι 15 δε πεφαλής έπτά παι σπλάγγνα έπτά, γλώσσα, παρδία, πνεύμων, ήπαρ, σπλήν, νεφροί δύο. Ηρόφιλος δε το τῶν ἀνθρώπων ἔντερον πηχῶν είναι φησι κή, ὅ ἐστι τέσσαρες έβδομάδες. οί τε εύριποι το πλείστον έπτάπις τῆς ἡμέρας μεταβάλλουσιν.

20 ή δε όγδοάς, ητις έστι πρώτος κύβος, συντίθεται Εκ τε μονάδος (και έπτάδος). Ενιοι δέ φασιν όκτω τούς

1 sqq. cf. Chalcid. 37 2 $E\mu\pi\epsilon\delta\sigma\kappa\lambda\tilde{\eta}$ s: cf. Karsten Emped. reliq. p. 475 A 5 $\gamma\epsilon\nu\nu\omega\mu\epsilon\nu\alpha$ A² 6 cf. Bergk Poetae lyr. Gr. p. 431 7 $\epsilon\nu$ $\tau\rho\epsilon\eta$ Λ^1 , $\tau\tilde{\eta}$ $\tau\rho\epsilon\eta$ A³ 8 $\epsilon\nu$ $\tilde{\eta}$ ante $\kappa\alpha\lambda$ excidisse videtur, cf. Macr. in Somn. Scip. I 6, 72 post ter septenos annos genas flore vestit iuventa, idemque annus finem in longum crescendi facit 9 $\epsilon\nu\delta\sigma\mua\delta\iota$ A, em. apogr. 11 $\epsilon\beta\delta\delta-\mu\eta\nu$ fartà A, $\bar{\xi}$ supra scr. A² $\kappa\pi\alpha\nu\tau\alpha$ A³, $\tilde{\alpha}\pi\alpha\nu\tau\alpha$ A¹ 13 $\pi\lambda\alpha\nu\sigma\mu\epsilon\nu\sigma\nu\sigma$ A¹ 14 $\eta\sigma\eta\mu\epsilon\rho\lambda\sigma\nu$ A¹ 15 $\gamma\lambda\omega\sigma\sigma\alpha$ del. A, cf. Chalc. et Macrob. 16 $\eta\rho\sigma\rho\lambda\sigma\rho$; η in ras. A. cf. Haeser Lehrbuch der Gesch. der Medicin I p. 236 18 $\epsilon\pi\tau\alpha'\kappa\lambda$ A³ πάντων χρατοῦντας είναι θεούς, ώς χαὶ ἐν τοις Όρφιχοις ὅρχοις ἔστιν εύρειν

ναί μην άθανάτων γεννήτορας αίὲν ἐόντων

πῦρ καὶ ῦδωρ γαϊάν τε καὶ οὐρανὸν ἠδὲ σελήνην

ήέλιόν τε Φανή τε μέγαν και νύκτα μέλαιναν. έν δε Αίγυπτιακή στήλη φησιν Ευανδρος ευρίσκεσθαι γραφήν βασιλέως Κρόνου και βασιλίσσης 'Pέας' "πρεσβύτατος βασιλεύς πάντων 'Oσιρις θεοιζάθανάτοις πνεύματι και ούρανφ και γη και νυκτί και ήμέρα και πατρί τῶν ὅντων και έσομένων Έρωτι μνημεία της αύτοῦ 10 ἀρετής (και) βίου συντάζεως." Τιμόθεός φησι και παροιμίαν είναι την "πάντα όκτω" δια το τοῦ κόσμου τὰς πάσας όκτω σφαίρας περί γην κυκλεϊσθαι, καθά φησι και 'Eρατοσθένης.

όπτω δη τάδε πάντα συν άρμονίησιν άρήρει,

15

106 DE NUMERORUM PROPRIETATIBUS.

όκτω δ' έν σφαίρησι κυλίνδετο κύκλω ίόντα ένάτην περί γαΐαν.

 δ δὲ τῶν ἐννέα πρῶτός ἐστι τετράγωνος ἐν περιττοῖς. πρῶτοι γάρ εἰσιν ἀριθμοὶ δυὰς καὶ τριάς, ἡ μὲν
 ₅ ἀρτίων, ἡ δὲ περιττῶν. διὸ καὶ πρώτους τετραγώνους ποιοῦσιν, ὁ μὲν δ΄, ὁ δὲ δ΄.

ή μέντοι δεκάς πάντα περαίνει τὸν ἀριθμόν, ἐμπεριέχουσα πᾶσαν φύσιν ἐντὸς αὐτῆς, ἀρτίου τε καὶ περιττοῦ κινουμένου τε καὶ ἀκινήτου ἀγαθοῦ τε καὶ 10 κακοῦ. περὶ ἦς καὶ Ἀρχύτας ἐν τῷ περὶ τῆς δεκάδος καὶ Φιλόλαος ἐν τῷ περὶ φύσιος πολλὰ διεξίασιν.

ἐπανιτέου δὲ ἐπὶ τὸυ τῶυ ἀναλογιῶν καὶ μεσοτήτων λόγον. μεσότητές εἰσι πλείονες, γεωμετρικὴ ἀριθμητικὴ ἁρμονικὴ ὑπεναντία πέμπτη ἕκτη. λέγονται δὲ 15 καὶ ἄλλαι πάλιν ἕξ ταύταις ὑπεναντίαι. τούτων δέ φησιν ὁ Ἄδραστος μίαν τὴν γεωμετρικὴν κυρίως λέγεσθαι καὶ ἀναλογίαν καὶ πρώτην· ταύτης μὲν γὰρ αἰ ἄλλαι προσδέονται, αὐτὴ δ' ἐκείνων οὐχί, ὡς ὑποδείκνυσιν ἐν τοῖς ἐφεξῆς. κοινότερον δέ φησι καὶ τὰς ἅλλας μεσότη-20 τας ὑπ' ἐνίων καλεῖσθαι ἀναλογίας. τῶν δὲ κυρίως λεγομένων ἀναλογιῶν, τουτέστι τῶν γεωμετρικῶν, αί μέν εἰσιν ἐν ῷητοῖς ὅροις τε καὶ λόγοις, ὡς ιβ΄ ϛ΄ γ΄,

1 σφαίρεσι A^1 , σφαίραισι A^2 , em. apogr. ίόντα: v supra vs. A 2 έννέα τῶν περί γαῖαν A quae verba del. A^2 , ταῦτ' ένάτην περί γαῖαν Bergk, Ztschr. f. d. AW. 1850 p. 177. cf. Theol. arithm. p. 56 συν οκτώ δη σφαίρησι κυλίνδεται ό κυκλώων ἐνάτην περιγαίην, Ἐρατοσθένης φησίν 3 δ mg. A 7 τ mg. A ἐνπεριέχουσα A, em. apogr. 11 Φιλόίαος: fr. 13 Mullach. cf. Boeckh Philolaos Lebren p. 27. 146. Schaarschmidt die angebliche Schriftstellerei des Philolaos p. 68. Zeller I p. 368, 1 φύσεως A^2 17 ἀνάίογον ut vid. A^1 . cf. Procl. in Tim. p. 145 C είσι γὰρ ἐν λόγοις διπλασίοις, και ὅσαι τοιαῦται [αῖτινές εἰσιν ἐν ἀριθμοῖς], αί δὲ ἐν ἀρρήτοις τε καὶ ἀλόγοις [ἤτοι μεγέθεσιν ἢ βάρεσιν ἢ χρόνοις ἤ τισιν ἄλλοις διπλασίοις ἢ τριπλασίοις ῆ τισι τοιούτοις πολλαπλασίοις ἢ ἐπιμορίοις]. γεωμετρικὴ μὲν γάρ, ὡς ἔφαμεν, 5 μεσότης ἡ τῷ αὐτῷ λόγῷ τῶν ἄχρων ὑπερέχουσα καὶ ὑπερεχομένη ἀριθμητικὴ δὲ ἡ τῷ αὐτῷ ἀριθμῷ τῶν ἄχρων ὑπερέχουσα καὶ ὑπερεχομένη, ἁρμονικὴ δὲ ἡ τῷ αὐτῷ μέρει τῶν ἄπρων ὑπερέχουσα καὶ ὑπερεχομένη. δείκνυσι δὲ ὅτι ὁ τῆς ἰσότητος λόγος ἀρχηγὸς καὶ πρῶ- 10 τός ἐστι καὶ στοιχείον πάντων τῶν εἰρημένων λόγων καὶ τῶν κατ' αὐτοὺς ἀναλογιῶν. ἐκ πρώτου γὰρ τούτου λόγων καὶ τὰ τῶν ἀναλογιῶν.

ό δὲ Ἐρατοσθένης φησίν ὅτι πᾶς μὲν λόγος ἢ κατὰ 15 διάστημα ἢ κατὰ τοὺς ὅρους αῦξεται τῆ δὲ ἰσότητι συμβέβηκε διαστήματος μὴ μετέχειν εῦδηλον δὲ ὅτι κατὰ τοὺς ὅρους μόνους αὐξηθήσεται. λαβόντες δὴ τρία μεγέθη καί τὴν ἐν τούτοις ἀναλογίαν κινήσομεν τοὺς ὅρους. καὶ δείξομεν ὅτι πάντα τὰ ἐν τοῖς μαθήμασιν ∞ ἐξ ἀναλογίας ποσῶν τινων σύγκειται καὶ ἔστιν αὐτῶν ἀρχὴ καὶ στοιχείον ἡ τῆς ἀναλογίας φύσις.

τὰς δὲ ἀποδείξεις ὁ μὲν Ἐρατοσθένης φησὶ παραλείψειν. ὁ δὲ Ἄδραστος γνωριμώτερον δείκνυσιν, ὅτι τριῶν ἐκτεθέντων ὅρων ἐν ἦ δήποτε ἀναλογία, ἐὰν 25

2 pr. έν supra vs. A, fort. A² ἀ οήτοις A¹ 4 διπλασίοις — ἐπιμορίοις del. Bull. 5 ἔφαμεν: p. 85, 11 10 inscr. περὶ ἰσότητος ὅτι ἀρχὴ ἀναλογιῶν καὶ πῶς γίνεται πολλαπλασία Α 15 Ἐρατοσθένης: cf. Philol. XXX p. 66. Bernhardy p. 170 22 ἀναλογίας] ἰσότητος? 25 ἡδήποτε A¹, οἶαδήποτε A²

τρείς έτεροι ληφθώσιν έχ.τούτων πεπλασμένοι & μέκ τῷ πρώτῷ ἴσος, ὁ δὲ σύνθετος ἐκ πρώτου καὶ δευτέρου. ό δ' έξ ένος πρώτου και δύο δευτέραν και τρίτου, οί ληφθέντες ούτως πάλιν έσονται άνάλογον. και έκ τῆς 5 to loois Spois avalorias revuara n to distadiois avaλογία, έκ δε της έν διπλασίοις ή έν τριπλασίοις, έα δε raving h in respectacions, rai sing outos al in rois άλλοις πολλαπλασίοις οἶον έππείσθω έν τρισίν δροις ίσοις έλαγίστοις άναλογία ή της ίσότητος, τουτέστιν έν 10 μονάσι τρισίν. άλλα και είλήφθωσαν άλλοι τρείς δροι τον είρημένου τρόπου, ό μεν έκ πρώτου, ό δε έκ πρώrov ral deurégou, (à dè en nomrou rai duo deurégan) και τρίτου γενήσεται α΄ β΄ δ΄, α έστιν έν λόγφ διπλασίω. πάλιν έκ τούτων συνεστάτωσαν Ετεροι κατά τόν 15 αύτον τρόπον, δ μεν έκ πρώτου, δ de έκ πρώτου καί δευτέρου, ό δε έκ πρώτου και δύο δευτέρων και τρίτου. έσται α' γ' θ', α έστιν έν λόγφ τριπλασόφ. έκ δε τούτων δμοίως συστήσονται α' δ' ις' έν λόγω τετραπλασίω. καί έκ τούτων α' έ κέ έν λόγω πενταπλασίω, και έξης 20 ούτως έπ' απειρον έν τοις έχομένοις πολλαπλασίοις.

a	α	α
α	ß	δ
α	ş	9
α	ð	15
α	8	3X
α	٤	25
α	ζ	μĴ
α	3	`ξδ
α	•	πα
α	٤	ę

3 ển ante đứo supra vs. A đìg đev téqov cj. Bull. 4 $\tau\eta$ c] $\tau\omega\nu$ A, sed $\omega\nu$ in ras. 7 η ap.] η A $\alpha\ell$] η A 12 ò đề ển πρώτου και δὶς δευτέρου add. Bull. 14 συνέστωσαν A, em. apogr. 16 δἰς δευτέρου cj. Bull. 17 $\bar{\Phi}$ corr. ex $\bar{\delta}$ A

108

έκ δὲ τῶν πολλαπλασίων ἀνάπαλιν τεθέντων [α' α' α'] καὶ ὑμοίως πλαττομένων οἱ ἐπιμόριοι λόγοι <καὶ αἰ> ἐν τούτοις συστήσονται ἀναλογίαι, ἐκ μὲν τῶν διπλασίων ἡμιόλιοι, ἐκ δὲ τῶν τριπλασίων οἱ ἐπίτριτοι, ἐκ δὲ τῶν τετραπλασίων ἐπιτέταρτοι, καὶ ἀεὶ ἑξῆς οῦτως. οἶον 5 ἔστω ἀναλογία κατὰ τὸν διπλάσιον λόγον ἐν τρισὶν ὅροις, τοῦ μέίζονος κειμένου πρώτου, καὶ πεπλάσθωσαν ἕτεροι τρείς ἐκ τούτων τὸν εἰρημένον τρόπον. ὅ β α΄ οἱ δὲ ἐξ αὐτῶν γενήσονται ὅ ζ' δ'. γίνεται ἀνάλογον ἐν ἡμιολίοις. πάλιν ἔστωσαν τρείς ὅροι ἀνάλογον ἐν 10 τριπλασίοις θ' γ' α΄. συστήσονται τὸν αὐτὸν τρόπου ἐκ τούτων ὅροι τρείς ἀνάλογον ἐν ἐπιτρίτοις θ΄ ιβ΄ ις'. ἐκ δὲ τῶν τετραπλασίων συστήσονται ἐν ἐπιτετάρτοις ις΄ κ΄ κέ, καὶ οῦτως ἀεὶ ἐκ τῶν ἐγομένων οἱ ἕξῆς ὁμώνυμοι.

б	ß	α
δ	Ś	૭
9	Ŷ	α
9	iß	15
15	×	Xa
×8	λ	λς
λς	μß	μĴ
μ9 ξδ	25	<i>ξ</i> δ
ξð	03 5	πα
πα	5	6

έκ δὲ τῶν ἐπιμοφίων οι τ' ἐπιμεφείς καὶ οἱ πολλα- 15 πλασιεπιμόφιοι, πάλιν δ' ἐκ τῶν ἐπιμεφῶν ἕτεφοί τε ἐπιμεφείς καὶ πολλαπλωσιεπιμεφείς. ὧν τὰ μὲν πλείστα παφαλειπτέον οὐκ ἀναγκαία ὅντα, μικφὰ δὲ θεωφητέον. ἐκ μὲν γὰφ τῆς ἐν ἡμιολίοις ἀνκλογίας τὸν εἰφημένον τφόπον ἀπὸ μὲν τοῦ μείζονος ἀφχομένων ὅφου συνίστα- 20 ται ἀναλογία ἐν ἐπιμεφέσι λόγοις δισεπιτφίτοις. οἶον

6 λόγον] ἀνάλογον Α 13 τετραπλασίων: fort. add. ιτ΄ δ' α΄ 15 ἐπιμερεῖς A^{s}] ἐπιμέρεοι A^{1} 16 ἐπιμερῶν corr. in ἐπιμορίων Α 18 παραληπτέον A^{1}

DE GENERATIONE

θ' 5' δ' έχ δε τούτων χατά την είρημένην μέθοδον συνίσταται θ' ιε' κε'. από δε τοῦ ελάττονος δρου άρχομένων έσται πολλαπλασιεπιμόριος άναλογία, τουτέστιν ή διπλασιημιόλιος. οίον έκκείσθω δ' 5' θ' έκ τούτων 5 κατὰ τὴν αὐτὴν μέθοδον δ΄ ί κε΄. ἐκ δὲ τῆς ἐν ἐπιτρίτοις από μεν του μείζονος αρχομένων δρου έσται έπιμερής άναλογία ή τρισεπιτέταρτος. οἶου έκ τῆς τῶν ις' ιβ' δ' έσται ις' κή μδ'. ἀπὸ δὲ τοῦ ἐλάττονος ἀρχομένων δρου έσται πολλαπλασιεπιμόριος άναλογία (ή) 10 διπλασιεπίτριτος έν τοις θ' κα' μθ'. έκ δε της έν έπιτετάρτοις από μέν τοῦ μείζονος δρου (άρχομένων) έπιμερής έσται άναλογία ή τετράκις έπίπεμπτος. οίον [δ] έκ τῆς κέ κ΄ ις' ἔσται κέ μέ κά. ἀπὸ δὲ τοῦ ἐλάττονος άρχομένων έσται πολλαπλασιεπιμόριος ή διπλασιεπι-15 rérapros: (olov) and rov is n' né éstai $\dot{\eta}$ év rots is λς πα. και ή τάξις ούτω πρόεισιν έπ' απειρον. και άπὸ τούτων δὲ άλλοι πλάσσονται κατὰ τὸν αὐτὸν λόγον. περί ών ούκ άναγκαῖον μηκύνειν τον λόγον.

πάσαι δ' αί τοιαῦται ἀναλογίαι καὶ οι ἐν αὐταξς 20 λόγοι πάντες, καθάπερ συνεστᾶσιν ἐκ πρώτου τοῦ τῆς ισότητος λόγου, οῦτως καὶ ἀναλύονται εἰς ἔσχατον τοῦτον. ἂν γὰρ ἐξ ὁποιασοῦν ἀναλογίας ἐν τρισὶν ὅροις ἀνίσοις οῦτως ἀφελόντες ἀπὸ μὲν τοῦ μέσου τὸν ἐλάχιστον, ἀπὸ δὲ τοῦ μεγίστου τόν τε ἐλάχιστον καὶ δύο 25 τοιούτους ὁποῖος ἐλείφθη τοῦ μέσου ἀφαιρεθέντος ἀπ'

9 rollarlasieniµóqios ávaloyía $\dot{\eta}$ dinlasienítoiros] éniµeq\s ávaloyía dinlásios de énírqiros A, fort. add. $\langle olov én rwv v' i\beta' is' éstai \dot{\eta} \rangle$ 12 \dot{o} om. apogr. 14 nolvalasieniµéquos A¹ $\dot{\eta}$] \dot{o} A 19 inscr. \dot{o} ti ávalvovrai al ávaloyíai els lostητα A, $\bar{\varsigma}$ in mg. 23 oŭrws del. vid. 25 έlήφθη A

αὐτοῦ τοῦ ἐλαχίστου τοὺς γενομένους τάξωμεν ἐφεξῆς, πρῶτον μὲν-αὐτὸν τὸν ἐλάττονα, ἔπειτα τὸν ἀπὶ τοῦ μέσου λειφθέντα και τελευταίον τὸν ἀπολειφθέντα τοῦ ἐσχάτου, ἡ διαλυθείσα οῦτως ἀναλογία ἀναλυθήσεται εἰς τὴν πρὸ αὐτῆς ἐξ ἦς συνέστη. τούτου δ' ἀεὶ γινο- 5 μένου ἐλεύσεται ἡ ἀνάλυσις ἐπ' ἐσχάτην τὴν τῆς ἰσότητος ἀναλογίαν, ἐξ ἦς πρώτης ᾶπασαι συνέστησαν αὐτὴ δὲ οὐκέτι εἰς ἅλλην, ἀλλὰ μόνον εἰς τὸν τῆς ἰσότητος λόγον.

Έρατοσθένης δὲ ἀποδείχνυσιν, ὅτι καὶ τὰ σχήματα 10 πάντα ἔχ τινων ἀναλογιῶν συνέστηχεν ἀρχομένων τῆς συστάσεως ἀπὸ ἰσότητος καὶ ἀναλυομένων εἰς ἰσότητα περὶ ῶν τὰ νῦν λέγειν οὐχ ἀναγχαῖον.

τὰ δὲ αὐτὰ εύφεθήσεται καὶ ἐπὶ σχημάτων. ὧν πρῶτόν ἐστιν ἡ στιγμή, ὅ ἐστι σημεῖον ἀμέγεθες καὶ 15 ἀδιάστατον, γραμμῆς πέρας, οἶον μονὰς θέσιν ἔχουσα. τοῦ δὲ μεγέθους τὸ μὲν ἐφ' Ἐν διάστατόν τε καὶ διαίρετον γραμμή, μῆκος οὖσα ἀπλατές· τὸ δ' ἐπὶ δύο ἐπίπεδον, μῆκος ἔχον καὶ πλάτος· τὸ δ' ἐπὶ τρία στερεόν, μῆκός τε καὶ πλάτος καὶ βάθος ἔχον. περιέχεται δὲ καὶ 20 περαίνεται τὸ μὲν στερεὸν ὑπὸ ἐπιπέδων, τὸ δ' ἐπίπεδον ὑπὸ γραμμῶν, ἡ δὲ γραμμὴ ὑπὸ στιγμῶν. τῶν δὲ γραμμῶν εὐθεῖα μέν ἐστιν ὀρθὴ καὶ οἶον τεταμένη, ῆτις δύο δοθέντων σημείων μεταξὺ ἐλαχίστη ἐστὶ τῶν τὰ αὐτὰ πέρατα ἐχουσῶν καὶ ἐξ ἴσου τοῖς ἑαυτῆς ση~35

1 τάξωμεν corr. ex τάξομεν A 3 ληφθέντα A άπολιφθέντα A¹ 6 ἕσχατον A 7 ἐξ ής A²] ἑξῆς A¹ 10 Ἐρατοσθένης: cf. Philol. XXX p. 66 14 inscr. πε ρἰ σχημάτων et ξ mg. A 18 οὖσα] ἔχουσα? 19 ἔχων A¹ 23 < $\dot{\eta}$ ὀ ôρθη? 24 ἐλαχίς A¹ 25 Eucl. El. I def. 4 εὐθεῖα γομμή ἐστιν, ῆτις ἐξ ἴσου τοῖς ἐφ' ἑαυτῆς σημείοις κεῖται μείοις χειμένη χαμπύλη δε ή μη ούτως έχουσα. διαφέρει δε και έπίπεδον έπιφανείας παραπλησίως. έπιφάνεια μεν γάρ έστι παντός στερεοῦ σώματος κατὰ δύο διαστάσεις μήπους και πλάτους έπιφαινόμενον πέρας. 5 ἐπίπεδον δέ ἐστιν ὀρθη ἐπιφάνεια ής ἐπειδὰν δύο σημείων αψηται εὐθεῖα, ὅλη αὐτῷ ἐφαρμόζεται. παράλληλοι δέ εἰσιν εὐθεῖαι, αῖτινες ἐν τῷ αὐτῷ ἐπιπέδῷ ἐπ' ἄπειρον ἐκβαλλόμεναι ἐπὶ μηδέτερα συμπίπτουσιν, ἀλλὰ τηροῦσιν ἐν παυτι την διάστασιν.

τῶν δὲ σχημάτων ἐπίπεδα μέν είσι τὰ ἐν τῷ αὐτῷ 10 έπιπέδω πάσας έχοντα τὰς γραμμάς και εὐθύγραμμα μέν τα ύπο εύθειών περιεχόμενα, ούκ εύθύγραμμα δέ τὰ μὴ οῦτως ἔχοντα. τῶν δὲ ἐπιπέδων καὶ εὐθυγράμμων σχημάτων τὰ μέν τρισί περιεχόμενα πλευραίς τρί-15 πλευρα καλείται, τὰ δὲ τέτταρσι τετράπλευρα, τὰ δὲ πλείοσι πολύγωνα. τών δε τετραπλεύρων τα παραλλήλους έχοντα τὰς ἀπεναντίον πλευρὰς έκατέρας παραλληλόγραμμα καλείται. τούτων δε όρθογώνια μεν τά τὰς γωνίας έχοντα ὀοθάς ἀοθαὶ δέ είσι γωνίαι, ἅστινας 20 εύθεϊα έπ', εύθείας έφεστῶσα δύο ίσας παο' έκάτερα άποτελεϊ. τῶν δὲ ὀφθογωνίων παφαλληλογράμμων έκαστον περιέχεσθαι λέγεται ίδίως ύπό τῶν τὴν ὀρθήν γωνίαν περιεχουσών πλευρών. και τών τοιούτων τά μέν τὰς τέσσαρας πλευρὰς ίσας ἔχοντα ίδίως λέγεται 25 τετράγωνα, τὰ δὲ μὴ τοιαῦτα έτερομήκη.

όμοίως δε και τῶν στερεῶν τὰ μεν ὑπὸ ἐπιπέδων παραλληλογράμμων πάντων Εξ ὄντων περιεχόμενα παρ-

6 καί ante őlη er. Α έφαρμόζηται Α¹ 8 μηθετρα Α¹ 20 εύθεία έπ΄ εύθείαν (corr. ex εύθείαν) Α 26 inscr. περί στερεῶν Α αλληλεπίπεδα καλείται, τὰ δὲ καὶ ὑπὸ ὀφθογωνίων τούτων ὀφθογώνια. τούτων δὲ τὰ μὲν πάντη ἰσόπλευφα, τουτέστιν ίσον ἔχοντα τὸ μῆκος καὶ πλάτος καὶ βάθος, ὑπὸ τετφαγώνων ίσων πάντων πεφιεχόμενα, κύβοι· τὰ δὲ τὸ μὲν μῆκος καὶ πλάτος ίσον ἔχογτα, τουτέστι τὰς 5 βάσεις τετφαγώνους, τὸ δὲ ῦψος ἕλαττον, πλινθίδες· τὰ δὲ τὸ μὲν μῆκος καὶ πλάτος ίσον, τὸ δὲ ῦψος μείζον, δοκίδες· τὰ δὲ πάντη ἀνισόπλευφα σκαληνά.

ἀκριβέστερον δὲ περὶ τῶν μεσοτήτων λεπτέον, ἐπειδὴ καὶ ἀναγκαιοτάτη εἰς τὰ Πλατωνικὰ ἡ τούτων 10 ∂εωρία. ἀπλῶς μὲν οὖν μεσότης ἐστίν, ἐπειδὰν δύο ὄρων ὑμογενῶν ἀνίσων μεταξύ τις ὑμογενὴς ἕτερος ὅρος ληφθῆ, ῶστε εἶναι ὡς τὴν ὑπεροχὴν τοῦ πρώτου καὶ μείζονος ὅρου παρὰ τὸν ληφθέντα πρὸς τὴν ὑπεροχὴν τοῦ μέσου παρὰ τὸν ἐλάττονα, οῦτως τὸν πρῶτον 15 ὅρον ἤτοι πρὸς ἑαυτὸν ἢ πρός τινα τῶν ἄλλων ἢ ἀνάπαλιν τὸν ἐλάττονα πρός τινα τῶν ἄλλων.

έπὶ μέρους δὲ ἀριθμητικὴ μέν ἐστι μεσότης ἡ τῷ αὐτῷ ἀριθμῷ τῶν ἄκρων τοῦ μὲν ὑπερέχουσα, ὑφ' οὖ δὲ ὑπερεχομένη οἶον γ΄ β΄ α΄ ὁ γὰρ τῶν β΄ ἀριθμὸς 20 μονάδι ὑπερέχει τοῦ ἑνὸς καὶ μονάδι ὑπερέχεται ὑπὸ τοῦ γ΄. συμβέβηκε δὲ ταύτη τῆ μεσότητι πρὸς τὴν τῶν ἄκρων σύνθεσιν ὑποδιπλασίω εἶναι ἢ τε γὰρ τριὰς καὶ ἡ μονὰς συντεθεῖσαι τὴν τετράδα ἐποίησαν, ἥτις διπλασία ἐστὶ τοῦ μέσου ἀριθμοῦ τῆς δυάδος. 25

 $\overline{\mathbf{Gv}}$ ante $\overline{\mathbf{f}}_{\mathbf{Z}\mathbf{V}\mathbf{T}\mathbf{X}}$ A 8 $\mathbf{\dot{\alpha}}\mathbf{viso}\mathbf{f}\mathbf{i}\mathbf{t}\mathbf{voa}$] $\mathbf{\dot{\alpha}}\mathbf{visa}\mathbf{i}\mathbf{t}\mathbf{t}\mathbf{e}\mathbf{q}\mathbf{X}$ A $\overline{\eta}$ mg. A 12 $\mathbf{\dot{\alpha}}\mathbf{visov}$ Bull.] $\mathbf{\dot{i}sov}$ A 13 $\mathbf{\tau}\mathbf{\tilde{\omega}}$... $\mathbf{\omega}$ post $\mathbf{\ddot{o}eos}$ er. A 16 $\mathbf{\dot{\epsilon}}\mathbf{avtov}$] $\mathbf{\tau o}\mathbf{\ddot{v}tov}$ falso cj. Bullialdus 18 inscr. $\mathbf{\tau is} \ \dot{\eta} \ \mathbf{\dot{a}ei}\mathbf{\partial}\mu\eta\mathbf{\tau ix}\mathbf{\dot{\eta}} \ \mu\mathbf{e}\mathbf{s}\mathbf{o}\mathbf{\tau \eta s}$ A 19 $\mathbf{\dot{v}g}$ corr. ex $\mathbf{\dot{a}g}$ A $\mathbf{\dot{v}n\dot{o}} \ \mathbf{\delta int}\mathbf{iasion} \ \mathbf{A}$, em. apogr. \mathbf{xal} post $\mathbf{y}\mathbf{\dot{a}e}$ er. A $\mathbf{svvru}\mathbf{d}\mathbf{e}\mathbf{isa}\mathbf{a}$ A, em. apogr.

Theo Smyrn.

8

γεωμετρική δέ έστι μεσότης ή καὶ ἀναλογία κυφίως λεγομένη ή τῷ αὐτῷ λόγῷ ὑπερέχουσα καὶ ὑπερεχομένη, οἶον πολλαπλασίῷ ἢ ἐπιμορίῷ οἶον α΄ β΄ δ΄. τά τε γὰρ δ΄ τῶν β΄ διπλάσια καὶ τὰ β΄ τοῦ ἑνὸς διπλάσια καὶ 5 πάλιν ή ὑπεροχὴ τῶν β΄ ἐστὶ τὸ ἕν <καὶ ἡ ὑπεροχὴ τῶν δ΄ τὰ β΄, ταῦτα δὲ ὑμοίως ἐξεταζόμενά ἐστιν ἐν διπλασίῷ λόγῷ. συμβέβηκε δὲ ταύτη τῆ ἀναλογία τὸ ὑπὸ τῶν ἄκρων συντιθέμενον κατὰ πολλαπλασιασμὸν ἴσον εἶναι τῷ ἀπὸ τοῦ μέσου τετραγώνῷ. οἶον οί ἄχοοι 10 ἐπ' ἀλλήλους πολλαπλασιαζόμενοι ποιοῦσι τὸν δ΄. ἅπαξ γὰρ δ΄ δ΄ καὶ πάλιν ὁ β΄ ἐφ' ἑαυτὸν λαμβανόμενος ποιεῖ τὸν δ΄. δἰς γὰρ β΄ δ΄. ῶστε <τὸ> ὑπὸ τῶν ἄκρων ἴσον γίνεται τῷ ἀπὸ τοῦ μέσου α΄ β΄ δ΄.

άρμονική δέ έστιν ἀναλογία, ἐπειδὰν τριῶν ὅρων 15 προτεθέντων ὃν ἔχει λόγον ὁ πρῶτος προς τὸν τρίτον, τὸν αὐτὸν ἡ τοῦ πρώτου ὑπεροχὴ πρὸς τὴν τοῦ δευτέρου ὑπεροχὴν ἔχῃ. οἶον ૬΄ γ΄ β΄. ἡ γὰρ ἑξὰς πρὸς τὴν δυάδα τριπλασία ἐστί· καὶ ἡ ὑπεροχὴ δὲ τῆς ἑξάδος πρὸς τὰ γ΄ τριὰς οὖσα τριπλασία ἐστὶ τῆς μονάδος, 20 ῆτις ὑπεροχή ἐστι τῆς τριάδος συγκρινομένης πρὸς τὰ β΄. συμβέβηκε δὲ ταύτῃ τῇ ἀναλογία, τὸν μέσον ὅρον τῷ αὐτῷ μέρει κατὰ τοὺς ἄκρους ὑπερέχειν τε καὶ ὑπερέχεσθαι· οἶον β΄ γ΄ ૬΄. καὶ γὰρ ὁ τῶν ξ΄ τῷ ἡμίσει αύτοῦ ὑπερέχει τῆς τριάδος καὶ ἡ δυὰς τῷ ἑαυτῆς ἡμίσει 25 ὑπερέχεται ὑπὸ τῆς τριάδος. καὶ τοὺς ἄκρους δὲ συντεθέντας ἀλλήλοις καὶ ὑπὸ τοῦ μέσου πολλαπλασιασθέντας διπλασίους ἂν εῦχριμεν τοῦ ἐκ τῶν ἄκρων ἀποτελου-

inscr. γεωμετοική μεσότης Α 3 έπιμερίω Α
 inscr. τίς ή ἁομονική μεσότης Α 17 ἕχει Α 20
 συγκρινομένη Α 23. 24 ῆμισυ Α¹ 24 τὴν τριάδα Α

μένου πολλαπλασίου. οἶον ς καὶ β΄ η' ταῦτα δὲ ὑπὸ τῆς τοιάδος, ὅς ἐστι μέσος, πολλαπλασιασθέντα γίνεται κδ' καὶ πάλιν δὶς ς΄ ιβ΄ τούτων δὲ τὰ κδ΄ διπλάσια.

ύπεναντία δὲ τῆ ἀφμονικῆ καλεῖται μεσότης, ὅταν 5 ὡς ὁ τρίτος ὅρος πρὸς τὸν πρῶτον, οὕτως ἡ τοῦ πρώτου ὑπεροχὴ πρὸς τὴν τοῦ δευτέρου. οἶον ૬΄ ε΄ γ΄ τὰ μὲν οὖν ૬΄ τῶν ε΄ μονάδι ὑπερέχει, τὰ δὲ ε΄ τῶν γ΄ δυσί. τὰ δὲ γ΄ τῶν ૬΄ ὑποδιπλάσιά ἐστιν. ἀλλὰ καὶ ἡ μονὰς ὑπεροχὴ οὖσα τοῦ [τε] πρώτου ἀριθμοῦ ὑποδιπλασία 10 ἐστὶ τῆς δυάδος ὑπεροχῆς οὖσης τοῦ δευτέρου ἀριθμοῦ.

ή δε πέμπτη μεσότης έστίν, όταν τριῶν ὄρων ὄντων δν ἂν ἔχη λόγον ὁ τρίτος πρὸς τὸν δεύτερον, τοῦτον ἔχη τὸν λόγον ή τοῦ πρώτου ὑπεροχή πρὸς τὴν τοῦ δευτέρου ὑπεροχήν· οἶον ε΄ δ΄ β΄ τὰ μὲν ε΄ τῶν δ΄ 15 μονάδι ὑπερέχει, ἀλλὰ καὶ τὰ δ΄ τῶν β΄ δυάδι· ὑποδιπλάσια δε τὰ β΄ τῶν δ΄ καὶ τὸ ξν δε τῶν β΄ ὑποδιπλάσιον, ᾶπερ ὑπεροχαί είσι τοῦ τε πρώτου καὶ τοῦ δευτέρου ἀριθμοῦ.

Εκτη λέγεται μεσότης, όταν τριῶν ὅρων προτεθέντων 20 ώς ὁ δεύτερος πρὸς τὸν πρῶτον ἔχει, οῦτως ἡ τοῦ πρώτου ὑπεροχὴ πρὸς τὴν τοῦ δευτέρου. οἶον ૬΄ δ΄ α΄. τὰ μὲν γὰρ ૬΄ τῶν δ΄ δυσὶν ὑπερέχει, τὰ δὲ δ΄ τοῦ α΄ τρισίν. ἔστι δὲ δ΄ τῶν ૬΄ ὑφημιόλια. καὶ ἡ δυὰς ὑπεροχὴ

2 γίνονται A 5 inscr. τίς ή ὑπεναντία τῆ ἁρμονικῆ A. de sequentibus cf. Procl. in Plat. Tim. p. 144 F. Ideler Abh. d. Berl. Akad. 1828 p. 206 6 ὁ add. A² ut vid. 11 δνάδος] $\overline{\beta}$ A 12 inscr. τίς ἡ πέμπτη μεσότης A 13 ἔχει A, em. apogr. 14 ἔχει A, em. apogr. 16 [ἀλλὰ]? 18 ὑπεφοχαί: ὑπεφ add. A² 20 inscr. τίς ἡ ἕκτη με-

σότης Α Ε̈́κτη <δε>?

8*

ούσα τῶν ૬΄ ύφημιολία ἐστὶ τῆς τριάδος ῆτις ἐστὶν ὑπεροχὴ τῆς τετράδος.

περί μέν τούτων καί τῶν ταύταις ὑπεναντίων ξξ μεσοτήτων ὑπὸ τῶν Πυθαγορικῶν καὶ ἐπὶ πλέον εἴρηται 5 ἡμῖν δ' ἐξαρκεῖ κατὰ τὸν Πυθαγορικὸν λόγον συνόψεως ἕνεκα τῶν μαθηματικῶν τυπωδῶς αὐτὰ ἡθροικέναι καὶ ἐπιτομικῶς.

εύφίσχονται δὲ αί μεσότητες χατὰ μὲν τὴν ἀφιθμητιχὴν 〈ἀναλογίαν〉 οῦτως. τῆς ὑπεφοχῆς τοῦ μείζονος 10 παφὰ τὸν ἐλάττονα τὸ ῆμισυ πφοστιθέντες τῷ ἐλάττονι ἕξομεν τὸν μέσον, ἢ ἕχατέφου τῶν δοθέντων ἀφιθμῶν τὰ ἡμίσεα συνθέντες τὸν συντεθέντα μέσον εὑφήχαμεν, ἢ τοῦ συνθέτου ἐξ ἀμφοῖν λαμβάνοντες τὸ ῆμισυ [ῶστε καὶ εἰς τὰ Πλατωνιχὰ τὸ χφήσιμον ἀνευφεῖν]. πφοστε-15 τάχθω δύο ἀφιθμητικὴν μεσότητα. λαμβάνομεν τὴν ὑπεφοχὴν τοῦ μείζονος παφὰ τὸν ἐλάττονα ૬΄. ὦν ῆμισυ γ΄. ταῦτα πφοσθῶμεν τῷ ἐλάττονι· γίνεται θ΄, ὅς ἐστι μέσος τῶν ιβ΄ χαὶ ૬΄, ἀφιθμητικῶς τφισιν ὑπεφέχων χαὶ 20 ὑπεφεχόμενος· ιβ θ΄ 5΄. πάλιν συνθῶμεν τοὺς ἐξ ἀφχῆς ἄχφους τὰ ιβ΄ χαὶ τὰ ૬΄ γίνεται ιη΄. ὦν ῆμισυ θ΄, ὅς ἐστι μέσος.

κατὰ δὲ τὴν γεωμετρικὴν ἀναλογίαν ἐπὶ μὲν ἀριθμῶν τοῦ ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχομένου πλευρὰν τετρά-25 γωνον λαβόντες ταύτη ἕζομεν τὸν μέσον ὅρον. οἶον δεδόσθωσαν δύο ἀριθμοὶ ὅ τε κδ΄ καὶ ὁ ϛ΄. προστε-

2 τετράδος Bull.] δ A 6 τυποδώς A, em. apogr.

8 inscr. $\pi \tilde{\omega}_{\mathfrak{S}} \in \hat{v} \tilde{v} (\sigma \kappa \sigma \nu \tau \alpha \iota \alpha \iota \mu \varepsilon \sigma \delta \tau \eta \tau \varepsilon \varsigma A$ 12 $\tilde{\eta} \mu \iota \sigma \upsilon A^1$ 13 $\tau o \tilde{v}_{\mathfrak{S}} \sigma \upsilon \nu \vartheta \tilde{v} \tilde{v} v \sigma \upsilon \kappa A$ $\tilde{\omega} \sigma \tau \varepsilon \kappa \alpha \iota \kappa \tau \lambda$.: haec adscripta fuisse videntur ad vs. 7 17 s'] $\tilde{\epsilon}_{\mathfrak{S}} A$ 19 s' Bull.] rasura trium fore litt. A 20 $\bar{\varsigma}$ ante $\hat{v} \pi \varepsilon \varrho \varepsilon \chi \delta \mu \varepsilon \nu \sigma \varsigma$ er. A

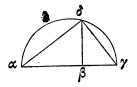
τάχθω τούτων κατὰ τὴν γεωμετρικὴν ἀναλογίαν τὸν μέσον ὅρον ἀνευρεϊν. πεπολλαπλασιάσθωσαν οί τεθέντες ἐπ' ἀλλήλους· γίνεται ρμδ'· τούτων είλήφθω πλευρὰ τετράγωνος· ἔσται ὁ ιβ΄, ὃς γίνεται μέσος· ἔστι γὰρ ὡς ὁ κδ΄ πρὸς ιβ΄, οῦτως τఊιβ΄ πρὸς ς΄ ἐν διπλασίω ε λόγω. ἀλλ' ἂν μὲν ὁ ὑπὸ τῶν ἄκρων περιεχόμενος ἦ τετράγωνος, ὁ ληφθεὶς οῦτως μέσος ὅρος ὅητὸς γίνεται καὶ μήκει σύμμετρος τοῖς ἄκροις ἐξ ὅλων μονάδων εύρισκόμενος. ἐὰν δὲ μὴ ἦ τετράγωνος ὁ περιεχόμενος ὑπὸ τῶν ἄκρων, ὁ μέσος ὅρος δυνάμει μόνον ἔσται 10 σύμμετρος τοῖς ἄκροις.

λαμβάνεται δὲ κοινότεφου ἔν τε ἀφιθμοζς [κα] φητοζς καὶ ἐν λόγοις καὶ μεγέθεσι [καὶ] συμμέτφοις γεωμετρικῶς οῦτως. ἔστωσαν δύο ὅφοι ὧν δεῖ μέσον ἀνάλογον λαβεῖν γεωμετρικῶς. οἶον αβ βγ καὶ ἐκκείσθωσαν 15 ἐπ' εὐθείας· καὶ περὶ ὅλην τὴν αγ γεγράφθω ἡμικύκλιον· καὶ ἀπὸ τοῦ β ἀνήχθω τῷ αγ πρὸς ὀφθὰς μέχρι τῆς πεφιφεφείας ἡ βδ· αῦτη δὴ γίνεται μέση τῶν αβ βγ κατὰ τὴν γεωμετρικὴν ἀναλογίαν. ἐπιζευχθεισῶν γὰρ τῶν αδ δγ ὀφθὴ γίνεται ἡ δ γωνία, ἐπεί ἐστιν ἐν ἡμι- 20 κυκλίφ· καὶ <ἐν> ὀφθογωνίφ τῷ αδγ κάθετος ἡ δβ· καὶ τὰ περὶ ταύτην τρίγωνα τῷ τε ὅλφ καὶ ἀλλήλοις ὅμοιά ἐστιν, ῶστε αἰ περὶ τὰς ἴσας αὐτῶν γωνίας πλευφαὶ

1 A² vel manus posterior haec adscripsit:

α α α α α α α α α α α αα α α α αα α α α ααα αα α α 6 post µèv decem fere litt. er. A 4 τετραγώνου A² 14 ພົ δει A²] δν δή A1 9 n corr. ex el A 17 ανήγθω apogr.] ... 280 A

ἀνάλογόν είσιν ώς ἄρα ή αβ προς την βδ, ή δβ προς βγ· τῶν ἄρα αβ βγ μέση ἀνάλογόν ἐστιν ή βδ· ὅπερ έδει δείξαι.



λείπεται δείξαι, πῶς κατὰ τὴν ἁομονικὴν ἀναλογίαν 5 εύροιμεν αν τζν μέσον δρον. έαν μεν ούν έν διπλασίο λόγφ πρός άλλήλους δοθωσιν οι άπροι, οίον ό ιβ' καί ό 5', την ύπεροχην του μείζονος παρά τον έλάττονα οίον τὰ ς' ποιήσαντες έπι τὸν ς' και τὸν γενόμενον λς' παραβαλόντες παρά τον σύνθετον έκ τῶν ἄκρων οἶον 10 παθά τὰ ιη΄ καί τὸ πλάτος τῶν λς΄ οἶον τὰ β΄ προσθέντες τῷ έλάττονι, τουτέστι τῷ τῶν ς', έξομεν τὸ ζητούμενον. Εσται γάρ ό τῶν ή τῷ αὐτῷ μέρει τῶν ἄχρων ύπερέχων και ύπερεχόμενος, τουτέστι τῷ τῶν ἄκρων τρίτω · ιβ' η' 5'. έαν δ' έν τριπλασίω λόγω προς άλλή-15 λους δοθώσιν οί άχοοι, οίον ό ιη και ό 5', την ύπεροχήν τοῦ μείζονος παρὰ τὸν ἐλάττονα ποιήσομεν ἐφ' έαυτήν γίνεται ιβ' έπι ιβ', α έστιν ομδ' ών ημισυ ό οβ', <ὃν> παραβαλόντες παρὰ τὸν σύνθετον ἐκ τῶν απρων οίον τὰ κδ΄ τὸ πλάτος τῆς παραβολῆς οίον τὰ γ΄

1. 2 $\check{\alpha}\varrho\alpha$ yè A 3 ter praeterea haec figura apposita est in A, adscriptis numeris võ $\iota\eta \varsigma$, $\kappa\delta \iota\beta \varsigma$, $\delta\beta$ 6 dodõsur: o corr. ex ω A 9 παφαλαβόντες A, παφαβάλλοντες cj. Bull. 11 τὸ] τὸν? 16 ἐπι post μείζονος A (tum παφά compend. scr.) 18 παφαβαλλόντες A, em. apogr. τὸν σύνθετον A[§]] τῶν συνθέτων A[§]

προσθέντες τῷ έλάττονι έξομεν τον ζητούμενον όρον μέσον τῶν έξ ἀρχῆς τὸν &, ὃς ὑπερέχων ἔσται καὶ ύπερεχόμενος ήμίσει των αχρων ιή & 5'. χοινότερον δ' έπι πάντων των δοθέντων άνίσων δύο δρων τον μέσον άρμονικῶς ληπτέον οῦτω. τὴν ὑπεροχὴν ποιητέον 5 έπι τον έλάττονα και τον γενόμενον παραβλητέον παρά τόν σύνθετον έκ των ακρων. Επειτα τό πλάτος της παραβολης προσθετέον τῷ ἐλάττονι. οἶον είλήφθωσαν δύο δροι ό ιβ' καὶ ό δ' καὶ ἡ ὑπεροχὴ τῶν ιβ', τουτέστιν ή, ληφθήτω έπι τον έλάττονα, τουτέστι τον δ' γίνεται 10 λβ΄ καί τὰ λβ΄ παραβλητέον παρὰ τὸν σύνθετον ἐκ τῶν ἄκρων τὸν ις΄· <καὶ προσθετέον τὸ πλάτος τῆς παραβολης,> τουτέστι τὰ β΄, τῷ ἐλάττονι, τουτέστι τῷ δ' και έσται ζ μεσότης άρμονική των ιβ' και δ', τω αὐτῷ μέρει τῶν ἄκρων ὑπερέχουσα καὶ ὑπερεχομένη, 15 τουτέστι τῷ ήμίσει τῶν ἄκρων ιβ ς δ.

ταῦτα μέν τὰ ἀναγκαιότατα χρησιμωτάτων ἐν τοῖς προειρημένοις μαθήμασιν ὡς ἐν κεφαλαιώδει παραδόσει πρὸς τὴν τῶν Πλατωνικῶν ἀνάγνωσιν. λείπεται δὲ μνημονεῦσαι στοιχειωδῶς καὶ τῶν κατ' ἀστρο- 20 νομίαν.

2 tŵr \mathbb{A}^3] tòr \mathbb{A}^1 tòr \mathbb{A}^3] tŵr \mathbb{A}^1 10 $\lambda \eta \varphi \vartheta^i r t w ut vid. <math>\mathbb{A}^1$ 12 tòr \mathbb{A}^3] tŵr \mathbb{A}^1 nal — παραβολης] pro his verbis exstat in \mathbb{A} γίνεται $\overline{\mu\eta}$ 13 β' er. \mathbb{A} (in apogr. hic locus its conformatus est: tòr is' τουτέστι τὸ πλάτος τῆς παραβολης τὰ β' : ταῦτα προσθῶμεν τῷ ἐλάττονι κτλ.) 14 μεσότης ἀρμονική] μέσος τῆς ἀρμονικῆς \mathbb{A} 17 ταῦτα: a corr. ex $\eta \mathbb{A}$ ἀναγκαιότωτα: o corr. ex $\omega \mathbb{A}$ τῶν ante χρησιμώτατα: cf. p. 204, 22 21 ι post ἀστρονομίαν del. \mathbb{A} δόξα τῷ ἀγίφ θεῷ: — θέωνος σμυρναίου τῶν (τὸ supra vs. add. \mathbb{A}^3) κατα μαθηματικὸν χρησίμων εἰς τὴν πλάτωνος ἀνάγνωσιν: — τέλος σὺν θεῷ τοῦ παρόντος βιβλίου \mathbb{A}

ὅτι πᾶς ὁ κόσμος σφαιρικός, μέση δ' αὐτοῦ ἡ γῆ, σφαιροειδὴς οὖσα καὶ αὐτή, κέντρου μὲν κατὰ τὴν ∂έσιν, σημείου δὲ κατὰ τὸ μέγεθος λόγον ἔχουσα πρὸς τὸ πᾶν, ἀνάγκη προκαταστήσασθαι πρὸ τῶν ἄλλων. ἡ
⁵ μὲν γὰρ ἀκριβεστέρα τούτων ἀφήγησις μακροτέρας σκέψεως δείται, ὡς λόγων πλειόνων ἐξαρκέσει δὲ πρὸς τὴν τῶν μελλόντων παραδοθήσεσθαι σύνοψιν μόνον μνημονεῦσαι τῶν ὑπὸ τοῦ ᾿Αδράστου κεφαλαιωδῶς παραδοθέντων.

δτι γαρ σφαιρικός ό κόσμος και ή γη σφαιρική, 10 κέντρου μέν κατά την θέσιν, σημείου δε κατά το μέγεθος πρός τό παν λόγον έχουσα, δηλον έκ του πάσας τας τών ούρανίων άνατολάς (καί) δύσεις καί περιπολήσεις και πάλιν άνατολάς κατὰ τοὺς αὐτοὶς γίνεσθαι 15 τόπους τοις έπι των αύτων οικήσεων. δηλοι δε ταυτα καί τὸ ἀπὸ παντὸς μέρους τῆς γῆς ῆμισυ μέν, ὡς πρὸς αἴσθησιν, τοῦ οὐρανοῦ μετέωρον ὑπὲρ ἡμᾶς ὑρᾶσθαι, τὸ δὲ λοιπὸν ἀφανὲς ὑπὸ γῆν, ἐπιπροσθούσης ἡμῖν τῆς γης, καί τὸ <έξ> ἁπάσης ὄψεως πάσας τὰς πρὸς τὸν 20 έσχατου ούρανου προσπιπτούσας εύθείας ίσας δοκείν. τῶν τε κατὰ διάμετρον ἄστρων ἐπὶ τῶν μεγίστων κύκλων κατά συζυγίας ἀεὶ θάτερον μὲν ἐπὶ ἀνατολῆς, θάτερον δε έπι δύσεως. κωνικόν γαρ η κυλινδρικόν η πυραμοειδές ή τι έτερον στερεόν σχήμα παρά τό σφαι-25 ρικόν τοῦ παντός ἔχοντος, κατὰ τῆς γῆς οὐκ ἂν ταῦτα άπήντα, άλλ' άλλοτε μέν πλεΐον άλλοτε δε έλαττον τό ύπέργειον εύρίσκετο τοῦ οὐρανοῦ καὶ τῶν πρὸς τοῦτον

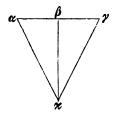
 inscr. Θέωνος Σμυρναίου τῶν εἰς τὸ μαθηματικὸν χρησίμων Β ὅτι — πρὸ τῶν ἄίλων: transponenda haec videntur post vs. 9 6 ὡς] καί?
 10 cf. Chalcid. 59 sqq. 17 μετέωρου Β*
 18 ὑπὸ γῆν ζεἶναι ζ?
 19 ex omni visu Chalc. 27 τούτων Β* άπὸ νῆς εὐθειῶν ἄνισον τὸ μέγεθος. τό τε τῆς γῆς σφαιροειδές έμφανίζουσιν άπό μέν της έω έφ' έσπέραν αί τῶν αὐτῶν ἄστρων ἐπιτολαί χαι δύσεις θᾶττον μέν τοις έφοις πλίμασι, βράδιον δε τοις πρός έσπέραν γινόμεναι και ή αύτη και μία σελήνης ἕκλειψις, ύφ' ένα 5 βραχύν καί τὸν αὐτὸν καιρὸν ἐπιτελουμένη καὶ πᾶσιν οξς δυνατόν όμοῦ βλεπομένη, διαφόρως κατὰ τὰς ῶρας καί άει τοις άνατολικωτέροις έν παραυξήσει φαίνεται, διὰ τὴν περιφέρειαν τῆς γῆς μὴ πᾶσιν ὑμοῦ τοῖς κλίμασιν έπιλάμποντος ήλίου και κατὰ λόγον άντιπεριιστα- 10 μένης της από της γης σχιάς, νυχτός τούτου συμβαίνοντος. φαίνεται δε και από τῶν ἀρκτικῶν και βορείων έπι τὰ νότια και μεσημβρινά περιφερές. και γάρ τοις ταύτη προϊοῦσι πολλὰ μέν τῶν ἀεὶ φανερῶν ἄστρων περὶ τὸν μετέωρον ἡμίν πόλον ἐν τῷ προελθεῖν ἐπὶ τὰ μεσημ- 15 βρινά άνατολάς δράται ποιούμενα καί δύσεις, τών δέ άει άσανῶν περί τὸν ἀποκεκρυμμένον ἡμῖν τόπον όμοίως άνατέλλοντά τινα καί δυόμενα φαίνεται· καθάπεο και ό Κάνωβος λεγόμενος άστήρ, τοις βορειοτέροις τῆς Κνίδου μέρεσιν ἀφανής ὤν, τοῖς νοτιωτέροις ταύ- 20 της ήδη φανερός γίνεται χαὶ ἐπιπλέον ἀεὶ τοῖς μᾶλλον. άνάπαλιν δε τοις άπό των νοτίων έπι τὰ βόρεια παραγινομένοις πολλά μέν των όπισθεν, πρότερον άνατολάς καί δύσεις ποιούμενα, παντάπασιν άφανη γίνεται, τινά δε τών περί τὰς ἄρχτους παραπλησίως ἀνατέλλοντα και 25 δύνοντα προϊοῦσιν ἀεὶ φανερὰ καθίσταται, καὶ ἀεὶ πλεῖον τοις πλέον προκόπτουσι. πάντη δή περιφερής δρωμένη

καὶ ἡ γῆ σφαιρικὴ ἂν εἴη. ἔτι τῶν βάρος ἐχόντων φύσει έπι τοῦ μέσου τοῦ παντὸς φερομένων, εί νοήσαιμέν τινα διὰ μέγεθος μέρη γης πλέον ἀφεστάναι τοῦ μέσου, ύπό τούτων άνάγχη τὰ έλάττονα περιεχόμενα 5 θλίβεσθαι καὶ βαρούμενα κατισχύεσθαι καὶ ἀπωθεῖσθαι τοῦ μέσου, μέχρις ἂν ἴσον ἀποσχόντα καὶ ἰσοκρατῆ γενόμενα καί ίσοροοπήσαντα πάντα είς ήρεμίαν καταστη, καθάπεο οί τε άμείβοντες και οί τη ίση δυνάμει τῶν ἀσκητῶν διυποβεβλημένοι ἁπανταχόθεν δὲ τῶν 10 μερών της γής του μέσου ίσον άπεχόντων τὸ σχημα αν είη σφαιρικόν. έτι τ' έπει τῶν βαρῶν πανταχόθεν έπι τὸ μέσον ἐστίν ἡ φοπή, πάντων ἐφ' ἕν σημεῖον συννευόντων, φέρεται δ' αὐτῶν Εκαστον κατὰ κάθετον, τουτέστιν ίσας ποιοῦν γωνίας τὰς προς τὴν τῆς γῆς ἐπι-15 φάνειαν πας' έκάτεςα ής φέςεται γςαμμης, σφαιςικήν καί τοῦτο μηνύει την τῆς γῆς ἐπιφάνειαν.

άλλὰ μὴν καὶ τῆς Φαλάσσης καὶ παντὸς ῦδατος ἐν γαλήνῃ ὄντος σφαιρικὸν κατὰ τὴν ἐπιφάνειαν γίνεται τὸ σχῆμα. καὶ γὰρ τοῦτο τῆ μὲν αἰσθήσει δῆλον ἐν-20 τεῦθεν ἐἀν γὰρ ἑστὰς ἐπί τινος αἰγιαλοῦ θεωρῆς τι μετὰ τὴν Φάλασσαν, οἶον ὄρος ἢ δένδρον ἢ πύργον ἢ πλοΐον ἢ αὐτὴν τὴν γῆν, κύψας καὶ πρὸς τὴν τῆς θαλάττης ἐπιφάνειαν καταστήσας τὴν ὄψιν ἢ οὐδὲν ὅλως ἔτι ἢ ἔλαττον ὅψει τὸ πρὸ τοῦ μείζον βλεπόμενον, τῆς 26 κατὰ τὴν ἐπιφάνειαν τῆς θαλάττης κυρτώσεως ἐπιπροσθούσης τὴν ὅψιν. κάν τῷ πλοΐζεσθαι δὲ πολλάκις, ἀπὸ

> 9 δι' ύποβεβλημένοι Β* 14 γονίας Β* 15 έκατέφας Β* 17 inscr. ὅτι ἡ Φάλασσα σφαῖφα καὶ ἡ γῆ ὁμοίως Β 26 τῷ] τὸ Β*

τῆς νεὼς μήπω βλεπομένης γῆς ἢ πλοίου προϊόντος, τὸ αὐτὸ τοῦτο ἀναβάντες τινὲς ἐπὶ τὸν ίστὸν εἶδον, ἐφ' ὑψηλοῦ γενόμενοι καὶ οἶον ὑπερκύψαντες τὴν ἐπιπροσθοῦσαν ταῖς ὅψεσι κυρτότητα τῆς θαλάττης. καὶ φυσικῶς δὲ καὶ μαθηματικῶς ἡ παντὸς ῦδατος ἐπιφάνεια, 5 ἠρεμοῦντος μέν, σφαιρικὴ δείκνυται οῦτως.



πέφυκε γὰρ ἀπὸ τῶν ὑψηλοτέρων ἀεὶ εἰσρείν τὸ ῦδωρ ἐπὶ τὰ κοιλότερα. ἔστι δὲ ὑψηλότερα μὲν τὰ πλέον ἀπέχοντα τοῦ κέντρου τῆς γῆς, κοιλότερα δὲ τὰ ἕλαττον. ὥστε ἂν ὑποθώμεθα τὴν τοῦ ῦδατος ἐπιφάνειαν ὀρθὴν 10 καὶ ἐπίπεδον, οἶον τὴν αβγ, ἔπειτα ἀπὸ τοῦ κέντρου τῆς γῆς, οἶον ἀπὸ τοῦ κ, ἐπὶ μὲν τὰ μέσον κάθετον ἀγάγωμεν τὴν κβ, ἐπὶ δὲ τὰ ἄκρα τῆς ἐπιφανείας ἐπιζεύξωμεν εὐθείας τὰς xα xγ, δῆλον ὡς ἑκατέρα τῶν xα xγ μείζων ἐστὶ τῆς xβ καὶ ἑκάτερον τῶν α γ σημείων 15 πλέον ἀπέχον τοῦ κ ὅπερ τὸ β καὶ ὑψηλότερον ἔσται

1 προϊέντος B, em. apogr., fort. scr. προσιόντος 6 δείκνειται B, em. apogr. descr. deest in B, sed exstat apud Chalc. 7 είσορεϊν B^* 8 κυλότερα B^* 10 τῆς τοῦ ῦδατος ἐπιφανείας B^* , quare si ponamus aquae superficiem planam et in directa linea positam Chalc. 62 12 τοῦ μέσου B 13 ἀγάγομεν B^* ἐπιζεύξομεν B^* 15 ἐστι] ἔσται?

τοῦ β. συρουήσεται τὶ ῦδωο ἀπὸ τῶν α γ ὡς κοιλότεοον τὸ β μέχρι τοσούτου, ἕως ἂν καὶ τὸ β ἀναπληρούμενου ίσα απόσηη τοῦ κ ὅσον έκάτερον τό τε α και τὸ γ. . και όμοίως πάντα τὰ έπι τῆς έπιφανείας τοῦ ὕδατος 5 σημεία τοῦ κ ίσον ἀπέχει. δηλον ὡς αὐτὴ γίνεται σφαιοική. ώστε και ό πας όγκος όμου γης και θαλάττης έστι σφαιρικός. ούδε γαρ την των όρων ύπεροχην η την των πεδίων χθαμαλότητα κατά λόγον του παντός μεγέθους ώς άνωμαλίας αίτίαν ίκανην αν τις ήγήσαιτο. 10 τὸ ὅλον γὰο τῆς γῆς μέγεθος κατὰ τὸν μέγιστον αὐτῆς περιμετρούμενον χύχλον μυριάδων χε΄ χαλ έτι δισχιλίων σταδίων σύνεγγυς δείχνυσιν Έρατοσθένης, Αρχιμήδης δε τοῦ κύκλου την περιφέρειαν είς εύθεῖαν έκτεινομένην της διαμέτρου τριπλασίαν και έτι τῷ έβδόμφ μέρει 15 μάλιστα αύτης [της διαμέτρου] μείζονα ωστ' είη αν ή πασα της γης διάμετρος μυριάδων η' και οπβ' σταδίων έγγιστα· ταύτης γάο τριπλασία και τῷ έβδόμφ μείζων ή τῶν κέ μυριάδων και τῶν δισχιλίων σταδίων περίμετρος ήν. <δέχα δε σταδίων έστιν ή> των ύψηλοτά-20 των όρῶν πρὸς τὰ χθαμαλώτατα τῆς γῆς ὑπεροχὴ κατὰ xάθετον, xaθà Ἐρατοσθένης xal Δικαίαρχος εύρηκέναι φασί· και όργανικώς δε ταις τα έξ αποστημάτων μεγέθη

1 καὶ ὁμοίως πάντα τὰ ἐπὶ τῆς ἐπιφανείας τοῦ ῦδατος post τῶν α γ del. B 7 ὄφων B* 11 κε'] Ϟ κε΄ B, μὲν κε΄ Mart. 12 cf. Bernhardy Eratosthenica p. 67–62. Berger die geogr. Fragm. des Hipparch p. 22 sqq. H. W. Schaefer, Philol. XXXI p. 704. Lepsius, Ztschr. für ägypt. Spr. u. AK. XV p. 5 sqq. 'Δοχιμήδης: circ. dim. 3 17 έβδόμω μείζων ἡ] ζμ ἢ (vel ἢ) B* 19 verba inclusa add. Mart. 20 χθαμαλώτατα: τρ (= τεφα) supra ω del. B 21 cf. Bernhardy Erat. p. 56. Müller fragm. hist. Gr. II p. 251 et 253. Schneider ecl. phys. II p. 267 sqq. Plut. Aem. Paul. 15

TERRAE.

μετρούσαις διόπτραις τηλικαῦτα θεωρεϊται. γίνεται οὖν ή τοῦ μεγίστου ὄρους ὑπεροχή ὀπτακισχιλιοστόν ἔγγιστα της όλης διαμέτρου της γης. έαν δε κατασκευάσωμεν [τάνταῦθα] ποδιαίαν τινὰ κατὰ διάμετρον σφαῖοαν, έπει το δακτυλικόν διάστημα συμπληρουται [και] 5 κεγχριαίαις διαμέτροις τὸ μῆκος ἔγγιστα δέκα δυσίν [ύπερμετρούντων και ήμίσεια], είη αν ή ποδιαία της κατασκευασθείσης σφαίρας διάμετρος κεγχριαίαις διαμέτροις το μηπος άναπληρουμένη διακοσίαις η καί βραχὺ ἐλάττοσιν. ὁ γὰρ ποῦς ἔχει δακτύλους ις' ὁ δὲ 10 δάπτυλος άναπληρουται πεγχριαίαις διαμέτροις ιβ' τα δε ις δωδεκάκις ρ β. το τεσσαρακοστον ουν μέρος τῆς κεγχριαίας διαμέτρου <μεζόν έστιν ἢ ἀκτακισχιλιοστόν τῆς ποδιαίας διαμέτρου>. τεσσαρακοντάκις γὰρ διακόσια όκτακισγίλια. το δε ύψηλότατον όρος κατά 15 την κάθετον έδείχθη της διαμέτρου της γης όκτακισχιλιοστόν έγγιστα μέρος. ώστε τό τεσσαραποστόν μέρος τῆς κεγχριαίας διαμέτρου μείζονα λόγον ἕξει πρός τὴν ποδιαίαν της σφαίρας διάμετρον. και τό συνιστάμενον άρα στερεόν άπό τοῦ τεσσαρακοστοῦ μέρους τῆς κεγ-20 χριαίας διαμέτρου πρός τὸ ἀπὸ τῆς ποδιαίας ὅμοιον στερεόν, <μείζονα λόγον έξει η> τὸ ἀπὶ της δεκασταδιαίας καθέτου στερεόν πρός τὸ ἀπὸ τῆς διαμέτρου τῆς γης δμοιον στερεόν. το δε συνιστάμενον σφαιρικον

3 ἐἀν δὲ κατασκευάσωμεν bis scr. B, semel apogr. 4 ἐνταῦθα apogr. 8 διαμέτροις] διαστήμασι Β 9 διακοσίας Β 13 ὀκτακισχιλιοστόν ἐστι τῆς ποδιαίας διαμέτρου add. Mart., sed cf. vs. 9 ἢ καὶ βραχὺ ἐλάττοσιν, vs. 18 μείζονα λόγον, p. 127, 9 πολλῷ ἐλάττονα λόγον 14 τεσσαρακοντάκι B, em. apogr. 15 ὄρος] μέρος B* 22 pro verbis inclusis in B scriptum est πρός, quod Martinus in ὡς mutavit: sed cf. adn. ad vs. 13 δεκαποδιαίας B*

στερεών από του τεσσαρακοστου μέρους της κεγχριαίας διαμέτρου έξαχισμυριοτετραχισχιλιοστόν μέρος έσται της όλης κέγχοου. το δε από της δεκασταδιαίας καθέτου σφαιρικόν όρος σταδίων έστι στερεῶν ἔγγιστα <φκδ'> 5 ή δε όλη γη, σφαιροειδής λογιζομένη, στερεών σταδίων έχει μυριάδας τρίτων μέν άριθμῶν σξθ΄, δευτέρων δέ θυί, πρώτων δε δτλα, και έτι στάδια ζωκα και τριτημόριον σταδίου. πάλιν γαρ αποδείκνυται σχημα το ύπό της διαμέτρου και της κύκλου περιφερείας είς εύ-10 θεΐαν έξαπλουμένης περιεχόμενον όρθογώνιον τετραπλάσιον είναι τοῦ ἐμβαδοῦ τετάρτου μέρους τῆς σφαίρας, ίσου τῷ ἐμβαδῷ τοῦ κύκλου. διόπερ εύρίσκεται τὸ ἀπὸ τῆς διαμέτρου τετράγωνον πρὸς τὸ ἐμβαδὸν τοῦ κύκλου λόγου έχου, δυ ιδ΄ πρός ια' έπει γάρ έστιν ή περιφέ-15 φεια τῆς διαμέτφου τριπλασία καὶ ἔτι τῷ ἑβδόμφ μείζων, οίων έστιν ή διάμετρος ζ, τοιούτων ή περιφέρεια γίνεται κβ' το δε τέταρτον αύτης ε' ς' ώστε και οίων τό τετράγωνον μθ', τοιούτων ό κύκλος λη' s', και δια τὸ ἐπιτρέγον ημισυ διπλασιασθέντων οΐων τὸ τετρά-20 γωνον τη, τοιούτων ό κύκλος οζ' τούτων δε έν έλαχίστοις καί πρώτοις άριθμοϊς λόγος ώς ιδ΄ πρός ια΄. άμφοτέρων γάρ αύτῶν μέγιστον χοινόν μέτρον έστιν ό ζ άριθμός, όστις τὸν μὲν μη μετρεί τεσσαρεσκαιδεκάκις, τόν δε οζ ενδεκάκις· ώστε του άπό της διαμέτρου

3 δεκαποδίου B^* 4 ὄοος σταδίων] όροσταδίων B, φκό σταδίων Mart.: cf. p. 127, 9 στεφεόν B^* pro numero φκό' spatium vacuum est in B 6 σξδ'] μυριάδων $\mu \widetilde{-} B^*$ 7 θυί'] μη B^* δτλα'] μυρίων B^* σταδία — σταδίου] σταδίων $\exists c \ 1_5 c$ τεσσαφακοστόδιον B^* 8 άποδεικνύς B^* 11 σφαίφας ίσου] περιφερείας ίσον B^* 16 σίον et τοιοῦτον B^* 18 τοιοῦτον B^*

TERRAE.

κύβου πρός τον έπι τοῦ κύπλου κύλινδρον <λόγος ώς ιδ΄ πρός ια΄ τόν δε έπι του πύπλου πύλινδρου> άποδείχνυσιν 'Αρχιμήδης ήμιόλιον τῆς ἐν αὐτῷ σφαίρας. γίνεται άρα οΐων <δ> ἀπὸ τῆς διαμέτρου τοῦ χύκλου κύβος ιδ', τοιούτων ό μεν κύλινδρος ια', ή δε σφαζρα 5 ζ καί τρίτου. διὰ δὲ ταῦτα εύρίσκεται τὰ σφαιρικὰ στερεά της τε γης και του μεγίστου όρους των προειρημένων άριθμῶν. τὸ ἄρα δεκασταδιαίαν έχον τὴν κάθετον σφαιρικόν ὄρος πρός την όλην γην πολλώ έλάττονα λόγον έχει ήπες τὸ έξακισμυριοτετρακισχιλιοστον 10 μέρος της κέγχρου πρός την από της ποδιαίας διαμέτρου σφαίραν το δε μή σφαιρικον όρος, άλλ' οίον βλέπεται, πολί έτι έλάττονα. τὸ δὲ τοιοῦτον μέρος τῆς κέγχοου προστιθέμενον έξωθεν τη ποδιαία σφαίοα η ίδία άφαιρούμενον αύτῆς καὶ κοιλαινόμενον οὐδ' ἡντιν- 15 οῦν ποιήσει διαφοράν. οὐδ' ἄρα τῶν ι΄ σταδίων ἔχον την κάθετον ύψηλότατον όρος έστι πρός λόγον του μή σφαιρικήν είναι την πασαν της γης και θαλάττης έπιφάνειαν. [ή περίμετρος της γης έστι σταδίων μ^{κέ} β, ή δε διάμετρος μ^ή ρπβ, τὸ δ' ἀπὸ τῆς διαμέτρου τε- 20 τράγωνον μμ^{ξδ'} μ^{βψιε'} γρχδ', ό δε χύβος μμμ^{φιε'} μμ.<u>γυιθ΄</u> μ. δοοή ηφξή τοῦ δὲ χύβου τὸ τεσσαρεσχαιδέκατον μμμ^{λ5} μμ. ηρα΄ μ. δσκζ χιβ'.]

1 Martinus locum ita supplevit: πρός τὸν ἐπὶ τοῦ κύκλου κύλινδρον, (ῶν) ἀποδείκνυσιν — σφαίρας, (λόγον εἶναι ὡς ιថ πρὸς ια΄) 3 Άρχιμ.: de sph. et cyl. I 37 6 ζ καὶ τρίτου] ζς B* 8 δεκασταδιαίαν] δὶς καταδιαίαν B* 9 ὄρος B* 11 διαμέτρου ποδιαίας B 15 κυλαινόμενον B* οὐδ'] οὐ δι' B* 19 $\mu^{xe'}$, β] μ μ [] B* 20 sqq. τὸ δ' ἀπὸ τῆς διαμέτρου τετράγωνα $\mu^{\underline{50}}$ $\mu^{\underline{6}}$ τιξ ρχδ, ὁ δὲ κύβος μυριάδων $\mu^{\underline{6}}$ σφαιρική δέ έστιν ή γη και μέση κείται τοῦ κόσμου. παρεγκλιθείσα γὰρ κατὰ τὴν θέσιν οὐκ ἀπὸ παντὸς μέρους αὐτῆς τὸ μὲν ῆμισυ τοῦ οὐρανοῦ ὑπεράνω, τὸ δὲ ῆμισυ ὑφ' αὑτὴν ἕξει, οὐδὲ τὰς ἀπὸ παντὸς σημείου 5 πρὸς τὸν ἔσχατον οὐρανὸν ἡκούσας εὐθείας ίσας. καὶ μὴν ὅτι τοῦ μεγέθους οὐδένα λόγον αἰσθητὸν ἔχει πρὸς τὸ πῶν ἡ γῆ, σημείου δὲ τάξιν ἐπέχει, δηλοί καὶ τὰ τῶν

τῆς οἰκουμένης ὡς κέντρα τῆς ἡλιακῆς ὑποτιθέμενα

10 σφαίρας καὶ μηδ' ἡντινοῦν αἰσθητὴν διὰ τοῦτο ποιούμενα τὴν παραλλαγήν. εἰ γὰρ ἐν μέν ἐστι κέντρον ἀναγκαίως πρὸς τὰς ὅλας σφαίρας, πάντα δὲ τὰ ἐπὶ τῆς γῆς σημεῖα ὡς τοῦτο ὑπάρχοντα φαίνεται, δῆλον ὡς ἡ

λ κγ' ightarrow φρή φξη μμμ τεσσαφεσκαιδέκατον, τοῦ δὲ κύβου τὸτεσσαφεσκαιδέκατον μμλζ B*, sequitur in B vacuum spatiumtrium fere versuum. Martinus haec addit: οὖ τὸ ἑπταπλάσιονκαὶ τριτημόριον, ίσον τῷ ὄγκφ τῆς γῆς, στεφεῶν σταδίων ἐστὶμμμ^{σξ9} μμ.⁹υι μ.^{δτλα} ζωκα καὶ τριτημορίου. Praeterea in adn.sic scribit: "quoniam autem plura in codice deesse videntur,probabile est auctorem in iis quae nunc desunt ostendisse, cumin diametro unum pedem longa sint 64000 grani milli diametri,in sphaera, cuius haec est diametros, esse 512000000000 granimilli moles, et toties fere terrae, qualem credidit Eratosthenes,mole contineri pro sphaerica habitam maximi montis decemstadia alti molem." 1 inscr. ὅτι μέση ἡ γῆ καὶ σημείουλόγον ἐπέχει ὅ ἐστι σφαιφικὸν τῆς γῆς μέγεθος Bτοῦ] τῆς B* 2 παφεγκισθείαα Β, παφεκκινθείδα Mart.5 ἡπάσας Β, em. apogr. 8 declaratur acie verutorum, quignomones adpellantur a mechanicis, ad faciendam solariis umbram, qua declarantur horae. quippe mechanici horologia instituentes per omnes provincias omnesque etiam plagas habitabilessumunt sibi promisce atque indifferenter horum ipsorum gnomonum mucrones pro puncto et medietate solstitalis pilae Chalc. 64.(γνωρίνων ἅιρα ἑπί χωρῶν τε καὶ τόπων πάντων) Mart.10 αἰσθητὴν bis scr. B, semel apogr. 13 τοῦτο] τούτων

10 α(σθητήν bis scr. B, semel apogr. 13 τούτο] τούτων B*, ergo si est una vera et certa medietas solstitialis pilae, omnes autem notae atque omnia puncta ex omni regione terrarum adόλη γῆ <σημείου τάξιν ἐπέχει> πρὸς τὴν ὅλην τοῦ ἡλίου σφαίφαν καὶ πολλῷ τινι μᾶλλον πρὸς τὴν τῶν ἀπλανῶν ὥστε καὶ διὰ τοῦτο ἀεὶ τὸ ῆμισυ τοῦ κόσμου θεωρεῖσθαι ὑπὲφ αὐτήν [βραχεί τινι μοίφας].

καὶ περὶ μὲν σχήματος τοῦ τε παντὸς καὶ τῆς γῆς, 5 ἔτι δὲ τῆς ταύτης μέσης θέσεως καὶ τοῦ πρὸς τὸ πᾶν αὐτῆς ἀδήλου μεγέθους, εἰ καὶ πολλὰ ἔτι οἶόν τε λέγειν, ἔξαρκέσει πρὸς τὴν τοῦ ἐφεξῆς παράδοσιν τὰ ὑπὸ τοῦ Ἀδράστου τὸν εἰρημένον ὑποδεδειγμένα τρόπον.

έν δε τοις έφεξης φησι φερομένης δε της ούφανίας 10 σφαίφας πεφι μένοντας τους έαυτης πόλους και τον έπιζευγνύντα τούτους άξονα, πεφι δν μέσον έφήφεισται μέση ή γη, τὰ [δε] άστφα πάντα συμφεφόμενα ταύτη και άπλῶς τὰ κατὰ τὸν οὐφανὸν πάντα σημεία γφάφει κύκλους παφαλλήλους, τουτέστιν ίσον μεν ἀπέχοντας 15 ἀλλήλων, πφος ὀφθὰς δε γινομένους τῷ άζονι, άτε τοις τοῦ παντὸς πόλοις γφαφομένους. ὅντων δε τῶν μεν τοις ἅστφοις <γφαφομένων κύκλων> ἀφιθμητῶν, τῶν δε τοις ἅλλοις σημείοις σχεδὸν ἀπείφων, ὀλίγοι τινες τετυχήκασι διασήμου πφοσηγοφίας, οῦς χφήσιμον εἰδέναι 10 πφὸς τὴν τῶν κατὰ τὸν οὐφανὸν ἐπιτελουμένων θεωφίαν. εἶς μεν ὡ.πεφι τὸν ἡμιν μετέωφον και ἀεί φαινό-

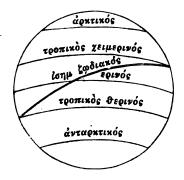
sequuntur veram istam solis medietatem, perspicuum est, quod omnis terra puncti vicem habeat adversum solis globum comparata Chalc. 1 ($\sigma\eta\mu\epsilon\delta\sigma\nu$ for.) Mart. 4 ($\ddot{\eta}$) $\beta\rho\alpha\chi\epsilon\delta$ rivi $\mu\epsilon\delta\sigma\nu$ (vel $\mu\epsilon\delta\sigma\nu$) Mart. 10 inscr. $\pi\epsilon\varrho$ t $\sigma\sigma\nu$ for $\tau \eta$ a $\pi \lambda \alpha \nu\epsilon\delta$ ($\dot{\alpha}\lambda\alpha\nu\eta$ B^{*}) $\pi\alpha\varrho\alpha\lambda\lambda\eta\lambda\nu\nu$ x $\dot{n}\lambda\omega\nu$ B sed enim caelite sphaera vertente semet circa fixos et manentes semper polos continuantemque cosdem polos axem, cui adhaeret medio media tellus, comitatur vertiginem caelitis sphaerae stellarum omnium populus e. q. s. Chalc. 65 20 $\delta\iota\alpha\sigma\eta\mu\omega\sigma$] $\delta\iota\dot{\alpha} \sigma\eta\mu\epsilon\ell\sigma\nu$ B^{*}, nobili celebres adpellatione Chalc. 22 els] $\dot{\eta}$ s B^{*}

Theo Smyrn.

DE CIRCULIS

μενον πόλον και αὐτὸς ἀεὶ φανερός, καλούμενος ἀρκτικός άπό τῶν ἐν αὐτῷ κατηστερισμένων ἄρκτων. ἕτερος δε έξ έναντίας, ίσος τούτφ, περί τον αποκεκρυμμένον πόλον και αύτος ήμιν άει άφανής, καλούμενος άνταρ-5 κτικός. μέσος δε πάντων μέγιστος και δίχα διελών την όλην σφαίραν, καλούμενος ίσημερινός, έπειδή τῷ μέν ύπ' αὐτὸν κλίματι τῆς γῆς πᾶσαι νύκτες καὶ πᾶσαι ήμέραι ίσαι, καί τῶν άλλων δε έν ὅσοις κατά πάσαν έχάστην τροπήν τοῦ παντὸς ἀνατέλλων τε καὶ δύνων 10 φαίνεται ηλιος, έπειδαν κατά τουτον γένηται τον κύκλον, ίσην ήμέραν διαιρε**ϊ νυκτί. μεταξ**υ δε του τε ίσημερινοῦ καὶ τῶν ἀρκτικῶν καθ' ἑκάτερον τροπικός, θερινός μέν ώς πρός ήμας έπι τα ένθάδε του ίσημερινοῦ ταττόμενος, χειμερινός δὲ ὁ ἐπὶ θάτερα, τὴν ἐπὶ τὰ 15 νότιά τε καλ βόρεια πάροδον τοῦ ἡλίου τρέποντος. λοξὸς γὰρ τούτοις έγκειται ὁ ζωδιακός, μέγιστος μὲν καὶ αὐτὸς κύκλος, τῶν μὲν τροπικῶν ἐφαπτόμενος καθ' ἕν ἑκατέρου σημεΐον, τοῦ μὲν θερινοῦ κατὰ καρκίνον, θατέρου δὲ κατ' αίγοκέρων, δίχα δε τέμνων τον ίσημερινον και αύτος 20 ύπ' έκείνου διχοτομούμενος κατά τε χηλάς καλ κριόν, ύφ' ὃν ηλιός τε φέρεται και ή σελήνη και οί λοιποι πλάνητες, φαίνων τε ό τοῦ Κρόνου προσαγορευόμενος, ώς δέ τινες Ήλίου, και φαέθων ό τοῦ Διός, ἔτι δὲ πυρόεις, ὃν Άρεως καλοῦσιν, οί δὲ Ἡρακλέους, καὶ

φωσφόρος, δν φασιν Άφροδίτης, τουτον δε και έωσφάρον και έσπερον όνομάζουσι, πρός δε τούτοις στίλβων, δν καλουσιν Έρμου.



λέγεται δέ τις χύχλος όρίζων, ό διὰ τῆς ἡμετέρας δψεως ἐκβαλλόμενος καὶ κατ' ἐπιπρόσθησιν τῆς γῆς 5 ίσα διαιρῶν ὡς προς αἰσθησιν τὸν ὅλον οὐρανόν, τουτέστι τό τε φανερὸν ὑπὲρ γῆς ἡμισφαίριον καὶ τὸ ἀφανὲς ὑπὸ γῆς, μέγιστος ὁμοίως καὶ τοὺς μεγίστους διχοτομῶν τόν τε ἰσημερινὸν καὶ τὸν ζωδιαχόν. ὅθεν καὶ τῶν κατὰ διάμετρον ἄστρων κατὰ συζυγίαν ἀεὶ 10 θάτερον μὲν ἐπ' ἀνατολῆς ὁρᾶται, θάτερον δὲ ἐπὶ δύσεως. διαιρεῖ δὲ οὖτος δίχα καὶ τὸν μεσημβρινόν. ἔστι γάρ τις καὶ μεσημβρινὸς καλούμενος μέγιστος χύκλος, γραφόμενος μὲν διὰ τῶν πόλων τοῦ παντὸς ἀμφοτέρων, ὀρθὸς δὲ νοούμενος πρὸς τὸν ὁρίζοντα. καλείται 15

4 inscr. περί τοῦ ὀρίζοντος Β xύπλος] κύπλων Β, dicitur etiam circulus finalis Chalc. 5 ἐπιπρόσθεσιν Β* 12 διαιφεί] διαιφείται Β*, potest etiam scribi διαιφείται δὲ ούτος δίχα ὑπὸ τοῦ μεσημβρινοῦ. hunc autem ipsum bifariam dividit meridialis Chalc. 13 inscr. περί μεσημβρινοῦ Β

g *

DE CIRCULIS

(δέ) μεσημβρινές οἶον ἐπειδή κατὰ μέσην ἡμέραν ἐπὶ τούτῷ γίνεται μετέωρος ὁ ῆλιος. καλοῦσι δὲ ἔνιοι τοῦτον καὶ κόλουρον, ἐπειδή <τὸ> πρὸς τὸν ἀφανῆ πόλον μέρος αὐτοῦ ἐφ' ἡμῖν ἐστιν ἀφανές.

άλλ' ό μέν ίσημερινός και οι έκατέρωθεν τούτου 5 τροπικοί δεδομένοι και άραρότες τοις μεγέθεσι και ταις θέσεσι. δεδόσθαι δε λέγεται τη θέσει σημείά τε καί γραμμαί, à τον αὐτον ἀεὶ τόπον ἐπέχει· τῷ δὲ μεγέθει δεδομένα χωρία τε και γραμμαι και γωνίαι λέγονται, 10 οἶς δυνάμεθα ίσα πορίσασθαι. ὁ δὲ τοῦ ἰσημερινοῦ κύκλος καί οί έκατέρωθεν τροπικοί ἀεί τὸν αὐτὸν ἐπέχουσι τόπον και άραρότες είσι και ίσους αύτοις ολόν τε πορίσασθαι, τῷ μέν ίσημερινῷ τόν τε ζωδιακόν καί τόν όρίζοντα και τόν μεσημβρινόν, τῷ δε χειμερινῷ τόν 15 θερινόν καί τῷ θερινῷ τόν χειμερινόν. οίτινες διὰ τούτων άεί είσι δεδομένοι, ότι ούκ έφ' ήμιν έστι τοιούσδε η τηλικούσδε ύποστήσασθαι αύτούς, άλλα τη φύσει ύποκείμενοι τοιοῦτοι και δεδομένοι, καν μη ήμεις δῶμεν α δε έφ' ήμιν έστι δουναι αύτα η τοια η τοια 20 είναι, ταῦτα τῆ [δε] φύσει οὐκ ἔστι δεδομένα. φύσει ούν δεδομένοι και άραρότες [τουτέστιν ύφεστωτες και άραρότες] ο τ' ίσημερινός και οι έκατέρωθεν και τη θέσει καί τοις μεγέθεσιν. ό δε ζωδιακός τῷ μεν μεγέθει δέδοται καί τη κατ' αύτον τον ούρανον θέσει, τω δέ 25 πρός ήμας ού δέδοται τη θέσει· μεταπίπτει γάρ ώς πρός ήμας, διὰ την έν τῷ παντὶ λόξωσιν άλλοτε άλλως ίστά-

6 τροπικοί δεδομένοι] δεδομένοι τροπικοί Β*7 διδοσθαι Β*12 τρόπον Β* αύτοις] αύτους Β*15 διά τουτο Mart. 19 η τοιά η τοιά Β, η τοιάδε η τοιάδε Mart. 20 δε del. Mart. 21 pr. και άραρότες del. Mart. 24 τφ] το?

 $132 \cdot$

μενος ύπερ ήμας. μεσημβρινός δε και όρίζων τῷ μεν μεγέθει δεδομένοι, μέγιστοι γάρ, τη δε θέσει μεταπίπτοντες καθ' ἕκαστον κλίμα τῆς γῆς, ἄλλοι παρ' ἄλλοις γινόμενοι ούτε γαρ απασι τοις έπι της γης ό αύτος δρίζων, ούτε πασι το αύτο μεσουράνισμα, ούθ' έχάστω 5 έστιν ό ζαύτός) μεσημβρινός. οι μέντοι πρός τοις πόλοις, δ τε άρπτικός και ό άνταρκτικός, ούτε τοις μεγέθεσι δέδονται ούτε ταζς θέσεσι κατά δε την διαφοράν τών νοτιωτέρων και βορειοτέρων κλιμάτων παρ' οἶς μέν μείζονες, παρ' οίς δε ελάττονες δρώνται, και κατά 10 μέσην μέντοι την γην, τουτέστι κατά την ύπο τον ίσημερινόν λεγομένην ζώνην δια καυμα αοίκητον, ούδ' όλως γίνονται, τῶν πόλων ἀμφοτέρων ἐκεῖ φαινομένων καί τοῦ ὁρίζοντος δι' αὐτῶν ἐκπίπτοντος. είσι δὲ οῦ καί την σφαίραν όρθην καλοῦσι, πάντων τῶν παραλλήλων 15 όρθων γινομένων ώς πρός έκεινους τούς τόπους της γης.

έτι τῶν μὲν ἄλλων χύχλων ἕχαστος ὄντως ἐστὶ χύχλος ὑπὸ μιᾶς γραμμῆς περιεχόμενος. ὁ δὲ λεγόμενος ζωδιακὸς ἐν πλάτει τινὶ φαίνεται καθάπερ τυμπάνου χύχλος, ἐφ' οὖ καὶ είδωλοποιεῖται τὰ ζώδια. τούτου 20 δὲ ὁ μὲν διὰ μέσου λέγεται τῶν ζωδίων, ὅστις ἐστὶ καὶ μέγιστος καὶ τῶν τροπικῶν ἐφαπτόμενος καθ' ἕν ἑκατέρου σημεῖον καὶ τὸν ἰσημερινὸν διχοτομῶν. οἱ δὲ ἑκατέρωθεν τὸ πλάτος ἀφορίζοντες τοῦ ζωδιακοῦ καὶ τοῦ διὰ μέσου ἐλάττονες.

2 tỹ đề đếơt μετ.] tỹ đếơt μετ. đề B, tỹ đ. đề μ. Mart., sed positione nutant e. q. s. Chalc. 67 5 μεσουράνημα? ovở] xad' B, xal Mart. 16 προς έπείνους] προσήπει ώς B* 17 inscr. περί τοῦ ζωδιακοῦ B ἔτι] εἴ τις B, εἰς τις Mart. etiam illud addendum Chalc. 68 21 ở μὲν <τὸ πλάτος διατέμνων)? secat porro latitudinem eius circulus qui inter signa medius adpellatur Chalc.

οί μέν ούν πολλοί και άπλανείς άστέρες τη πρώτη και μεγίστη και το παν έξωθεν περιεχούση σφαίρα συμπεριφέρονται μίαν και άπλην έγκύκλιον κίνησιν, ώς ένεστηριγμένοι ταύτη και ύπ' αύτης φερόμενοι, θέσιν 5 τε (μίαν) και άει την αυτην έν τη σφαίρα διαφυλάττοντες και την πρός άλλήλους τάξιν δμοίαν, μηδ' ήντινοῦν ἐτέραν μεταβολην ποιούμενοι μήτε σχήματος η μεταναστάσεως μήτε μεγέθους η χρώματος. η λιος δε καί σελήνη και οι λοιποί πάντες άστέρες καλούμενοι 10 πλάνητες συναποφέρονται μέν ύπὸ τοῦ παντὸς τὴν ἀπὸ άνατολών έπι δύσιν φοράν καθ' έκάστην ήμέραν, καθά καί οι άπλανείς, φαίνονται δε καθ' εκάστην ημέραν πολλάς καί ποικίλας άλλας ποιούμενοι κινήσεις. είς τε γὰρ τὰ ἑπόμενα τῶν ζωδίων μετίασι και οὐκ είς τὰ 15 προηγούμενα κατά την ίδίαν πορείαν, άντιφερόμενοι <τῶ> παντί τὴν κατὰ μῆκος αὐτῶν λεγομένην φοράν, καί άπὸ τῶν βορείων ἐπὶ τὰ νότια και ἀνάπαλιν τρέπονται, την κατά πλάτος ποιούμενοι μετάβασιν, άπλῶς δε από τοῦ θερινοῦ τροπικοῦ πρός τόν χειμερινόν καί 20 ανάπαλιν φερόμενοι διὰ την τοῦ ζωδιαχοῦ λόξωσιν τούτοις ύφ' ών άει θεωρούνται, και έν αύτω τω πλάτει

τοῦ ζφδιακοῦ ποτὲ μὲν βορειότεροι τοῦ διὰ μέσου φαινόμενοι καὶ ὑψοῦσθαι λεγόμενοι, ποτὲ δὲ νοτιώτεροι καὶ ταπεινούμενοι, καὶ τοῦτο οἰ μὲν πλεΐον, οἰ δὲ ἔλαττον, ἔτι δὲ καὶ τοῖς μεγέθεσι διαλλάττοντες, διὰ τὸ ποτὲ μὲν ἀπογειότεροι, ποτὲ δὲ σύνεγγυς ἡμἴν ἐν τῷ βάθει φέ- 5 ρεσθαι. διὰ δὲ τοῦτο καὶ τὸ τάχος τῆς κινήσεως διὰ τῶν ζφδίων ἀνώμαλον φαίνονται ποιούμενοι, τὰ ἴσα διαστήματα μὴ ἐν ἴσοις χρόνοις παραλλάττοντες, ἀλλὰ Θᾶττον μὲν ὅτε καὶ μέγιστοι δοκοῦσι διὰ τὸ προσγειότεροι καθίστασθαι, βραδύτερον δὲ ὅτε καὶ μικρότεροι 10 διὰ τὸ γίνεσθαι ἀπόγειοι.

τὸ δ' ἐν αὐτῷ τῷ ζῷδιακῷ πλάτος τῆς μεταβάσεως ὁ μὲν ῆλιος βραχύ τι παντάπασιν ὁρᾶται, τὸ πᾶν περὶ μίαν μοίραν τῶν τζ΄ ἡ δὲ σελήνη, καθὰ οί ἀρχαϊοί φασι, καὶ ὁ φωσφόρος πλεϊστον, περὶ γὰρ μοίρας ιβ΄ 15 στίλβων δὲ περὶ μοίρας η΄ πυρόεις δὲ καὶ φαέθων περὶ μοίρας ε΄ φαίνων δὲ περὶ μοίρας γ΄. ἀλλὰ σελήνη μὲν καὶ ῆλιος ίσον ἐφ' ἐκάτερον τοῦ διὰ μέσου ἐν παντὶ ζῷδίῷ κατὰ πλάτος φαίνονται χωρεῖν, τῶν δὲ ἄλλων ἕκαστος οὐκ ίσον, ἀλλ' ἕν τινι μὲν βορειότατος, ἕν τινι ∞ δὲ νοτιώτατος γίνεται. τὸν δὲ τῶν ζῷδίων κύκλον κατὰ τὸ μῆκος ἀπὸ σημείου ἐπὶ τὸ αὐτὸ σημεῖον, εἰς τὰ ἑπό-

1 βοφειότεφον τὸν διὰ μέσου φαινόμενον B* 3 καὶ τοῦτο: ante καὶ nota eiusdem vocis B 6 τάχος] πάχος B* 9 πφοσγειότεφον B 12 post μεταβάσεως pauca videntur excidisse: evagatio tamen in latum, quae fit in zodiaco, non aequa est omnium; quippe solis minor e. q. s. Chalc. 70 13 παντάπασι φέφεται Mart. περί μίαν μοῖραν. cf. p. 194, 7. Schiaparelli, Ztschr. f. Math. u. Physik XXII. Suppl. (Abb. zur Gesch. d. Math. I) p. 126 14 cf. p. 194, 10 15 ιβ΄: cf. i εμ μ εσον B* 21 νοτιώτατος: ι corr. ex ε B μενα καὶ οὐκ εἰς τὰ προηγούμενα, σελήνη μὲν ἐν ἡμέραις κζ καὶ τρίτῷ μάλιστα ἡμέρας καὶ νυκτὸς διέρχεται. ὁ ὅλιος δ' ἐνιαυτῷ, ὅς ἐστιν ἡμερῶν ἐγγὺς τξε δ΄΄ φωσφόρος δὲ καὶ στίλβων καθ' ἕκαστα μὲν ἀνωμάλως, 5 ὀλίγον παραλλάττοντες τοῖς χρόνοις, ὡς δὲ τὸ ὅλον είπεῖν ἰσόδρομοι ἡλίῷ εἰσίν, ἀεὶ περὶ τοῦτον ὁρώμενοι. διὸ καταλαμβάνουσί τε αὐτὸν καὶ καταλαμβάνονται. πυρόεις δὲ ὀλίγου δείν διετία, καὶ φαέθων μὲν σύνεγγυς ἔτεσι δώδεκα, φαίνων δὲ παρ' ὀλίγον ἔτεσι λ΄.

διό καί τὰς πρός τὸν ηλιον συνόδους και φάσεις 10 καί κρύψεις, ας καί αύτας άνατολάς καλοῦσι καί δύσεις. ούχ όμοίως πάντες ποιοῦνται. σελήνη μέν γὰο μετὰ την πρός τόν ήλιον σύνοδον, έπειδη θάττον αύτου την είς τὰ ἑπόμενα ποιεῖται κίνησιν, ἀεὶ ἑσπερία πρώ-13 τως φαινομένη και άνατέλλουσα, έφα κούπτεται και δύνει. φαίνων δε και φαέθων και πυρόεις ανάπαλιν έπειδή βράδιον ήλίου τον των ζωδίων άνύουσιν είς τα έπόμενα κύκλον, οίον αύτοι καταλαμβανόμενοι ύπ' αύτοῦ καὶ παριέμενοι, ἀεὶ ἑσπέριοι δύνοντες [δε] έῷοι 20 άνατέλλουσιν. ό φωσφόρος δε και στίλβων ισόδρομοι όντες ήλίω και περί αὐτίν ἀεί βλεπόμενοι, καταλαμβάνοντες αύτὸν και καταλαμβανόμενοι ὑπ' αὐτοῦ, ἑκατέρως έσπέριοι μεν άνατείλαντες έσπέριοι πάλιν κρύπτονται, έφοι δε φανέντες έφοι δύνουσι και άφανίζονται. 25 τῶν γὰο ἄλλων πλανωμένων ἀπὸ τοῦ ἡλίου πᾶν ἀπό-

8 ποςόεις δὲ όλίγου δὴν διετίαν B* 14 ἑσπεςεία B* 17 βραδίων B* 18 κύκλον, οἶον] κύκλον κύκλον οἶον B, κύκλον, τούναντίον Mart. tamguam ab eo comprehensi Chalc. 19 ἑσπέςειοι B* δύνονται, έῷοι δὲ Mart. vespere occidentes exoriuntur matutinae Chalc. 20 inscr. πεςί τῶν ήλίου (ήλίω Mart.) ἰσοδούμων B. cf. p. 187, 5 sqq. στημα ἀφισταμένων καὶ κατὰ διάμετρον αὐτῷ ποτε γινομένων, οί δύο οὖτοι ἀεὶ περὶ τὸν ῆλιον ὁρῶνται, στίλβων μὲν κ΄ που μοίρας, τουτέστιν ἔγγιστα δύο μέρη ζῷδίου, τὸ πλεϊστον ἀνατολικώτερος ἢ δυσμικώτερος αὐτοῦ γινόμενος, ὁ δὲ τῆς Ἀφροδίτης περὶ ν΄ μοίρας Β πρὸς ἀνατολὰς ἢ δύσεις ἀφιστάμενος.

άνατολή δε λέγεται πλεοναχῶς. πυρίως μεν και κόινῶς ἐπί τε ἡλίου καὶ τῶν ἄλλων ἄστρων ἡ πρώτη ἀναφορά ύπερ τον δρίζοντα. Έτερον δε τρόπον έπι των αλλων ή πρώτη φαῦσις έκ τῶν τοῦ ἡλίου αὐγῶν, ητις καὶ κυ- 10 οίως (φαῦσις) όνομάζεται ιλοιπή δὲ ή καλουμένη ἀκρόνυχος, έπειδαν ήλίου δύνοντος τὸ κατα διάμετρον αστρον έπι της άνατολης βλέπηται καλειται δε άκοόνυχος, έπειδη ή τοιαύτη άνατολη γίνεται απρας νυπτός, τουτέστιν άρχομένης. παραπλησίως δε και δύσις κοινῶς 15 μέν ή πρώτη κάθοδος ή ύπὸ τὸν ἑρίζοντα τρόπον δὲ άλλον ό πρώτος άφανισμός άστρου τινός ύπό τών τοῦ ήλίου αύγῶν, ῆτις καὶ κυρίως κρύψις πάλιν προσαγορεύεται λοιπή δε και άκρόνυχος, έπειδαν ήλίου άνατέλλοντος τὸ κατὰ διάμετρον ἄστρον ἀντικαταδύνη. τῶν 20 δε διά τας τοῦ ήλίου αὐγὰς λεγομένων ἀνατολῶν καὶ δύσεων, τουτέστι φαύσεων και κρύψεων, αί μέν είσιν έφαι, αί δè έσπέριαι. έφα μèν οὖν έστιν ἀνατολὴ ἄστρου, έπειδαν έκφευγον τας του ήλίου αύγας προανατέλλον αύτοῦ πρώτως όραθῆ, χαθάπερ καὶ ἡ τοῦ κυνὸς ἐπιτολὴ 25

3 που] πολύ B, cf. p. 187, 10, τὸ πολύ Mart. 5 αὐτῶ B* ν'] x̄ B*, cf. p. 187, 12; quinquaginta Chalc. 7 inscr. ὁποσαχῶς λέγεται ἀνατολή B 8 ἐπί τε] ἐπεὶ δὲ B* 9 ὑπὲς[ὑπὸ B* 10 φάσις cj. Mart. 20 ἀντικαταδύνει B* 23 ἐσπέριοι B* 24 ἐκφεύγων B* προανατέλλων B* 25 πρῶτος B* λέγεται έσπερία δέ, έπειδὰν μετὰ τὴν δύσιν τοῦ ἡλίου πρώτως φανῆ, καθάπερ τὴν σελήνην ταζς νεομηνίαις φαμὲν ἀνατέλλειν. παραπλησίως δὲ καὶ δύσεις ἑῷαι μέν, ἐπειδὰν ταζς ἕμπροσθεν ἡμέραις τι προανατέλλον 5 ἡλίου συνεγγίσαντος αὐτῷ πρώτως ἀφανισθῆ, καθάπερ ἡ σελήνη έσπερία δέ, ἐπειδὰν ἐπικαταδυομένῷ τινὶ συνεγγίσας ὁ ῆλιος πρώτως διὰ τὰς αὐγὰς ἀφανὲς αὐτὸ καταστήση.

την δε κατά τόπον των σφαιρών <η κικλων θέσιν 10 τε και τάξιν, έν οίς κείμενα φέρεται τα πλανώμενα, τινές μεν των Πυθαγορείων τοιάνδε νομίζουσι· προσγειότατον μεν είναι τον της σελήνης κύκλον, δεύτερον δ' ύπερ τοῦτον <τον τοῦ Έρμοῦ, ἐπειτα τον τοῦ φωσφόρου, και τέταρτον <τον τοῦ ήλίου, είτα τον τοῦ "Αρεως, 15 ἔπειτα τον τοῦ Διός, τελευταίον δε και σύνεγγυς τοῖς ἀπλανέσι τον τοῦ Κρόνου· μέσον είναι βουλόμενοι τον τοῦ ήλίου τῶν πλανωμένων ὡς ἡγεμονικώτατον και οίον καρδίαν τοῦ παντός. μηνύει δε ταῦτα και 'Δλέξανδρος ἡ Δίτωλός, λέγων οῦτως.

1 έπειδη B* 3 έφα? similiter occasus matutinus quidem Chalc. 71 4 τἰς προανατέλλων B* 5 συνεγγύσαντος B* 6 ἑσπέφιαι Mart. 7 πρῶτος B* αὐτὸ] αὐτῶ B* 9 inscr. πε ρὶ θέσε ως τῶν πλανωμένων B. stellarum errantium ordinem duabus figuris illustr. B; ad alteram (cui similis est descr. XXIII in Chalcidii editione Wrobeliana) adscriptum est at σειρῆνες κατὰ] μετὰ B* ἢ add. Mart. positionem vero atque ordinem conlocationis globorum vel etiam orbium Chalc. 72 κύκλων: ων e corr. B 11 τῶν Πυθαγορείων: cf. Zeller I p. 395, 5 17 πλανομένων B* ἡγεμονικωτάτου Mart. 18 καρδία B, καρδίας Mart. scilicet ut inter planetas sol medius locatus cordis, immo vitalium omnium praestantiam obtinere intellegatur Chalc. 72. cf. p. 188, 5. Procl. in Tim. p. 171 C 19 cf. Rhein. Mus. XXVI p. 586 ύψοῦ δ' ἄλλοθεν ἄλλος ὑπέρτερον ἔλλαχε κύκλον. άγχοτάτη μέν δία σεληναίη περί γαίαν. δεύτερος αύ στίλβων χελυοξόου Έρμείαο, τῷ δ' ἔπι φωσφόρος ἐστὶ φαεινότατος Κυθερείης, τέτρατος αύτος υπερθεν έπ' ήέλιος φέρεθ' υπποις, 5 πέμπτος δ' αύ πυρόεις φονίου Θρήικος "Αρηος, έπτος δ' αύ φαέθων Διός άγλαός ίσταται άστής, ἕβδομος <αὖ> φαίνων Κρόνου ἀγχόθι τέλλεται ἄστρων. πάντες δ' έπτανόνοιο λύρης φθόγγοισι συνφδόν άρμονίην προχέουσι διαστάσει άλλος έπ' άλλη. 10

καί γάρ τοῦτο Πυθαγόρειον, τὸ καθ' ἁρμονίαν είρεσθαι τόν κόσμον και κατά τούς τῶν ήρμοσμένων και συμφώ-

1 ὑπέǫτατον BC, em. Meineke anal. Alex. p. 373 έλαχε BC, em. Vossius (cf. Gale in notis ad hist. poet. scriptt. p. 149. Bo, chi, vosalus (ci. Gale in Rous ad mis. poed scriptor, p. 185 Schneider ad Vitr. t. II p. 23) 2 dia — yaiav recte C] dia selnyala negi yaiav B 3 stafbar C zelvožšov kąuelao C] zeližaov (zelvozšov Vossius, zelvoszšov Naeke opusc. I p. 29) kąuelov B 4 τῶ δ' ἐπl C] τῶν ἐπι B (τῶν δ' ἐπl Gale, τῶ έπι Schneider) 5 τέτρατος – ήέλιος recte C] τέταρτος αύτος υπερθεν έπιέλιος Β αυ καθύπερθεν? 6 πυρόεις: cf. Ludwich Beitr. zur Kritik des Nonnos p. 91 φονίου Mart.] φ ov B (spat. vac. quattuor fere litt.), φθονίου C, φωστής Gale, gatow Schneider, goßscov Peerlkamp (Gelder ad Tim. Locr. p. 83), govios G. Hermann Ztschr. f. d. AW. 1850 p. 500 cons ut vid. C (Genfusos Mans Hermann) 7 suros B,

έπτὸς C, em. Vossius ἀστής B] ἀνής C 8 αὐ add. Gale

FATOS C. 601. VOSSIUS αστης B ανης C o at att. Gate φαίνων C] φαίνεται B (ψυχοὸν — ἄστρον cj. Schneider) πρόνω C ἄστρων B] ἀστής C (ἄστρον Vossius) 9 hunc et seq. versum adfert etiam Heraclitus alleg. Hom. p. 27 Mehl. συνφόὸν Heracl.] σύνοδον B, συνωδοί C et schol. Π. A 46 ubi Heracliti locus exscriptus est 10 προχέουσι Bredow epist. Paris. p. 255] προσέχουσι Heracl., στοιχοῦσι B, στείχουσι C στότρων C μάτα β. C, zaęśzovo Schow Siaszadov Gale älln Cj ällnv B. dicárasir állos én állov schol., dicaras állos án állov Hera-cliti codd.(?) 11 sqq. Ach. Tat. isag. ad Ar. Phaen. p. 186 A περί δὲ τῆς ἐναρμονίου κινήσεως αὐτῶν εἰπεν, ὡς ἔφην, Άρα-τος ἐν τῷ κανόνι καὶ Ἐρατοσθένης ἐν τῷ Ἑρμῆ καὶ Ῥψικλῆς καὶ Θράσυλλος καὶ Ἄδραστος Ἀφροδισιεύς καθ'] κατ Β*

νων φθόγγων λόγους διεστώτα τὰ οὐφάνια τῆ φύμη καὶ τῷ τάχει τῆς φορᾶς ἡρμοσμένους καὶ συμφώνους φθόγγους ἀποτελεϊν. ὅθεν καὶ ἐν τοῖς ἐφεξῆς φησιν ᾿Αλέξανδρος.

γαζα μέν οῦν ὑπάτη τε βαρεζα τε μεσσόθι ναζει ἀπλανέων δὲ σφαζρα συνημμένη ἔπλετο νήτη μέσσην δ' ἀέλιος πλαγκτῶν θέσιν ἔσχεθεν ἄστρων τοῦ δ' ἀπὸ δὴ ψυχρὸς μὲν ἔχει διὰ τέσσαρα κύπλος. κείνου δ' ἡμίτονον φαίνων ἀνίησι χαλασθείς,
τοῦ δὲ τόσον φαέθων ὅσον ὅβριμος "Αρεος ἀστήρ ἠέλιος δ' ὑπὸ τοζσι τόνον τερψίμβροτος ἴσχει, αἴγλης δ' ἠελίοιο τριημίτονον Κυθέρεια ἡμίτονον δ' ὑπὸ τῷ στίλβων φέρεθ' Ἐρμείαο, τόσσον δὲ χρωσθεζσα φύσιν πολυκαμπέα μήνη
κέντρου δ' ἠελίοιο θέσιν διὰ ⟨πέντ'⟩ ἕλαχε χθών αῦτη πεντάζωνος ἀπ' ἠέρος εἰς φλογόεν πῦρ

5 μεσσόθι vel μεσόθι C] μέσηθι Β ναίει C] ναίη Β 6 νήξ C, νότης Β 6 μέσην Β, μέσσον vel μέσον C ήέλιος C] ήλιος Β πλακτῶν BC, em. Vossius ἔσχεθεν C] ὑπέσσχεο Β, ἔσχ' ὑπὲς Vossius 8 ἀπο Β, ὑπὸ C τοῖο ở ἀφ' ὕψιστος vel τοῦ ở ἀπο δὴ ὕψος cj. Naeke τέσσαρα: αρα periit in C, τεσσάρω Β κύκλων C 10 τῶ δὲ τάσιν φαέθων ὅσον

ξβοιμος ἄφεως ἀστήφ Β, τοῦ δὲ τόσον φαέθων ἡνοβοιμος ἄφε... ἀστήφ C, τοῦ δ' ἴσον φαέθων, τόνον ὅβοιμος Λρεος ἀστήφ dubitanter cj. Bergk, Ztschr. f. d. AW. 1850 p. 175 11 δ' C] om. B τῆσι ut vid. C 12 αἴγλ5 C ἡελίοιο C] ἡελίοις ac tum ἡ del. B Κυθέφεια Ναεκε] πυθεφείης BC, Κυθεφείη Gale 13 δ' ὑπὸ τῶ C] ἀεἰ ὅπο B, δὲ ὑπὸ Gale, δ' ὑπὸ τỹ Naeke fort. recte ἡφμειε C, ἑφμείας B, em. Vossius 14 δὲ] τε Schneider πολυπαμπέα C] πολυπαμπτέα B 15 πέντφου ở ἡελίοιο C] κέντφει (vel πέντει) δ' ἡελίοις B, πέντφου ἄπ' ἦελίοιο Bergk δία ἕλαγε B, διέλαγε C, em. Naeke 16 αὐτὴ Schneider ἀπ' ἡέφος εἰς C] ἀπηεφιῆς B, ὑπ' ἡέρι ἡς Mart.

άφμοσθεϊσ' ἀπτίσι πυφὸς πρυερῆσί τε πάχναις οὐφανοῦ ἑξάτομον τόνον ἔσχεθε τὸν διὰ πασῶν. τοίην τοι σειφῆνα Διὸς παίς ῆφμοσεν Ἐφμῆς, ἑπτάτονον πίθαφιν, θεομήστοφος εἰκόνα πόσμου.

έν δε τούτοις την μεν τάξιν των σφαιρών ην βεβού- 5 ληται μεμήνυκε, την δε διάστασιν αύτων και τα άλλα σχεδόν πάντα φαίνεται είκη πεποιήσθαι. την γαο λύραν έπτάχορδον λέγων είκόνα κόσμου συστήσασθαι τον Έρμην καί έν τη διὰ πασῶν ήρμοσμένην συμφωνία τὸ παν έννεάγορδον συνίστησιν, εξ μέντοι τόνους περιέγον. 10 καί τὸν μὲν τῆς ὑπάτης φθόγγον ἀποδίδωσι τῆ γῆ, διότι βαρυτάτη των άλλων έστιν αυτη καίτοι ή έπι του μέσου έστιν ακίνητος, ούδ' όλως ποιεί φθόγγον τον δε τῆς συνημμένης νήτης τῆ τῶν ἀπλανῶν ἀποδίδωσι σφαίοα, και τοῦτο ζ΄.... μεταξύ δὲ τίθησι φθόγγους 15 τούς τῶν πλανωμένων. πάλιν τὸν τῆς μέσης ἀποδίδωσι τῷ ἡλίφ, τῆς ὑπάτης οὕτε πρός τὴν μέσην διὰ πέντε συμφωνούσης, άλλα δια τεσσάρων, ούτε πρός την συνημμένην νήτην διὰ πασῶν, ἀλλὰ πρός την διεζευγμένην. τό τε παν σύστημα ούτε κατά διάτονον γένος άρμόζεται. 20 ούτε γαο τριημιτονιαΐον ασύνθετον ούτε πλείω ένος ήμιτόνια κατά τὸ έξῆς έν τούτφ μελφδεῖται τῷ γένει.

1 άφμοσθεῖσα ἀπτίσι Β, ἁφμοσθεῖσα πτη̈δ C πουεοη̈σι C] πουεοροῖσι Β 2 οὐοανὸν BC (cf. p. 140, 8 sq. 11. 13). οὐοανὸς ἑξάτονος Schneider τὸν C] τῶν Β πάντων BC, em. Schneider; in postremis complura deesse putat Bergk 3 τοίην C] τοίνυν Β σειοὴν ὁ BC, em. Naeke 4 θεομήτορος BC, em. Meineke 5 ἐν] εί B* 9 ἡφμοσμένη_B* 10 περιέχον Β 12 η̈̃] ἡ Β, εί Mart. 14 τη̃] τὴν B* 15 σφαίφαν B* καὶ τούτων μεταξὺ ζ΄ τίθησι Mart. fort. recte; in B post $\overline{\xi}$ vacuum spatium est paucarum literarum ούτε μην κατὰ χρῶμα πάλιν γὰρ ἐν χρώματι τόνος ἀσύνθετος οὐ μελφθεϊται. εἰ δὲ μικτὸν ἐξ ἀμφοϊν λέγει τις τοϊν γενοϊν εἶναι τὸ σύστημα,..... τό τε πλείω δυοϊν κατὰ τὸ ἑξῆς ἡμιτόνια τάττεσθαι οὐδ' 5 ὅλως ἐστιν ἐμμελές. ἀλλὰ ταῦτα μὲν τοῖς ἀμυήτοις μουσικῆς ἐστιν ἅδηλα.

Ἐρατοσθένης δὲ τὴν μὲν διὰ τῆς φορᾶς τῶν ἄστρων γινομένην ἁομονίαν παραπλησίως ἐνδείκνυται, τὴν μέντοι τάξιν τῶν πλανωμένων οὐ τὴν αὐτήν, ἀλλὰ μετὰ 10 σελήνην ὑπὲρ γῆς δεύτεροંν φησι φέρεσθαι τὸν ῆλιον. φησὶ γὰρ ὡς Ἐρμῆς ἔτι νέος, ἐργασάμενος τὴν λύραν, ἔπειτα πρώτως εἰς τὸν οὐρανὸν ἀνιῶν καὶ παραμείβων τὰ πλανᾶσθαι λεγόμενα, θαυμάσας τὴν διὰ τὴν φύμην τῆς φορᾶς αὐτῶν γινομένην ἁρμονίαν τῆ ὑπ' αὐτοῦ 15 κατεσκευασμένη λύρα <ὁμοιάν> ἐν δὲ τοῖς ἔπεσι φαίνεται ὁ ἀνὴρ οὖτος τὴν μὲν γῆν ἐᾶν ἀχίνητον, ἐν η΄ δὲ φθόγγοις ποιεί ὑπὸ τὴν τῶν ἀπλανῶν σφαίφαν τὰς τῶν πλανωμένων ἑπτά, [καὶ] πάσας χινῶν περὶ τὴν γῆν χαὶ τὴν λύραν ποιούμενος 20 ὀκτάχορθον ἐν τῷ διὰ πασῶν συμφωνία [ὁ μουσιχώτα-

1 κατὰ χοῶμα] χοῶμα τὲ Β, ἐν χοώματι Mart. 7 sqq. cf. Erat. carm. rel. p. 38. Bernhardy Erat. p. 143 11 ἔτι] ἔστι Β* 12 ποῶτος Β*, primitus Chalc. 73 13 δαυμάσοιε B, δαυμάσειε Mart. miratum Chalc. 15 ὁμοίαν Mart. addidit post ἁρμονίαν: miratum, quod imago a se inventi operis in caelo quoque reperiretur stellarum conlocatione, quae causa esset concinentiae, recensere, primum se a terra transmisisse lunae globum, post quem superasse solis, dehinc Mercurii Stilbonis et ceterorum cum aplani summa et excelsa Chalc. 17 cf. p. τ2 δ2

τ? 105, 15 sqq. 18 τὰς] ταὶς Β* 20 ὁ μουσικώ ἀλεξαν Β, ὁ μουσικώτατος ἀλέξανδρος apogr., ὁ μουσικώτερος Ἀλεξάνδρου Mart., οὐχ ὡς ὁ μουσικώτατος Ἀλέξανδφος Bergk

τος Άλέξανδρος]. οί μέντοι μαθηματιχοί την τάξιν τών πλανωμένων ούτε ταύτην <ούτε την> αύτην πάντες τιδέασιν, άλλα μετα μεν την σελήνην τάττουσι τον ηλιον, ύπερ δε τούτον ένιοι μεν τον στίλβοντα, είτα τον φωσφόρον, <αλλοι δε τον φωσφόρον,> έπειτα τον στίλ- 5 βοντα, τούς δε άλλους ώς είρηται.

Πλάτων δε έπι τέλει της Πολιτείας, προτρέπων έπι δικαιοσύνην και άρετήν, μῦθόν τινα διέξεισι [και] περι της τῶν οὐρανίων διακοσμήσεως, λέγων ἄξονα μέν τινα διὰ τοῦ πόλου διήκοντα οἶον κίονα, ἐτέραν δε ήλακάτην 10 και ἄτρακτον, τοὺς δέ τινας περι τοῦτον κοίλους ἐν ἀλλήλοις ήρμοσμένους σφονδύλους τὰς τῶν ἄστρων σφαίρας, ζ μεν τῶν πλανωμένων, ἐκτὸς δε μίαν τῶν ἀπλανῶν ἐντὸς αὑτῆς περιέχουσαν τὰς ἅλλας. δηλοϊ δε τὴν τάξιν τῶν σφαιρῶν διά τε τοῦ μεγέθους τῶν ἄστρων 15 ἑκάστου και διὰ τοῦ χρώματος ἑκάστου και ἔτι διὰ τοῦ τάχους τῆς ἐπι τὰ ἐμαντία τῷ παντι φορᾶς, λέγων οῦτως.

έπειδη δε τοις έν τῷ λειμῶνι έκάστοις έπτα ημέραι γένοιντο, ἀναστάντας ἐντεῦδεν δειν τῆ ὀγδόη ἐκπορεύε- m σθαι, καὶ ἀφικνείσθαι [η] τεταρταίους ὅδεν καθορᾶν

1 mathematici tamen neque hanc neque unam omnes ordinationem stellarum errantium ponunt Chalc. 4 τοῦτον corr. ex τοῦταν B 5 ἄλλοι δὲ τὸν φωσφόρον add. Mart. ultra hunc autem quidam Mercurium, quidam alium aliquem ex residuis conlocant Chalc. 7 τὰ ἐν τỹ Πολιτεία περὶ τοῦ Παμφίλου μύθου B (haec verba sine ullo discrimine ceteris inserta sunt) τῆς Πολιτείας: cf. Civ. X p. 614 B sqq. 9 cf. Boeckh kl. Schr. III p. 299 sqq. 10 τὸν πόλον B olov] ol B* ήλεκάτην B* 11 τοῦτο B 13 ἕμτος B* μίαν] πρώτην (i. e. α') B, πρώτην τὴν Mart. 19 Plat. Civ. p. 616 B ἡμέραις B 20 γένοιτο B πορεύεσθαι Plato 21 τεταρτέους ὅθεν καθαράν B

FABULA

άνωθεν διὰ παντός τοῦ οὐρανοῦ καὶ γῆς τεταμένον φῶς εὐθύ, οἶον χίονα, μάλιστα τῆ ἴριδι ἐμφερές, λαμπρότερον δε και καθαρώτερον, είς δ άφικνεϊσθαι προελθόντας ήμερησίαν όδόν, και ίδειν αὐτόθι κατὰ μέσον τὸ 5 φῶς ἐκ τοῦ οὐρανοῦ τὰ ἄκρα τῶν δεσμῶν τεταμένα. είναι γὰρ τοῦτο τὸ φῶς σύνδεσμον τοῦ οὐρανοῦ, οἶον τὰ ὑποζώματα τῶν τριήρων, οῦτω πᾶσαν συνέχον τὴν περιφοράν έκ δε των άκρων τεταμένον άνάγκης άτρα**πτον**, δι' ού πάσας έπιστρέφεσθαι τὰς περιφοράς· ού 10 την μεν ήλαχάτην και το άγχιστρον είναι έξ άδάμαντος, τόν δε σφόνδυλον μικτόν έκ τούτου και άλλων. την δε τοῦ σφονδύλου φύσιν είναι τοιάνδε. τὸ μέν σχημα οίανπερ του ένθάδε. νοησαι δε δει έξ ών έλεγε τοιόνδε αύτον είναι ωσπερ γαρ αν έν ένι μεγάλω σφονδύλω 15 χοίλω χαι έξεγλυμμένω διαμπερές άλλος τοιούτος έλάττων έγκέοιτο άρμόττων καθάπερ οι κάδοι είς άλλήλους άρμόττοντες. και ούτω δε τρίτον άλλον και τέταρτον καί άλλους τέτταρας. όκτω γαρ είναι τους σύμπαντας σφονδύλους έν άλλήλοις έγκειμένους, κύκλους άνωθεν 20 τὰ χείλη φαίνοντας, νῶτον συνεχὲς ένὸς σφονδύλου άπεργαζομένους περί την ήλακάτην έκείνην δε δια

1 τεταγμένον B (sic etiam Platonis codex Vat. B) 2 έμφερές] προσφερῆ Pl. (προσφερὲς Ven.. B) 3 καθαρότερον B ἀφικέσθαι Pl. 4 ίδεἰν Pl.] δεῖν B 5 τὰ ἄκρα αὐτοῦ τῶν δεσμῶν Pl. (τὰ ἄκρα τῶν δεσμῶν αὐτοῦ codd. multi, τὰ ἄκρα ἐκ τῶν δεσμῶν unus) τεταμμένα εἶναι· τοῦτο γὰρ φῶ B 7 οὖτος πῶς συνέχων (corr. ex συνεχῶς) B 8 ἀνάγκαις B 10 ήλεκάτην B καl] τε καl Pl. 11 ἕκ τε τούτου καl ἄλλων γενῶν Pl. 12 τοῦ Pl.] τὴν B 13 οἴαπερ τ΄ τοῦ Pl. 14 ῶσπερ γὰρ ἂν ἐνι μεγάλω B, ῶσπερ ἂν εἰ ἐν ἑνι μεγάλω Pl. 15 κύλω καl ἐγκεγλυμένω B ἄλλως B ἕλαττον B 16 ἐλκέοιτο B οί ante εἰς Pl. (om. Vind. B) 17 δὲ] δὴ Pl. 20 σφονδύλους B et Platonis codd. duo 21 δὲ διὰ Pl.] διὰ δὲ B μέσου τοῦ ὀγδόου βιαμπερές έληλάσθαι. τον μέν οὖν πρώτόν τε (καί) έξωτάτω σφόνδυλον πλατύτατον τόν τοῦ χείλους χύκλον έγειν, τὸν δὲ (τοῦ) ἕκτου δεύτερον, τρίτον δε τον του τετάρτου, τέταρτον δε τον του όγδόου, πέμπτον δε τον τοῦ έβδόμου, επτον δε τον τοῦ πέμπτου, 5 έβορμον δε των του τρίτου, όγδοον δε των του δευτέ-00υ. και τόν μέν τοῦ μεγίστου ποικίλον, τόν δέ τοῦ έβδόμου λαμπρότατον, τον δε τοῦ όγδόου χρῶμα ἀπὸ τοῦ έβδόμου έχειν προσλάμποντος, τὸν δὲ τοῦ δευτέρου καλ πέμπτου παραπλήσια άλλήλοις, ξανθότερα έχείνων 10 γοώματα. τρίτον δε λευχότατον χρώμα έχειν, τον τέταρτον ύπέρυθρον, δεύτερον λευχότητι τον έκτον. χυλίεσθαι δε στρεφόμενον τον άτρακτον όλον μεν την αύτην φοράν τῷ χόσμφ, έν δε όλφ περιφερομένω τους έντος έπτὰ πύπλους την έναντίαν τῷ ὅλφ ήρέμα περιάγεσθαι, 15 αύτῶν δε τούτων τάχιστα μεν ίέναι τον ὄγδοον, δευτέρους δε και αμα άλλήλοις ίσοταχώς τόν τε εβδομον και τόν έκτον καί τόν πέμπτον τρίτον δε φορά ίέναι, δν φασι φαίνεσθαι έπανακυκλούμενον μάλιστα των άλλων. τέταρτον δέ (τόν) τρίτον και πέμπτον τόν δεύτερον. 20 στρέφεσθαι δε αύτον έν τοις της ανάγκης γόνασιν. έπι δε των πύπλων αύτου ανωθεν έω' επάστου βεβηπέναι

3 τοῦ ἕκτου δεύτερον Pl.] ἐκ τοῦ δευτέρου B 4 τρίτον δὲ Pl.] τρίτον τὲ B 7 μεγίστου Pl.] πέμπτου B 8 τὸ ante χοῶμα Pl. (om. Vat. H) 11 χρώματα non est apud Pl. τὸν τέταρτον] τέταρτον δὲ Pl. 12 δεύτερον δὲ λευκότητι τὸν Pl. δεύτερον λευκότατον B κυκλείσθαι Pl. 13 δὴ post δὲ Pl. (om. Flor. T) 14 τῷ κόσμφ non est apud Pl. τῷ ante ὅἰφ Pl. (om. codd. duo) μὲν post τοὺς Pl. 15 περιάγεσθαι] περιφέρεσθαι Pl. 17 ἰσοταχῶς non est apud Pl. 18 καὶ ἕκτον καὶ πέμπτον Pl. τὸν ante τρίτον Pl. (om. codd. duo) ῶν φαει] ὡς σφίσι Pl. 19 μάλιστα τῶν άλλων] τὸν τέταρτον Pl.

Theo Smyrn.

Σειρηνα συμπεριφερομένην, φωνην μίαν ίεϊσαν, ενα τόνον έκ πασων όκτω ούσων άρμονίαν συμφωνείν.

ταῦτα μὲν οὖν καὶ ὁ Πλάτων. ὧν τὴν ἐξήγησιν ἐν τοῖς τῆς Πολιτείας ποιούμεθα ὑπομνήμασιν. κατεσκεύα-5 σται δ' ἡμῖν καὶ σφαιφοποιία κατὰ τὰ εἰφημένα· καὶ γὰφ αὐτός φησιν ὁ Πλάτων ὅτι τὸ ἄνευ τῶν δι' ὅψεως μιμημάτων [τῶν] τὰ τοιαῦτα ἐθέλειν ἐκδιδάσκειν μάταιος πόνος. ἐπὶ δὲ τῶν κύκλων <ẵς> φησιν ἐφεστάναι Σειφῆνας οἱ μὲν αὐτούς <φασι> λέγεσθαι τοὺς πλάνη-10 τας, ἀπὶ τοῦ σειφιάζειν· κοινῶς τε γάφ, φησιν ὁ "Αδφαστος, πάντας τοὺς ἀστέφας οἱ ποιηταὶ σειφίους καλοῦσιν, ὡς "Ιβυκος

> φλεγέθων, ἇπερ διὰ νύκτα μακράν σείρια παμφανόωντα,

15 καὶ κατὰ διαφορὰν ἔνιοι τοὺς λαμπροὺς καὶ ἐπιφανεῖς, ὡς Ἄρατος τὸν τοῦ κυνὸς ὀξέα σειριᾶν φησι, καὶ ὁ τραγικὸς ἐπί τινος τῶν πλανήτων.

1 ἕνα τόνον Pl.] ἐνάτονον B 2 δὲ post πασῶν Pl. μίαν ante ἁομονίαν Pl. 4 ὑπομνήμασιν: Procl. in Tim. p. 26 Α ἄλλοι δὲ Καλλαίσχουν Κριτίαν και Γλαύκωνα παίδας λέγουσιν, ὥσπες και Θέων ὁ Πλατωνικός(?) κατεσκεύασθαι B* 6 Plat. Tim. p. 40 D τὸ λέγειν ἄνευ διόψεως (δι' ὄψεως vel δ' ὄψεως codd. tres) τούτων αὐ τῶν μμημάτων μάταιος ἂν εἶη πόνος: in Theonis vel Adrasti exemplari fuit ἄνευ τῶν δι' ὄψεως μμημάτων, quod etiam Proclus legisse videtur 8 ἅς post Σειςῆνας add. Mart. σησιν] φασιν B* 9 φασι add. Mart. 11 σειφόους B* 12 Τβυκος: fr. 3 Bergk. cf. Phot. lex. s. v. σείοιος et σίοιος (Suidas s. v. σείοιο). Hesych. s. v. σειgίου κυνός δίκην. lex. rhet. apud Eustath. ad Od. 1709, 55. schol. Apoll. II 517. etym. m. 710, 22. Westphal Metrik d. Gr. II p. 365 13 ἅπες vel ἀπες B*, ἀπεςεἰ cj. Bergk 15 cf. Pseudo-Erat. Catast. 33 μέγας δ' ἐστὶ καὶ λαμπρός, τοὺς δὲ τοιούτους ἀστέςας οἱ ἀστορολόγοι σειρίους καλοῦσι διὰ τὴν τῆς φλογός κίνησιν 16 Ar. 331 ὀξέα σειριάει ὀξεία B* 17 Eur. Iph. Aul. 6 sq.

τί ποτ' ἄρα ό άστηρ όδε πορθμεύει σείριος:

ένιοι δε Σειρηνας ού τούς άστέρας λέγεσθαί φασιν. άλλὰ κατὰ τὸ Πυθαγορικὸν τοὺς ὑπὸ τῆς τούτων φορᾶς γινομένους ήχους και φθόγγους ήρμοσμένους και συμ- 5 φώνους, έξ ων μίαν ήρμοσμένην αποτελεϊσθαι φωνήν.

τών δε πλανωμένων, φησίν ό Άδραστος, τα μέν έστιν ἀεὶ ὑπολειπτικά, ὡς ἥλιος καὶ σελήνη ταῦτα γὰρ ούδέποτε είς τὰ προηγούμενα τῶν ζωδίων μεταβαίνει, άλλὰ πάντοτε δραται μεταβαίνοντα είς τὰ έπόμενα 10 διόπερ ούδε στηριγμούς ούδε άναποδισμούς ποιειται. τὰ δὲ καί προηγείται και ὑπολείπεται, καθάπερ τὰ ἄλλα. διόπερ άναγχαίως και στηρίζοντά ποτε φαίνεται και άναποδίζοντα. έστι γὰρ ὑπόλειψις μὲν φαντασία πλάνητος ώς είς τὰ έπόμενα τῶν ζωδίων και πρός άνατολάς 15 άπιόντος, ως φησιν δ Άδραστος, ως δε δ Πλάτων φησίν, ού φαντασία, άλλὰ τῷ ὄντι μετάβασις πλάνητος είς τὰ ἑπόμενα ζώδια ἐπ' ἀνατολὰς ἀπιόντος κατὰ τὴν ἰδίαν πίνησιν, οἶον ἀπὸ Καρκίνου εἰς Λέοντα. προήγησις δέ έστι φαντασία πλάνητος ώς έπι τὰ προηγούμενα και 20 έπι δυσμάς μεταβαίνοντος, οίον άπό Καρχίνου είς Διδύ-

τίς ποτ' ἄφ' άστηφ Eur. τί ποτ' ἄφ' άστηφ scribendum esse put. Bergk
 2 in duobus qui exstant huius fabulae codicibus verba τίς ποτ' ἄφ' άστηφ öde ποφθμεύει Agamemnoni, σείφιος πτλ. seni tribuuntur, neque aliter legisse videtur Ennius (lph. fr. 1 Ribb.); cf. praeter editores Euripidis Bremi philol. Beitr. aus der Schweiz I p. 211 sqq. Dindorf Jahrb. f. Philol. 1868 p. 410
 3 σειφίνας B*
 7 inscr. τί ἐστιν ὑπόλησις (ὑπόλειψις Mart.) καὶ πφοήγησις, στηφιγμὸς καὶ ἀναπο-δισμός B
 9 οὐδέποτε] οὐδέν ποτε B*, numquam Chalc. 74 11 inscr. τί ἐστιν ὑπόλειψις B
 19 inscr. τί ἐστι

προήγησις Β

μους. στηριγμός δέ έστι φαντασία πλάνητος ώς έπι πλέον έστῶτος και μένοντος παρά τινι τῶν ἀπλανῶν. άναποδισμός δέ έστι φαντασία πλάνητος ύποστροφης άπό στηριγμοῦ ὡς ἐπὶ τὰ ἐναντία τῆ πρόσθεν κινήσει. 5 πάντα δε ταυτα ήμιν φαίνεται γίνεσθαι, ού μην ουτος έπιτελείται. τούτου δ' αίτιον το κατά ίδίου τινός κύκλου η έν ίδία σφαίρα φερόμενον ξχαστον τῶν πλανωμένων κατωτέρω τῶν ἀπλανῶν ἡμιν διὰ τὴν ἐπιπρόσθησιν δοκείν κατά τόν ζωδιακόν φέρεσθαι κύκλον έπάνω κεί-10 μενον, ώς και περί τούτων διορίζει ό "Αδραστος είς τό την διαφοράν τῶν περί τοὺς πλάνητας ὑποθέσεων φανεράν γίνεσθαι αίς έπεται τα φαινόμενα.

φησί δ' ότι ό μέν πας κόσμος τοιουτός τε καί έκ τοσούτων καί τοιούτων συνεστηκώς οΐων καί όσων 15 διειλόμεθα, φερόμενός τε φοράν έγχύχλιον χαί το \tilde{v} σφαιρικού σχήματος οίκείαν ύπό του πρώτου. όθεν καί κατεσκευάσθη τοῦ βελτίστου καὶ ἀρίστου χάριν. πρὸς δε την χρόνου διαρίθμησιν και την των περιγείων και άπογείων μεταβολην έγένετο ή των πλανωμένων φορά 20 ποικίλη τις ήδη συνεστηκυΐα, ωστε άκολουθείν αὐτη τὸ ένταῦθα ταῖς γὰρ τούτων τροπαῖς προσιόντων καὶ άπιόντων συμμεταβάλλει και τάνταῦθα παντοίως. τῶν

1 inser. τί ἐστι στηριγμός Β 2 τινι] τινα Β* 3 inser. τί ἐστιν ἀναποδισμός Β 4 πρόσθεν] προσθέσει 1 inser. τί έστι στηριγμός Β

3 inscr. τί έστιν άναποδισμός Β 4 πρόσθεν] προσθέσει B*, ad contrarium iter prioris itineris Chalc. 5 πάντα δέ ταῦτα] τὰ δὲ ταῦτα Β, τὰ δὲ τοιαῦτα Mart. quae ommia Chalc. 7 ἕπαστον τῶν] ἕνατον τῶν Β (ἕνατον apogr., ἕνα τῶν Mart.) 8 ἑπιπρόσθεσιν Β* 13 inscr. περί τῆς τῶν ὅλων δια-ποσμήσεως και τῆς ὑπὸ σελήνην ἀταξίας Β. cf. Zeller III 1 p. 699 15 φερόμενοί τε B* 16 πινεῖται post πρώτον add. Mart. 18 τὴν ante τῶν bis scr. B, semel apogr. 19 πλανομένων B, em. apogr. 20 συνεστημεια B* 22 τἀνταῦθα] τὰ κατ' αὐτὰ B*

μέν γὰρ ἀπλανῶν ἁπλῆ καὶ μία φορὰ κύκλφ, τεταγμένη τε καὶ ὁμαλή. τῶν δὲ ἄλλων πλανωμένων κυκλικὴ μέν, οὐ μὴν ἁπλῆ δοκεί καὶ μία, οὐδὲ ὁμαλὴ καὶ τεταγμένη. τῶν δ' ὑπὸ σελήνην καὶ περὶ ἡμᾶς καὶ μέχρις ἡμῶν πᾶσα μεταβολὴ καὶ κίνησις καί, καθάπερ φησίν,

ένθα πότος τε φόνος τε παί άλλων έθνεα πηρῶν. καί γάρ γένεσις καί φθορά περί πάντα τάνταῦθα καί αύξησις και μείωσις άλλοίωσίς τε παντοία και ή κατά τόπου ποικίλη φορά. τούτων δέ, φησίν, αίτια τὰ πλανώμενα τῶν ἄστρων. ταῦτα δὲ λέγοι τις ἄν ούχ ὡς τῶν 10 τιμιωτέρων καί θείων και άιδίων άγεννήτων τε καί άφθάρτων ένεκα των έλαττόνων και θνητών και έπικήφων πεφυκότων, άλλ' ώς έκείνων μέν διά το κάλλιστον καί άριστον καί μακαριώτατον άει ούτως έχόντων, τῶν δ' ένταῦθα κατὰ συμβεβηχὸς έκείνοις έπομένων. Γνα 15 μεν γαρ ή έν κύπλφ τοῦ παντός ἀεὶ ὑμοία φορὰ γίνηται. οໂον ένέργειά τις ούσα και ζωή τούτου θεία, μένειν έπι τοῦ μέσου τὴν γῆν ἀνάγκη, $\langle \eta \rangle$ περιενεχθήσεται τὸ χύχλφ φερόμενον. εί δὲ ἀνάγχη μένειν χάτω τὴν γην, ἀνάγκη και τὸ πῦρ τὸν ἐναντίον ταύτη κατέχειν 20 τόπου, ὑπὸ τὴν κύκλω φορητικὴν αἰθέριον οὐσίαν καθιστάμενον. τούτων δ' οῦτω διεστηκότων ἀνάγκη και τάλλα στοιχεία, ύδωο και άέρα, κατά λόγον τόν μεταξύ τόπον έπέχειν. τούτων δε όντων άνάγχη χαί

5 φησίν: Empedocles vs. 19 Sturz et Mullach, 21 Karsten, 386 Stein. Έμπεδοπλης fort. addendum 9 ποικίλη corr. ex κοίλη Β 10 λέγοι] λέγει Β* 11 άγενήτου Β* 16 γίνεται vel γένεται Β* 18 ή add. Mart. circa guam Chalc. 76 19 το] τῶ Β* 24 ὄντων] οῦτως ἐχόντων his porro ad unam veluti scriem continuatis Chalc. καl ante άνάγκη del. Β

μεταβολήν είναι των ένταῦθα, διὰ (τό) την ῦλην αίτῶν διόλου είναι τρεπτὴν καὶ [ταῦτα] δυνάμεις ἔχειν ύπεναντίας. έγγίνεται δ' ή μεταβολή τη ποικίλη φορά τών πλανωμένων. εί γαο όμοίως τοις απλανέσι καί 5 ταῦτα ἐφέρετο κατὰ παραλλήλων, ἀεὶ ὑμοίας οὖσης τῆς τῶν ὅλων καὶ πάντων καταστάσεως, οὐκ ἂν τῶν ἐνταῦθα έτεροίωσις η μεταβολή τις ήν. νῦν δὲ τροπαί και ίσημερίαι πρόσοδοί τε και άποχωρήσεις κατά τε ύψος και πλάτος μάλιστα μέν ήλίου και σελήνης, ού μην άλλα 10 και τῶν ἄλλων, τάς τε ῶρας διαφόρους ἐπιτελοῦσι και την ένταῦθα πᾶσαν έργάζονται μεταβολην και γένεσιν και άλλοίωσιν. ή δε ποικίλη της φορας των πλανωμένων φαντασία γίνεται διά τό κατ' ίδίων τινῶν κύκλων καί έν ίδίαις σφαίραις ένδεδεμένα καί δι' έκείνων κι-15 νούμενα δοκείν ήμιν φέρεσθαι διά των ζωδίων, καθά πρώτος ένόησε Πυθαγόρας, τῆ κατὰ ταὐτὰ τεταγμένη άπλη και όμαλη αύτῶν φορα κατὰ συμβεβηκός έπιγινομένης τινός ποιχίλης χαι άνωμάλου χινήσεως.

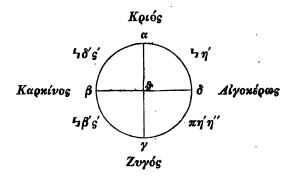
περί δὲ τῆς θέσεως τῶν σφαιρῶν [κύκλων] τ..... 20 ῆτις σώσει τὰ φαινόμενα διέξεισι ταῦτα

φυσικόν μέν και άναγκαϊον, καθάπερ τὰ ἀπλανῆ, και τῶν ἄλλων οὐρανίων ἕκαστον ἁπλῆν και μίαν καθ' αύτό φορὰν όμαλῶς φέρεσθαι και εὐτάκτως. δῆλον δέ

1 tò add. Mart. $\vec{v}l\eta v$] $\vec{o}l\eta v$ B, $\vec{o}la t$ tò th \vec{v} $\vec{o}l\eta v$ avtāv $\vec{o}lolov \langle qv \vec{o}sv \rangle$ Mart. cum eorum silva sit utrobique mutabilis, ipsarum autem materiarum vis et natura contraria Chalc. 7 $\vec{\eta}$] $\vec{\eta}$ vel $\dot{\eta}$ B* 14 ogalqaıs] diagoqals B, dè ogalqaıs Mart. 16 cf. Zeller I p. 884 taŭta] taŭta B* 19 inscr. τls $\dot{\eta}$ dé ols tāv ogalqāv $\vec{\eta}$ xixlav Mart.) tāv mlavou évav B $\langle \vec{\eta} \rangle$ xixlav Mart. post t vacuum spatium quinque fere literarum B, tolaity Mart. toút tav? 22 oùqavlav] olov B* φημι τοῦτο γενήσεσθαι, έαν κατ' ἐπίνοιαν στήσαντες τόν πόσμον νοήσωμεν τὰ πλανώμενα ύπὸ τὸν ζωδιακόν. άχίνητον όντα χαθ' ύπόθεσιν, χινούμενα ουτως γάρ ούκέτι ποικίλη και άνωμαλος, άλλ' εύτακτος ή κίνησις αὐτῶν ἐπιτελουμένη φανήσεται, ὡς ἐπὶ τῆς σφαιρο- 5 ποιίας τῆς Πλατωνικῆς ὑφ' ἡμῶν ἐπιδείκνυται. τῆς δ' άλληνάλλου δοχούσης αὐτῶν χινήσεως χαὶ ποιχίλης αίτία ή διττή κίνησις, της άπλανοῦς σφαίρας ἀπ' ἀνατολης έπι δύσιν φερομένης περί τον δια των πόλων άξονα καί συμπεριαγούσης τη οίκεία δύαη τὰ πλανώμενα καί 10 πάντας γραφούσης τοὺς κύκλους καθ' ών φέρεται τὰ άπλανη παραλλήλους, αὐτὰ δὲ τὰ πλανώμενα χατὰ τὴν ίδίαν κίνησιν ούσαν βραδυτέραν ἀπὸ δύσεως ἐπ' ἀνατολήν φέρεσθαι έν άνίσοις χρόνοις ύπο τον ζωδιακόν λελοξωμένον κατά τῶν τριῶν παραλλήλων, χειμερινοῦ 15 ίσημερινοῦ θερινοῦ, περί ετερον άξονα τόν πρός όρθας όντα τῷ ζωδιακῷ, πεντεκαιδεκαγώνου πλευρὰν ἀπέγοντα τοῦ τῶν ἀπλανῶν ἄξονος. τὸν δὲ τῶν πλανωμένων άξονα ό Πλάτων ήλακάτην και άτρακτον καλεί.

λέγεται δέ, φησίν Άδραστος, όμαλῶς μὲν χινεῖσθαι 20 τὸ τὰ ίσα διαστήματα ἐν ἴσοις χοόνοις διανύειν, ἀλλὰ μὴ ποτὲ μὲν ἀνιέναι ὑτὲ δὲ ἐπιτείνειν ἕχαστον τὸ αύτοῦ τάχος. εὐτάκτως δέ ἐστι χινείσθαι τὸ μὴ ποτὲ μὲν ῖστασθαι ποτὲ δὲ ἀναχάμπτειν, φέρεσθαι δὲ ἐπὶ τὰ

2 rov rósuor] re rósuor B* 8 in B non hic spalpas sed post dúsiv voc. spalpasi legitar, quod ortum esse videtur ex vocabulo spalpas et signo quo spalpas transponendum esse indicavit librarius $\dot{\alpha}x'$] $\dot{\epsilon}x'$ B* 13 $\beta\rho\alpha zvrievor$ B, $\beta\rho\alpha dúrevor Mart.$ 14 gégera Mart. 19 cf. p. 148, 10 $\eta lexárny$ B* 20 inscr. τl ésti tò $\delta \mu a l \tilde{\omega} s$ xive is dat B 22 ord mart. 28 inscr. τl ésti tò eútáxtus xive is da l αὐτὰ ἀεὶ ὑμοίως. δοπεί δ' ἡμίν τὰ πλανώμενα πάντα μὲν ἀνωμαλίας, ἕνια δὲ καὶ ἀταξίας μετέχειν. τίς οὖν ἡ τῆς τοιαύτης φαντασίας αἰτία; πρώτη μὲν τὸ ἐν ἐτέφαις σφαίφαις καὶ ἐν ἐτέφοις κύκλοις ὅντα, καθ' ἇν 5 φέφονται, δοπείν διὰ τοῦ ζωδιαποῦ φέφεσθαι, καθὰ ἦθη προείφηται. κατὰ συμβεβηκὸς δέ, ὡς προείφηται, καίτοι ἁπλῆν τὴν ίδίαν ποιούμενοι κίνησιν οἱ ζ, πλείονας κύκλους γράφουσι καὶ διαφόρους. δῆλον δὲ τοῦτο ἂν ἡμίν καὶ ἐφ' ἑνὸς γένοιτο σκοπουμένοις τοῦ φανεφω-10 τάτου καὶ μεγίστου τῶν πλανωμένων ἡλίου.



έστω ζφθιακός μέν ό αβγθ κέντρου δε αύτοῦ και τοῦ παντός, περί ὅ λέγεται ἐρηρεῖσθαι μέση <ή> γῆ, τὸ Φ, καί διὰ τούτου πρός ὀρθὰς ἀλλήλαις αί αγ βδ διάμετροι·καί τὸ μέν α ἐν ἀρχῆ τοῦ Κριοῦ, τὸ δε β Καρ-15 κίνου, πάλιν δε τὸ μέν γ τοῦ Ζυγοῦ, τὸ δε δ Λίγοκέρω.

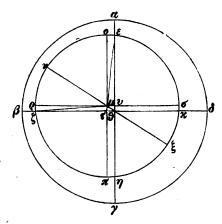
φαίνεται δή ό ήλιος κατά τὸ α γενόμενος ίσημερίαν έαρινην ποιείσθαι, κατά δε τό β τροπήν θερινήν, καί πατά μέν τό γ μετοπωρινήν <ίσημερίαν, πατά δέ τό δ τροπήν γειμερινήν), ίσας δε ούσας τας αβ βγ γδ δα περιφερείας τεταρτημοριαίας άνωμάλως έν άνίσοις χρό- 5 νοις διεξιών. από μέν γαρ ίσημερίας έαρινης έπι τροπην θερινην έν ημέραις παραγίνεται 48'ς', από δε θερινής τροπής έπὶ ἰσημερίαν μετοπωρινήν ἡμέραις 5β'ς', από δε μετοπωρινής ίσημερίας έπι τροπήν χειμερινήν ήμέραις πη' η", λοιπόν από τροπής χειμερινής 10 έπι την έαρινην ίσημερίαν ήμέραις Εη΄, ώστε τον όλον χύχλον ένιαυτῷ διανύειν, ήμέραις έγγιστα τξέ δ', χαί κατά των Διδύμων την άρχην βραδύτατα κινούμενος, κατὰ δὲ τὴν ἀρχὴν τοῦ Τοξότου τάχιστα, μέσα δὲ κατὰ την Παρθένον και τους Ίχθύας. 15

φυσιχόν δέ, ώς φαμεν, και άναγκαιον απαντα τὰ δεία όμαλώς κινείσθαι και εὐτάκτως. δηλον οὖν ὡς έπί τινος ίδιου κύκλου φεφόμενος όμαλῶς και εὐτάκτως ήμῖν ἀπὶ τοῦ θ ὁφῶσιν ἐπὶ τοῦ αβγδ δοκεί φέφεσθαι ἀνωμάλως. εἰ μὲν οὖν ὁ κύκλος αὐτοῦ περὶ τὸ αὐτὸ νο κέντφον ἦν τῷ παντί, λέγω δὲ περὶ τὸ θ, τοὺς αὐτοὺς λόγους διαιφούμενος ὑπὸ τῶν ῶγ βδ διαμέτφων, διὰ τὴν ἰσότητα τῶν περὶ τὸ κέντφον γωνιῶν καὶ τὴν ὁμοιό-

8 uncis inclusa add. Mart. item ad y autumnale aequinoctium, ad d hiemalem conversionem Chalc. 5 τεταστιμοοιαίας B* 9 μεταπαφινής B* 10 ήμέφαι B* η' add. Mart.] in B vacuum spatium rel. octoginia et octo diebus pervenit et octava parte unius diei Chalc. 16 άναγκαία πάντα B, άναγκαίον πάντα Mart. 22 διαιφούμεν B*, eadem ratione divisus Chalc. 79 αβ γδ διαμέτρω B*

τητα των περιφερειών την αυτήν αν παρείχεν άπορίαν. δηλον δε ώς ετέρως χινούμενος χαι ού περί το θ χέντρον αίτιόν έστι τῆς τοιαύτης έμφάσεως. ήτοι οὖν έντός αύτοῦ περιλήψεται τὸ ϑ, ἢ δι' αὐτοῦ ἐλεύσεται, ἢ 5 έκτος αύτοῦ ἀπολείψει. διὰ μὲν οὖν τοῦ θ τον ήλιακον έρχεσθαι κύκλον, άμήχανον και γαρ αύτος αν ό ήλιος έπι γην παρεγίνετο, και τοις μεν έπι θάτερα της γης άει ήν ήμέρα, τοις δ' άλλοις άει νύξ ήν, και ούτ' άνατέλλων ούτε δύνων ούθ' όλως περί την γην έρχόμενος 10 έφαίνετο αν ό ηλιος. απερ ατοπα. λείπεται ούν η έντος περιλαμβάνεσθαι τὸ θ ὑπὸ τοῦ ἡλιακοῦ κύκλου ἢ ἐκτὸς άπολείπεσθαι. όποτέρως δ' αν ύποτεθη, φησί, σωθήσεται τὰ φαινόμενα, καὶ έντεῦθεν ή διαφορὰ τῶν μαθηματικῶν έλεγχθήσεται άτοπος ούσα, τῶν μέν κατὰ έκ-15 κέντρων μόνον λεγόντων φέρεσθαι τὰ πλανώμενα, τῶν δε κατ' έπίκυκλου, των δε περί το αύτο κέντρου τη άπλανει. έπιδειχθήσονται γάρ τούς τρείς γράφοντες κύκλους κατὰ συμβεβηκός, καl τὸν περl <τὸ> τοῦ παντός κέντρον και τόν έκκεντρον και τόν έπίκυκλον. έαν 20 μέν γάο περιλαμβάνεσθαι ύποθώμεθα τό θ έντός ύπό ήλιαχοῦ χύχλου, φησί, μὴ μέντοι γε ὡς χέντρον, ἔχχεντρος ή τοιαύτη λέγεται πραγματεία, έαν δε έκτος άπολείπεσθαι, κατ' έπίκυκλον.

1 παφέχειν Β, παφέχοι Mart. 10 έντὸς] ἐπτὸς Β*, ut ở vel intra ambitum solstitialis circuli sit vel extra Chalc. 11 ἐπτὸς] ἐντὸς Β* 13 cf. p. 148, 11 16 ἐπιπύπλων Mart. 17 ἀπλανῆ Β* 21 ἐνκεντφος Β, em. apogr., κατ' ἐπκεντφον Mart.



ύποκείσθω πρότερον ἕκκεντρος είναι ὁ τοῦ ἡλίου κύκλος ὁ εξηκ, παρεγκεκλιμένος οῦτως, ὡς ἔχειν τὸ αὐτοῦ κέντρον ὑπὸ τῷ εξ περιφερεία, οἶον τὸ μ, καὶ διαιρουμένου εἰς ἴσα μέρη τξε΄δ΄ [καὶ] τὴν μὲν εξ περιφέρειαν είναι Ἱδ΄ς', τὴν δὲ ξη Ἐβ΄ς', καὶ τὴν ῆκ πη΄ η΄΄, 5 τὴν δὲ κε Ἐ΄ η΄΄. φανερὸν οὖν ὡς ἐπὶ μὲν τοῦ ε γενόμενος ἡμίν ἀπὸ τοῦ θ ἐπ΄ εὐθείας ὁρῶσιν ἐπὶ τοῦ α είναι δόξει, τὴν δὲ εξ διελθών, μεγίστην οὖσαν τῶν εἰς τέσσαρα τετμημένων τοῦ ἰδίου κύκλου, ἡμέραις Ἱδ΄ς΄, ὅσωνπερ ἦν καὶ αὐτὴ <μοιρῶν, ὁμαλῶς, καὶ γενόμενος 10

1 ήλίου] ήλιακοῦ B* supra ι acc. del. 2 ἔχει B 3 διαιφουμένου εἰς ἴσα μέφη τξε΄ δ΄΄] διαιφουμένου εἰς ἴσα μένει τὰ εζηκ B, διαιφούμενος οὐκ εἰς ἴσα μὲν τὰ εζ ζη ηκ κε Mart. hoc igitur circulo in trecentas sexaginta quinque partes et partem quartam unius portionis diviso Chalc. 80 9 Γιβς B 10 ήν καl] είναι B* μοφιῶν add. Mart. γινόμενος B, em. apogr.

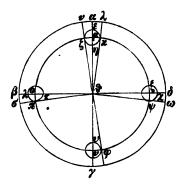
έπι του ζ, ήμιν έπι του β φανήσεται, και δόξει την αβ διεληλυθέναι, τεταρτημοριαίαν του ζωδιακού κύκλου, ού ταϊς αύταϊς ήμέραις, άνωμάλως. πάλιν δε την τη περιφέρειαν, δευτέραν μεγέθει τοῦ ίδίου χύχλου, περι-5 ελθών όμαλῶς ἐν ἡμέραις τιβ΄ ૬΄, ὅσωνπερ ἦν αὐτὴ μοιοών, και γενόμενος έπι του η, ήμιν έπι του γ φανήσεται, καί δόξει την βγ, τεταρτημοριαίαν του ζωδιακου καί ίσην τη πρόσθεν έν έλάττοσιν ήμέραις διεληλυθέναι καί άνωμάλως. παραπλησίως δε την πκ διαπορευ-10 θείς, έλαχίστην ούσαν τῶν είς τέσσαρα τοῦ ίδίου κύκλου, μοιρῶν πη΄ η΄΄, ἐν ἡμέραις τοσαύταις, καὶ γενόμενος έπι τοῦ κ, τοῖς ἀπό τοῦ θ ὑρῶσι φανήσεται μέν έπι τοῦ δ, δόξει δὲ τὴν γδ, τεταρτημοριαίαν χαι ίσην ταϊς πρόσθεν, έλαχίσταις ήμέραις διεληλυθέναι. καί 15 κατὰ λόγον λοιπὴν τὴν πε πορευθεὶς ἡμέραις ¼ η", ὅσων καί μοιρών ήν, καί άποκαταστάς έπι τό ε, δόξει την δα διηνυκέναι, τεταρτημοριαίαν και ίσην, έν ήμέραις 4' η", καί έπι τὸ α σημείον ἀποκαθίστασθαι. και τὸν ἑαυτοῦ κύκλον διαπορευθείς όμαλῶς τὸν τῶν ζφοίων ἀνωμά-20 λως δόξει διεληλυθέναι. έαν δε έπιζεύξαντες μεταξύ τῶν κέντρων τὴν θμ ἐκβάλωμεν ἐφ' ἑκάτερα ἐπ' εὐθείας.

2 τεταφτιμοφιαίαν B, em. apogr. 8 καί ίσην τη̃] καθ' ής ήν τη̃ B, καθ' ής ήν τη̃ς Mart. cf. vs. 13 et 17. βγ ambitum velut acqualem priori Chalo. 9 ἀνομάλως B, em. apogr. 13 τεταφτημοφιαίαν] μοφιαίαν B* 17 δεικνυκέναι B* 20 guod si duum circulorum, id est maioris sodiaci et minoris solstitialis eccentri, duo puncta coniungantur et fiat μθ, deinde per hanc ducta pèrexeat νξ linea: quia εζηκ circuli punctum et medietas est μ, acquales erunt lineae νμ μξ. maior igitur est νμ linea quam ξθ, multo ergo maior νθ quam θξ Chalc. ECCENTRO.

έπειδη τοῦ εξ κύκλου κέντρον τὸ μ, ἴση ἔσται ἡ μν <τῆ> μξ. ὅστε κατὰ μέν τὸ ν γενόμενος ὁ ὅλιος ἀπογειότατος ἂν εἶη, καὶ ἡμῖν ἀπὸ τοῦ ở ἱρῶσι τὸ μέγεθος ἐλάχιστος δόξει καὶ βραδύτατα κινούμενος. ὅπερ φαίνεται ποιῶν κατὰ τὴν πέμπτην ἡμίσειαν μάλιστα μοίραν 5 τῶν Διδύμων· κατὰ δὲ τὸ ξ γενόμενος προσγειότατός τε καὶ διὰ τοῦτο μέγιστος τῆ φάσει καὶ τάχιστα κινούμενος δόξει. ἅτινα πάλιν φαίνεται ποιούμενος κατὰ τὴν ε΄ ἡμίσειαν μοίραν τοῦ Τοξότου· εὐλόγως τε καὶ περὶ τὰς αὐτὰς μοίρας τῶν τε Ἰχθύων καὶ τῆς Παρθένου 10 μέσως τῷ μεγέθει καὶ τῷ τάχει φέρεσθαι δοκεί. καὶ οῦτως πάντα, φησί, σωθήσεται τὰ φαινόμενα.

εύρ(σχεται ό εξηχ χύχλος τῆ θέσει καὶ τῷ μεγέθει δεδομένος. ἤχθωσαν γὰρ διὰ τοῦ μ ταζς αγ $\overline{\beta}$ δ παράλληλοι πρὸς ὀρθὰς ἀλλήλαις αί $\overline{oπ} \ \overline{\rho\sigma}$, καὶ ἐζεύχθωσαν 15 al ζμ με. δῆλον οὖν ὅτι τοῦ εζηχ χύχλου διαιρεθέντος εἰς ἡμέρας τξε΄ δ΄΄ ἡ μὲν εζη περιφέρεια τοιούτων ἔσται ἡμερῶν ρπζ, ἡ δὲ ηκε ἔσται ἡμερῶν ροή δ΄΄. Ισα ἄρα ἐχατέρα τῶν εο πη $\overline{\rho}ζ$ σχ, αί δὲ σπ πρ $\overline{\rho}$ ο $\overline{oσ}$ περιφέρειαι ἀνὰ ¹τα΄ δ΄΄ ιζ΄΄ τοιούτων ὑπάρχουσαι. ἡ δο- 20 Φείσα ἅρα γωνία ὑπὸ $\overline{ομν}$ ἴση ἕσται τῆ $\overline{θμτ}$. ὑμοίως χαὶ <ή> $\overline{ρμν}$ γωνία ἴση ἔσται τῆ $\overline{νμ}$ δ. ἔσται ἄρα ὁ λόγος

τῆς μτ προς μθ, τουτέστι μτ πρός θτ, (δεδομένος). δέδοται ἄρα τὸ μτθ τρίγωνον τῷ είδει. και δοθèν τὸ Φ κέντρον τοῦ παντὸς πρὸς ἐκάτερον τῶν ν ξ σημείων· τὸ μèν γὰρ μέγιστον ὁρίζει ἀπόστημα, τὸ δὲ ἐλάχιστον· 5 και ἔστιν ἡ μèν θμ μεταξὺ κέντρων τοῦ τε παντὸς και τοῦ ἡλιακοῦ κύκλου. δέδοται ἅρα ὁ εξηκ κύκλος τῷ θέσει και τῷ μεγέθει· εύρίσκεται δὲ διὰ τῆς περί ἀποστημάτων και μεγεθῶν πραγματείας ὁ λόγος τῆς θμ <πρὸς τὴν μν> ἔγγιστα ὡς ἕν πρὸς κδ΄.



10 τοιάνδε μέν την κατά ξκκεντρον πραγματείαν παραδίδωσιν, σώζουσαν τὰ φαινόμενα. την δὲ κατ' ἐπίκυ-

κλον τοιάνδε λέγουσιν είναι. Εστω πάλιν ζωδιακός μέν ό αβγθ, ήλιαχός θε χύχλος ό εζχ, έχτος άπολείπων έαυτοῦ τὸ θ ὅ ἐστι τοῦ παντὸς κέντρον. φερομένης δὴ τῆς τῶν ἀπλανῶν σφαίρας ἀπὸ τῆς β ἀνατολῆς ἐπὶ τὸ α μεσουράνημα και άπο τοῦ α έπι την δ δύσιν, ο είπ 5 χύχλος ήτοι ήρεμήσει η χαί αὐτὸς χινηθήσεται, φερομένου περί αὐτὸν τοῦ ἡλίου. ἀλλ' εί μέν ἡρεμήσει, δηλον ώς ό ηλιος ούτε δύνων ούτε άνατέλλων φανήσεται, άλλ' άει τοις μέν ύπερ γην ήμεραν ποιήσει, τοις δε ώς πρός ήμας ύπό γην νύκτα, και μια περιστροφή του 10 παντός δόξει πάντα παροδεύειν τὰ ζώδια· απερ έστιν ล้รอกล. หเขาอิทุ่ธรรลเ อย์บ หล่ไ ลย์รอร์ หเขอบุ่มรขอร อิร ที่รอเ έπι τὰ αὐτὰ τῷ παντι οἰσθήσεται ἢ ὑπεναντίως· και (εί) έπι τὰ αὐτὰ τῷ παντί, ήτοι ίσοταχῶς η θάττον αύτοῦ η βραδύτερον. ἀλλ' εἰ μέν ἰσοταχῶς, ἀχθεισῶν 15 τῶν θζν θαλ έφαπτομένων τοῦ ζε αύαλου, ὁ ηλιος έν τῆ ναλ περιφερεία τοῦ ζφδιαχοῦ ἀεὶ δόξει ἀναστρέφεσθαι έπι μέν γάο τοῦ ζ γενόμενος κατά τὸ ν φανήσεται, έπὶ δὲ τοῦ ε κατὰ τὸ α, μεταβὰς δὲ έπὶ τὸ κ κατὰ τό λ, καί την μέν ζεκ περιφέρειαν διανύσας, την ναλ 20 δόξει πεπορεύσθαι έπι τὰ προηγούμενα τῶν ζωδίων. την δε κης διελθών δόξει την λαν έπι τα έπόμενα ένηνέχθαι άτινα πάλιν ού φαίνεται. ούκ άρα ό εζκ τοῦ ήλίου κύκλος ίσοταχῶς ἐπὶ τὰ αὐτὰ τῷ παντὶ συμπερι-

2 εξηπ Mart. 3 & ő έστι] ε ό έπι Β* 5 εξηπ Mart. 6 αὐτός] αὐτὸν Β* 9 τοἰς] τῆς Β* τοῖς] τῆς Β* 13 οἰς ∂ήσεται Β* 15 ἀχθεἰς Β* 16 εξηπ Mart. 17 ναλ] καλ Β* 20 διανυούσας Β* 22 δὲ κηξ] δ΄ πεζ Β* 23 εξηπ Mart. ενεχθήσεται. ἀλλὰ μὴν οὐδὲ θᾶττον, ἐπεὶ καὶ οῦτως προφθάνων προηγείσθαι δόξει τῶν ἀπλανῶν καὶ ἀνάπαλιν τὸν ζῷδιακὸν διανύειν, οἶον ἀπὸ Κριοῦ εἰς Ἰχθύας καὶ Ἱδροχόον. ἅπερ οὐ φαίνεται. δῆλον οὖν 5 ὅτι ὁ εξη κύκλος ἤτοι ἐπὶ τὰ αὐτὰ τῷ παντί, βραδύτερον μέντοι, κινηθήσεται, καὶ διὰ τοῦτο ὑπολειπόμενος εἰς τὰ ἑπόμενα δόξει μεταβαίνειν, ἢ καθ' ἑαυτὸν [εί] μὲν ὑπεναντίως τῷ παντὶ οἰσθήσεται, συναπενεχθήσεται δὲ τῷ παντὶ πρὸς ἡμέραν ἑκάστην κρατούμενος τὴν 10 ἀπ' ἀνατολῶν ἐπὶ δύσεις. καὶ γὰρ οῦτως εἰς τὰ ἑπόμενα φανήσεται μετιών καὶ οἶον ὑπολειπόμενος.

πῶς οὖν σώσει τὰ φαινόμενα; ἔστω κέντρον τοῦ ἡλιακοῦ κύκλου τὸ μ, καὶ γεγράφθω κέντρω μὲν τῷ θ, διαστήματι δὲ τῷ θμ, κύκλος ὁ μονξ, καὶ ὑποκείσθω ὁ 15 εξηκ κύκλος νῦν συναποφέρεσθαι μὲν τῷ παντί τὴν ἀπὸ τῶν ἀνατολῶν ἐπὶ δύσεις φοράν, ἤτοι δὲ διὰ βραθυτῆτα ὑπολειπόμενος, ἢ καὶ φερόμενος ὑπεναντίως τῷ παντί, ὅ καὶ μᾶλλου δοκεῖ τῷ Πλάτωνι, ῶστε τὸ μὲν κέντρον κατὰ τοῦ μονξ κύκλου φερόμενον ὑμαλῶς πεφιποφεύε-10 σθαι αὐτὸν ἐνιαυτῷ, καὶ ἐν τῷ <αὐτῷ) χρόνῷ τὸν ῆλιον διανύειν τὸν ἑαυτοῦ κύκλον, ὁμοίως φερόμενον ὑμαλῶς. πάλιν ὁ ῆλιος κατὰ τοῦ εξηκ κύκλου ἤτοι ἐπὶ τὰ αὐτὰ τῷ παντὶ ἐνεχθήσεται, ἢ ὑπεναντίως, <ἐπὶ τὰ αὐτὰ δὲ> τῷ ἰδίω κύκλῷ, οἶον ἀπὸ τοῦ κ ἐπὶ τὸ ε καὶ ἀπὸ τοῦ ε 25 ἐπὶ τὸ ζ. λέγω δὲ ὅτι τοῦ εξηκ χύκλου περιφερομένου

 κατὰ τοῦ μονξ ύπεναντίως τῷ παντὶ ὁ ῆλιος ἐπὶ τοῦ εξηκ κύκλου ἐνεχθήσεται ἐπὶ τὰ αὐτὰ τῷ παντὶ καὶ σώσει τὰ φαινόμενα.

ένηνέχθω γάρ πρότερον ύπεναντίως μέν τῷ παντί. έπι τὰ αὐτὰ (δέ) τῷ έαυτοῦ κύκλω, οἶον ἀπὸ τοῦ ε 5 έπι τὸ ζ ἢ ἀπὸ τοῦ ζ ἐπι τὸ η ἢ ἀπὸ τοῦ η ἐπι τὸ κ. έπει τοίνυν έπι τοῦ ε γενόμενος πλεϊστον ἀφέστηκεν ήμῶν, δηλον ὅτι τὸ α κατὰ τὴν ε΄ ἡμίσειαν μοῖράν έστι τῶν Διδύμων. ἔσται οὖν τὸ γ περί τὴν ε΄ ἡμίσειαν μοΐραν τοῦ Τοξότου και τὸ μέν μ, τοῦ ήλιαχοῦ χύχλου 10 κέντρον, τεταρτημοριαίαν ένηνέχθω περιφέρειαν τοῦ μονξ κινούμενον όμαλῶς, τὴν μο, καὶ τὸν εζηκ κύκλον μετενηνογέτω έπι τον λπ. ό δε ήλιος έπι τα αύτα τούτω φερόμενος όμοίως τεταρτημοριαίαν ένηνέχθω περιφέ**ρειαν** του. εζηκ την εζ. έσται ούν έπι του π, φανήσεται 15 δε ήμιν έπι τοῦ σ, και την εζ τεταρτημοριαίαν τοῦ ίδίου κύκλου διελθών δόξει τοῦ ζωδιακοῦ μείζονα η όμοίαν πορεύεσθαι την αβσ και άπο τοῦ α ταχέως ἀπιέναι. πάλιν δε τό ο ένηνέχθω κέντρον τεταρτημοριαίαν περιφέρειαν την $\overline{0ν}$, και καθεστακέτω τον λπ κύκλον έπι 20 τόν φυ. ό δε ήλιος τεταρτημοριαίαν χεχινήσθω περιφέρειαν την πτ. έσται ούν έπι τοῦ υ, φανήσεται δὲ ήμιν έπι του γ, και ένημένθαι δόξει την σγ του ζωδιακοῦ ἐλάττονα ἢ τεταρτημοριαίαν καὶ προσιέναι τῷ γ

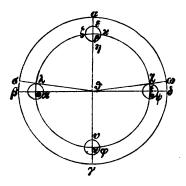
4 ἐνηνέχθω] γενέσθω Β 5 δὲ add. Mart. 8 α] θε Β 13 τούτου Β* 18 αβσ] αμς Β* ἀπειναι Β* 20 καθεστημέτω Β τὸν ἰπ] τὸ ἶπ Β* 21 κεκινείσθω Β* 22 οὐν] ἡμῦν Β, μὲν Mart. cf. vs. 9. 15. p. 163, 7 23 ἐνηνέχθω Β* 24 τῷ] τὸ Β* Theo Smyrn. 11

βραδέως. πάλιν δη το ν τεταρτημοριαίαν μεταβάν περιφέρειαν την υξ, μετενηνοχέτω τον χύπλον έπι τον χψ. ό δε ήλιος τεταρτημοριαίαν ένεχθείς περιφέρειαν έστω έπι τοῦ ψ φανήσεται δὲ ἄρα κατὰ τὸ ω και δόξει δι-5 εληλυθέναι την yw, έλάττονα <η> τεταρτημοριαίαν, καί βραδέως ἀπιέναι τοῦ γ. λοιπὸν δὲ τὸ μὲν ξ κέντρον, τεταρτημοριαίαν έλθον περιφέρειαν την ξμ, άποκαθεστακέτω τόν ψη κύκλου έπι τόν εζηκ, και αύτός δε ό ηλιος, διελθών [θ'] όμοίαν την περιφέρειαν την ψχ, άπο-10 καθεστάσθω έπι τὸ ε, φαινόμενος κατὰ πὸ α και ένηνέχθαι δόξει την ωδα τοῦ ζωδιακοῦ μείζονα περιφέρειαν καί ταχύνειν έπι τὸ α. ῶστε δηλον ὅτι φερόμενος οῦτω τάχιστα μέν δόξει πινείσθαι περί τούς Διδύμους, βραδύτατα δὲ περί τὸν Τοξότην φαίνεται δὲ τοὐναντίον. 15 ούκ άρα, τοῦ κύκλου αὐτοῦ φερομένου κατὰ τὸν μονξ έγχεντρον χύχλον έπὶ τὰ έναντία τῷ παντί, χαὶ αὐτὸς ό γλιος έπι τοῦ έπικύκλου έπι τὰ αὐτὰ μὲν τούτω κινηθήσεται, ύπεναντίως δε τῷ παντί.

2 ròv $\overline{\chi\psi}$] rò $\chi\overline{l}$ B* 3 évevez dels B, em. apogr. 5 rìv] rò B* 7 add. Mart. 6 éniévai B, em. apogr. 7 éldis B*. an dieldov? nequipéqeiav] péqeiav (lineola per a ducta) B* 9 d' del. Mart. $\psi\chi$] ψ B* 11 évyvéz dai dógei] évyvéz dei B* 16 évzevez 0° B*

٠

162



λείπεται οὖν, τοῦ ἐπικύκλου φερομένου ὑπεναντίως τῷ παντί, τὸν ἥλιον κατὰ τοῦ ἐπικύκλου φέρεσθαι ἐπὶ τὰ αὐτὰ τοῖς ἀπλανέσιν· οῦτως γὰρ σωθήσεται τὰ φαινόμενα. οἶον ἐνηνέχθω τὸ μὲν κέντρον τοῦ ἐπικύκλου τεταρτημοριαίαν περιφέρειαν περὶ ἔγκεντρον κύκλον τὴν 5 μο, καὶ μετενηνοχέτω τὸν ἐπίκυκλον ἐπὶ τὸν λπ· ὁ δὲ ῆλιος ἐπὶ τοῦ ἐπικύκλου τὴν ἐπ ὁμοίαν· ἔσται οὖν ἐπὶ τοῦ λ, φανήσεται δὲ ἡμῖν ἐπὶ τοῦ σ, τεταρτημοριαίαν τοῦ ἰδίου κύκλου κινηθεἰς περιφέρειαν· ἐπὶ δὲ τοῦ ζωδιακοῦ δόξει ἐλάττονα ἐνηνέχθαι τὴν ασ καὶ βραδέως 10 ἀπερχόμενος τοῦ α σημείου. πάλιν τὸ ο κέντρον μεταβεβηκέτω τεταρτημοριαίαν τὴν ον, καὶ ὁ ῆλιος ὁμοίαν τοῦ ἐπικύκλου τὴν λπ· ἔσται δὲ ἐπὶ τοῦ υ, φανήσεται δὲ κατὰ τὸ γ, καὶ δόξει κεκινῆσθαι τοῦ ζωδιακοῦ τὴν σβν, μείζονα τεταρτημοριαίας, ταχύνων ἐπὶ τὸ γ. ἐπενη- 15

1 τοῦ apogr.] τον Β 5 περιενκεν B^3 πλον ἐπὶ τὸ λπ B^* 7 τήν ante τοῦ del. I πλου B^* 13 λτ B^* 14 κεκινεῖσθαι B	3 έπικύκλου έπι
	11*

νέχθω τὸ ν ἐπὶ τὸ ξ τεταρτημοριαίαν τὴν νξ καὶ τὸν υφ κύκλον έφηρμοκέτω τῷ χψ. ὁ δὲ ηλιος, κινηθείς όμοίαν ταϊς πρόσθεν την υφ [περί την υφ] περιφέρειαν, έστω έπι τοῦ χ. φανήσεται δὲ κατὰ τὸ ω, και δόξει δι-5 εληλυθέναι την γδω τοῦ ζωδιακοῦ περιφέρειαν μείζονα τεταρτημοριαίας, και ταχέως ἀπιέναι τοῦ γ ἐπι τὸ δ. λοιπήν (δε το κέντρον έλθον) την ξα κίνησιν αποκαθεστακέτω (τόν) χψ έπι τόν έπίκυκλου τόν εζη, και αύτὸς ὁ ῆλιος, ἐνεχθεὶς ὁμοίαν λοιπὴν τὴν χψ, ἀπο-10 καθεστάσθω έπι τὸ ε, φανήσεται δὲ κατὰ τὸ α, δόξει δέ [ό κατὰ τὶ α] τοῦ ζωδιακοῦ διεληλυθέναι τὴν ωα έλάττονα τεταρτημοριαίας και βραδέως προσιέναι τῶ α. ώστε κατά τήνδε την υπόθεσιν σωθήσεται τα φαινόμένα βραδύτατον μέν γάρ δόξει χινεϊσθαι και μικρό-15 τατος είναι κατά μέγεθος ό ηλιος περί την ε΄ ς΄ μοζραν τῶν Διδύμων, τάχιστα δὲ φέρεσθαι καὶ μέγιστος είναι περί την αύτην μοΐραν τοῦ Τοξότου και ταῦτα εὐλόγως άπὸ μὲν γὰρ τοῦ ε μεταβαίνων ἐπὶ τὸ κ, τοῦ κύκλου αύτοῦ κινουμένου ἀπὸ τοῦ μ ἐπὶ τὸ ο, ἀντιφερό-20 μενος

1 τὸ ξ] τὸ $v\xi B^*$ $v\xi$] $\eta\xi B^*$ 4 διεκκλυθέναι B* 6 τὸ cort. ex τοῦ B 7 ἀποιαθεστημέτω B 8 <τὸν $\overline{\chi\psi}$] $\underline{\chi\psi}\overline{\eta}$ B, $\langle \underline{\delta} \rangle \underline{\chi\psi}$ Mart.; scrib. vid. $\langle \tau \diamond v \rangle \underline{\chi\psi}$ ἐπίκυκλον ἐπὶ τὸν εξη εξηκ Mart. 9 $\chi\psi$] $\chi\overline{\eta}$ B* 10 φανήσεται] φανέσθω B, φαινέσθω Mart. 11 δὲ ὁ] δὲ ὁ < $\langle \eta los \rangle$ Mart. 12 τῷ α] τὸ ᾱο B* 15 ε΄ ς΄] εξ B* 18 μεταβαϊνον B* 19 ἀπὸ] ἐπὶ B τὸ] τῶ B* 20 quippe εξηκ epicyclo moto per μονξ circulum sol ab ε ad κ pergens contra quan fertur epicyclus suus moram faciens tardius ad ο deferetur tardiusque μο obibit ambitum multoque tardius zodiaci circuli αβ regionem obisse existimatur; et rursum epicyclo supra dicto moto ad ον ambitum sol demum a

έπι τὸ π, τοῦ ἐπικύκλου μεταβαίνοντος ἀπὸ τοῦ ο έπι τὸ ν, συντρέχων αὐτῷ τὴν ἐπι τοῦ ζωδιακοῦ φοραν έπιτείνειν δόξει τη πινήσει έπι ταυτά γινομένην <τῷ παντί καί> τρόπον τινὰ συμβαίνουσαν. καί παραπλησίως από τοῦ υ φερόμενος έπι τὸ φ, τοῦ ἐπικύκλου 5 μεταβαίνοντος άπό τοῦ ν ἐπὶ τὸ ξ, οἶον προφθάνων τὸν έαυτοῦ χύχλον [χα]] έπὶ τοῦ ζφδιαχοῦ δόξει ταχύνειν. άνάπαλιν δε άπό τοῦ χ παραγινόμενος έπι τὸ ψ, τοῦ ξ μεταβαίνοντος (έπλ τὸ) μ, ἀντιφερόμενος τῷ έαυτοῦ κύκλω βραδεΐαν φαίνεται ποιούμενος την έπι τοῦ ζω- 10 διαχοῦ φοράν.

εύρίσκεται δε πάλιν το μέγεθος τοῦ έπικύκλου καί ό λόγος τοῦ μεταξύ τῶν χέντρων πρός τὴν εη τοῦ εζ έπικύκλου (διάμετρον) ύπεναντίως τῷ πρόσθεν, ὡς κδ΄ πρός ἕν, διὰ τῆς περί ἀποστημάτων καὶ μεγεθῶν πραγ- 15 ματείας μέγιστον μέν γὰο ἀπόστημα τοῦ ἡλίου τὸ θε, έλάχιστον δε τό θυ ή δε ύπεροχή του μεγίστου πρός τὸ ἐλάχιστον διάμετρος γίνεται τοῦ ἐπικύκλου. κατ' έπίκυκλον γάρ και ή τοιαύτη γίνεται πραγματεία,

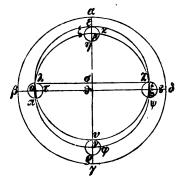
n ad η pergens e. q. s. Chalc. 82. τῷ ξαυτοῦ κύκλφ βράδιον ἐπὶ τὸ ο (?) ενεχθήσεται και βράδιον δόξει διεληλυθέναι τοῦ ζωδιακοῦ τὴν αβ περιφέρειαν ἀνάπαλιν δὲ ἀπὸ τοῦ λ παραγινόμε-νος vel τῷ ἑαυτοῦ κύκλῷ βραδεῖαν ῷαίνεται ποιούμενος τὴν ἐπὶ τοῦ ζωδιακοῦ ῷοράν ἀνάπαλιν δὲ ἀπὸ τοῦ λ παραγινόμε-νος suppl. Mart. 1 π] τ΄ B* 2^b ἐπὶ] μὲν B, μὲν ἐπὶ Mart. 3 ταὐτὰ] ταῦτα B*. sol demum a κ ad η pergens concur-tion chicking. rere videbitur mundi circumactioni et adjutus ab ea propere et

citius obire zodiaci quadrantem Chalc. γινομένη Mart. 4 συμβαίνουσα Β* 6 ξ] φ'ξ Β* 8 ψ add. Mart.] in B spatium vacuum rel. 9 έπλ το add. Mart. 13 τη] έκ Β* εζ Mart.] in B est nota voc. χέντφον 14 διάμετφον subaudiendum esse put. Mart. τφ] τὸ B* κό] ή κδ

17 8 8 9 B* 8v 85 B* 18 to] tov B* B*

έπειδή ό εξη τοῦ πλανωμένου χύχλος χαθ' έτέρου τινὸς ἐγχέντρου [ὁμοχέντρου] φέρεται χύχλου, οἶον τοῦ μονξ.

άλλ' ότι μέν καθ' έκατέραν την ύπόθεσιν, την κατ' 5 ἕκκεντρον και την κατ' έπίκυκλον, σώζεται τὰ φαινόμενα, δείκνυσιν έκ τούτων. Ππαρχος δέ φησιν άξιον είναι μαθηματικης έπιστάσεως ίδειν την αιτίαν δι' ην τοσούτον διαφερούσαις ύποθέσεσι, τη τε τῶν ἐκκέντρων κύκλων και τῶν ὑμοκέντρων και τῶν ἐπικύκλων, 10 τὰ αὐτὰ φαίνεται ἀκολουθείν. δείκνυσι δὲ ὁ "Αδραστος πρῶτον μὲν πῶς τη κατ' ἐπίκυκλον ἕπεται κατὰ συμβεβηκὸς ή κατὰ ἕκκεντρον. ὡς δὲ ἐγώ φημι, και τη κατὰ ἕκκεντρον ή κατ' ἐπίκυκλον.



έστω γάρ ζωδιακος μέν ό αβγδ, κέντρον δέ τοῦ

1 $\overline{\epsilon \xi \eta \star}$ Mart. 2 duoxérroov del. Mart. , gégerai] gaíerai B* olor] ols B* 3 $\mu \overline{ro \xi}$ B* 4 κατέγχενroor B* 8 diagegovisais] diagégei B, diagógois Mart. 9 rỹ ante rŵr duoxérrowr add. Mart. cf. p. 185, 14. 186, 4. 199, 6 12 η] η B* έγχεντροr B* 13 η] η B* 14 χέντρου B*

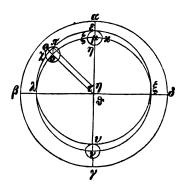
166

παντός τὸ ϑ, ἡλίου δὲ ἐπίκυκλος ὁ εζηκ, κέντρον δὲ αύτοῦ τὸ μ. και γεγράφθω κέντρω μέν τῷ θ, διαστήματι δε τῷ θμ, κύκλος ὁ μονξ. λέγω ὅτι, τοῦ μ κέντρου πινουμένου περί τόν μουξ πύπλον δμόπεντρον όμαλῶς, ὑπεναντίως τῷ παντί, καὶ συναποφέροντος τὸν 5 έπίπυπλον, ό ήλιος έν ίσφ χρόνφ διανύων τον επηζ έπίπυπλον όμαλῶς, ἐπὶ τὰ αὐτὰ δὲ τῷ παντί, γράψει καὶ τον έκκεντρον ίσον όντα τῷ μουξ έγκέντρω. διήχθωσαν γὰρ αί αγ βδ διάμετροι τοῦ ζωδιακοῦ πρός ὀρθὰς άλλήλαις, ώστε τὸ μὲν α σημεῖον περί τὴν ε΄ ૬΄ μοῖραν 10 τῶν Διδύμων είναι, τὸ δὲ γ περί τὴν αὐτὴν τοῦ Τοξότου, και κέντροις τοῖς [μ] ο ν ξ γεγράφθωσαν τῷ εξηκ έπικύκλφ ίσοι κύκλοι οί λπτ τοφ χψς καl τῶν λπτ χψς διάμετροι πρός όρθας τη βδ αί λπ χψ, και έπεζεύχθωσαν αί λχ $\langle 0\xi \rangle$. λέγω ότι αί $\overline{\lambda \chi}$ $\overline{0\xi}$ ίσαι τέ είσι χαί 15 παράλληλοι. ίση άρα έκατέρα των λο σχ έκατέρα των οθ θξ αι είσιν έκ τοῦ κέντρου τοῦ μονξ κύκλου καὶ έπει ίση ή $\overline{\vartheta\sigma}$ τη $\overline{\delta \lambda}$, ίσαι έσονται ή $\overline{\vartheta\sigma}$ και έκατέρα τῶν υν με. ἔστι δὲ ἴση καὶ ἡ θν τῆ θμ. ἴση ἄρα καὶ ἡ υσ τη σε. αλλ' έπει ίση ή θο τη υν, κοινή δε ή θυ, ίση 20

ή συ τη θν. έματέρα άρα των εσ συ ίση έσται τη έκ τοῦ κέντρου τοῦ μονξ κύκλου. ἐδείχθη δὲ καὶ ἑκατέρα τῶν λσ σχ ἴση τῆ ἐχ τοῦ κέντρου τοῦ αὐτοῦ κύκλου. τέσσαρες άρα αί σε σλ συ σχ ίσαι άλλήλαις είσι και 5 πρός όρθάς. ό άρα κέντρω μέν τω σ, διαστήματι δέ τινι μια αύτων γραφόμενος κύκλος ήξει δια των ελυχ σημείων, καί ίσος <ἔσται> τῷ μουξ κύκλφ, και ὑπὸ τῶν ευ λχ διαμέτρων είς τέσσαρα ίσα διαιρεθήσεται. γεγράφθω ούν και έστω ό ελυχ. ούτος δε έσται ό έκκεν-10 τρος, τὸ μὲν ἀπογειότατον ἔχων ὑπὸ τὸ α, ε΄ ς΄ μοῖραν τῶν Διδύμων, τὸ δὲ προσγειότατον ὑπὸ τὸ γ, έ ς΄ μοζραν τοῦ Τοξότου. λέγω δ' ὅτι ἥλιος, φερόμενος, ὡς ύπετέθη, κατὰ τοῦ εκηζ ἐπικύκλου, κατὰ συμβεβηκὸς γράψει καί τον ελυχ έκκεντρον. ένηνέχθω γάρ το μέν 15 κέντρον τοῦ ἐπικύκλου τὴν μο περιφέρειαν τεταρτημοριαίαν· και ό η λιος άρα, έν τῷ αὐτῷ χρόνφ ένεχθείς όμοίαν τοῦ ἐπικύκλου τὴν εκ, ἔσται ἐπὶ τοῦ λ, καὶ ἀπὸ τοῦ ε ἐπὶ τὸ λ ἐλεύσεται τεταρτημοριαίαν γράψας περιφέρειαν τοῦ ἐππέντρου τὴν ελ. πάλιν τὸ ο πέντρον ἐπλ 20 τοῦ κύκλου ένηνέχθω τεταρτημοριαίαν την ον περιφέρειαν, ό δè ηλιος όμοίαν τοῦ ἐπικύκλου τὴν λτ. ἔσται άρα έπι τοῦ υ, και κατὰ συμβεβηκὸς γράψει τοῦ ἐκκέντρου όμοίαν περιφέρειαν την λυ. όμοίως δη του ν δια-

3 τη corr. ex τοῦ B
 6 υ] y B*
 7 ἔσται add. Mart.
 ὑπὸ τῶν] ὑποκείσθω B, ὑπ' ἐκείνων τῶν Mart.
 8 λ̄z] λλ'
 B*
 9 ο ἕλυχ B*
 10 ε' s'] εζ B*
 11 τὸ y ε' s' μοῖφαν]
 τὴν y εζ' μόνον B*
 17 τῶ ἐπικύκλου B
 22 γράφει B*
 23 ὑμοίαν ὑμοίαν περιφέρειαν ὑμοίαν B*

πορευθέντος τὴν νζ, ὁ ἥλιος τοῦ ἐπικύκλου διελεύσεται ὑμοίαν τὴν τῷ ἔσται δὴ ἐπὶ τοῦ χ, κατὰ συμβεβηκὸς γφάψας καὶ τὴν τῷ ὑμοίαν περιφέρειαν τοῦ ἐκκέντρου. λοιπὸν δὲ τοῦ ξ διελθόντος τὴν ξμ, καὶ ὁ ῆλιος ἐξανύσας <τὴν> χ̄ς ἀποκατασταθήσεται ἐπὶ τὸ ε. γφάψει δὲ 5 ἅμα καὶ τὴν χ̄ε περιφέρειαν τοῦ ἐκκέντρου λοιπὴν καὶ ὑμοίαν. ῶστε ὅλον τὸν ἐπίκυκλον ἐξανύσας ὑμαλῶς διὰ τοῦ ὑμοκέντρου γφάψει ἕκκεντρον. ὅπερ ἔδει δείζαι.



δείχνυται δὲ τὸ αὐτὸ καὶ οῦτως. ἔστω ζωδιακὸς μὲν ὁ αβγδ, ἡλίου δὲ ἐπίκυκλος ὁ εξηκ, τὸ μὲν κέν- 10 τρον ἔχων ἐπὶ τοῦ μονξ κείμενον, ὅς ἐστιν ὁμόκεντρος περὶ τὸ θ κέντρον τοῦ παντός καὶ ἔστω τὸ ε σημεῖον ἀπογειότατον ὑπὸ τὴν ε΄ ς΄ μοῖραν τῶν Διδύμων. λέγω ὅτι, τοῦ κε φερομένου ὁμαλῶς ἐπὶ τοῦ μονξ κύκλου

2 τφ] ψχ B* 4 τοῦ ξ] τὸ ζ΄ B* 5 τ̄ς] χο B* ^{Ξμα} 6 ἄρα B, ᾶμα ἄρα πρ. 10 αωγδ B* εζκη B* 13 εζ B*

ύπεναντίως τῷ παντί, ὁ ῆλιος ἐν τῷ αὐτῷ χρόνφ φερόμενος κατά τοῦ εκηζ έπικύκλου όμαλῶς μὲν καὶ ὑπεναντίως τῷ ἐπικύκλφ, ἐπὶ τὰ αὐτὰ δὲ τῷ παντί, κατὰ συμβεβηκός γράψει και τόν έκκεντρον ίσον όντα τῷ μονξ 5 έγχέντρω. άπενηνέχθω γάρ τὸ μὲν μ χέντρον τυχοῦσάν τινα περιφέρειαν την μο, και καθεστακέτω τον έπίκυκλον έπl τον ποχ. ό δε ηλιος ἀρξάμενος ἀπό τοῦ ε, τουτέστιν από τοῦ ϱ, ἐν τῷ αὐτῷ χρόνφ διεληλυθέτω την οπ, όμοίαν τη μο, και κείσθω τη με ίση ή θη, και 10 έπεζεύχθωσαν αί ηπ θο έπει ούν όμοια ή οπ περιφέοεια τη σμ, ίση και γωνία ή φ τη τ· παράλληλος άρα ή $\overline{\pi 0}$ τη $\overline{\eta \vartheta}$. Έστι δε και ίση. ίση άρα ή $\overline{\pi \eta}$ τη οθ και παράλληλος. έστι δε ή δο ίση τη ης. ίση αρα ή ηπ τη ηε. ό ἄρα κέντρω μέν τῷ η, διαστήματι δὲ τῷ ηε γρα-15 φόμενος κύκλος ήξει και διὰ τοῦ π και ἴσος ἔσται τῷ μονξ. γεγράφθω ούν ό επλυξ ούτος άρα έσται ό έκκεντρος έπει ούν παράλληλος ή πη τη ρθ, ίση ή φ γωνία τῆ τ, τουτέστι τῆ πηε . ὑμοία ἄρα ἡ επ. ἀρξάμενος δε <ό η λιος> από του ε, κατά συμβεβηκός γράψει και 20 την επ όμοίαν περιφέρειαν τοῦ ἐκκέντρου. ὁμοίως δὲ δειχθήσεται τοῦτο ποιῶν ἀεί· ῶστε καὶ ὅλον ἀνύσας

2 $\tau o \tilde{v}$] $\tau \tilde{\eta} \varsigma B^*$ 5 $\delta r v \delta \tau \varphi B^*$ $\delta \pi \eta r \delta \zeta \partial \omega B$, ean. apogr. 6 $\tau \delta r$] $\tau \delta \bar{\nu} B^*$ 7 $\pi e \chi B^*$ 9 $\overline{\delta \eta}$] $\delta \bar{\kappa} B$, de eadem lit. duo diversa puncta significante cf. Friedlein praef. ad Procli in Eucl. comm. p. VII 12 $\eta \bar{\vartheta}$] $r \delta B^*$ 13 $\eta \bar{e}$] $\xi \eta$ $\eta \epsilon B^*$ 14 $\tau \tilde{\omega} \eta$] $\tau \delta \eta B^*$ $\tau \tilde{\omega} \eta \bar{e}$] $\tau \delta \tau \bar{\epsilon} B^*$ 15 $\ell \sigma \sigma B^*$ 16 $\ell \pi \kappa \epsilon \nu - \tau \varphi \sigma \varsigma$ Mart.] in B est nota vocis $\kappa \delta r \pi \varphi \sigma \sigma v$ supra quam scripta est lit. c 17 $\pi \eta$] $\pi \eta \eta B^*$ 18 $\tau \sigma \epsilon \sigma \tau \delta \tau r \delta \tau \delta \tau$ $\pi \sigma \sigma B$: cf. ad p. 171, 18. 172, 10. 187, 19. 197, 3. Mart. sic scripsit: $\ell \sigma \eta \delta \dot{\epsilon} \eta \sigma \gamma \sigma r \delta \tau \sigma \tau \delta \tau \delta \tau \delta \sigma \sigma \sigma \gamma$. $\pi \varphi \chi$ $\tau \tilde{\eta} \pi \rho \delta \mu \sigma (\alpha \tau \eta \tau \pi \eta \tau \delta \tau \eta)$

170

τόν ἐπίκυκλου διὰ τοῦ ἐγκέντρου ὅλον γράψει καὶ ἔκκευτρου. ὅπερ ἔδει δείξαι.

δειπτέον δε και τὸ ἀναστρέφον. ἔστω γάρ πάλιν ζωδιακός μέν ό αβγδ, διάμετρος δε αύτοῦ ή $\overline{\alpha\gamma}$, καί κέντρον τὸ ϑ, ἡλίου δὲ κύκλος ἕκκεντρος ελυξ· καὶ ἔστω 3 άπογειότατον μέν αύτοῦ τὸ ε ὑπὸ ε΄ ૬΄ μοῖραν τῶν Διδύμων, κέντρον δε έπι τη αθ το η και γεγράφθω κέντοφ μέν τῷ δ, διαστήματι δε τῷ ηε, κύκλος ό μονξ. πάλιν κέντοφ μέν τῷ μ, διαστήματι δὲ τῷ με, πύπλος γεγράφθω ό είητ. δηλον ούν ώς ούτος έσται ό 10 αύτὸς τῷ ἐπικύκλφ. λέγω δη ὅτι ὁ ῆλιος κινούμενος όμαλῶς κατὰ τοῦ ελυξ ἐκκέντρου γράψει κατὰ συμβεβηκός καί τόν εζηκ έπίκυκλον φερόμενον όμαλῶς κατὰ τοῦ μονξ καί ίσογρονίως τῷ ήλίφ. ἐνηνέγθω γάρ ὁ ήλιος τυχοῦσάν τινα περιφέρειαν ἐπὶ τοῦ ἐκκέντρου τὴν Ἐπ, 15 καl έπεζεύχθω ή $\overline{\pi\eta}$, καl $\langle \eta \rangle$ οθ παράλληλος, ίση δε τη $\vartheta\eta$ $\dot{\eta}$ $\overline{o\varrho}$, xal $\dot{\epsilon}\pi\epsilon\zeta\epsilon\dot{\nu}\chi\vartheta\omega$ $\dot{\eta}$ $\overline{\pi o}$. $\dot{\epsilon}\pi\epsilon$ l oùv al $\eta\vartheta$ $\overline{\pi o}$ ioai έσονται καί παράλληλοι, έστι δε ή θη ίση τη με, τουτέστι τη σο τη σπ, ό άρα κέντοφ μέν το ο, διαστήματι δε τῷ ορ γραφόμενος χύχλος ήξει χαί διὰ τοῦ π, χαί 20 ό αύτος έσται τῷ εζηκ ἐπικύκλφ. γεγράφθω οὖν ό ποχ. έπει ούν διὰ τὰς παραλλήλους αί τ φ γωνίαι ίσαι

1 ἐκκέντου B* ἔγκεντου B* 5 ἔγκεντος B* 6 $\overline{\epsilon}$ ζ μοίραν B* 7 τῆ αθ] τὰ (corr. ex τὸ) $\overline{\alpha o}$ B* 8 τῷ θ] τὸ θ B* τῷ $\overline{\eta \epsilon}$ κύπλος] τὸ $\overline{\epsilon}\lambda \overline{v} \overline{r} \xi$ B* 9 κέντου corr. ex κέντου B τῷ μ] τὸ μ B* τῷ με] τὸ μσ B* 10 σύτως B* 12 συμβηπὸς B, em. apogr. 16 ή add. Mart. $\overline{c \theta}$] $\overline{c \theta}$? 17 $\overline{\theta \eta}$ ή $\overline{c \theta}$] $\overline{c \theta}$ \overline{b} * 18 $\overline{\mu \epsilon}$ τουτέστι] μσ τουτί B* 20 $\overline{c \theta}$ P* 22 ει post γωνίαι del. B

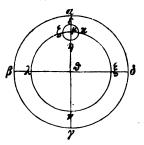
DE STELLARUM

είσιν άλλήλαις, έν δε τοϊς χύχλοις αί ίσαι γωνίαι έφ όμοίων περιφερειών βεβήχασιν, έν δε τοις ίσοις χαι έπι ίσων, έάν τε πρός τοις χέντροις ώσιν έάν τε πρός ταις περιφερείαις, αί οπ επ μο περιφέρειαι [δε] όμοιαι 5 έσονται άλλήλαις, αί δε επ μο χαι ίσαι. έν φ άρα χρόνφ ό ήλιος την επ περιφέρειαν έχινήθη τοῦ έχχέντρου, έν τούτφ χαι τὸ μ χέντρον τοῦ έπιχύχλου, την μο περιφέρειαν ένεχθέν, τὸν εξη έπίχυχλον έπι τὸν ποχ μετήνεγχε, χαι ὁ ήλιος την επ ἐπί τοῦ ἐχχέντρου διανύσας, 10 ἀρξάμενος ἀπὸ τοῦ ε, τουτέστιν ἀπὸ τοῦ ρ, χαι τὴν οπ τοῦ ἐπιχύχλου περιφέρειαν ὁμοίαν ἔγραψε. τὸ δ' αὐτὸ δειχθήσεται χαι χατὰ πᾶσαν χίνησιν ποιούμενος. ὥστε χαι ὅλον διανύσας τὸν ἕχχεντρου ὁ ῆλιος ὅλον γράψει τὸν ἐπίχυχλον. ὅπερ ἔδει δείξαι.

15 ταῦτα δὲ καὶ ἐπὶ τῶν ἄλλων πλανωμένων δείκνυται. πλὴν ὁ μὲν ῆλιος ἀπαφαλλάκτως ταῦτα δοκεῖ ποιεῖν κατὰ ἀμφοτέφας τὰς ὑποθέσεις, διὰ τὸ τοὺς ἀποκαταστατικοὺς αὐτοῦ χφόνους, τόν τε τοῦ μήκους καὶ τὸν τοῦ πλάτους καὶ τὸν τοῦ βάθους καὶ [τὸν] τῆς λεγο-20 μένης ἀνωμαλίας, οῦτως εἶναι σύνεγγυς ἀλλήλων, ῶστε τοῖς πλείστοις τῶν μαθηματικῶν ἴσους δοκεῖν, ἡμεφῶν ἕκαστον τξε δ΄΄, ἀκριβέστεφον δὲ ἐπισκοπουμένοις τὸν μὲν τοῦ μήκους, ἐν ῷ τὸν ζῷδιακὸν ἀπὸ σημείου τινὸς ἐπὶ τὸ αὐτὸ σημεῖον διανύει καὶ ἀπὸ τφοπῆς ἐπὶ τὴν

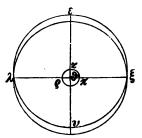
αύτην τροπην και από ίσημερίας έπι την αυτην ίσημερίαν παραγίνεται, τον είρημένον σύνεγγυς [πύπλον] χρόνον, παρά τετραετίαν έπι τὸ αὐτὸ σημεῖον τοῦ μήπους αύτοῦ κατὰ τὴν αὐτὴν ῶραν ἀποκαθισταμένου. τόν δε της άνωμαλίας, καθ' δν άπογειότατος γινόμενος 5 καί δι' αὐτὸ τῆ μὲν φάσει τοῦ μεγέθους μικρότατος, βραδύτατος δε κατά την είς τα επόμενα φοράν, η άνάπαλιν προσγειότατος, καί διὰ τοῦτο μέγιστος μέν τῷ μεγέθει δοχών, τη δε χινήσει τάχιστος, ήμερών εγγιστα τξε ς', διετία πάλιν έπι το αύτο σημείον του βάθους 10 την αύτην ώραν αύτοῦ φαινομένου, τον δὲ τοῦ πλάτους, έν φ άπο του αύτου βορειότατος ή νοτιώτατος γενόμενος έπι τὸ αὐτὸ παραγίνεται, ὡς πάλιν ἴσας δρασθαι τὰς τῶν αὐτῶν γνωμόνων σχιάς, ἡμερῶν μάλιστα τξε η", κατὰ τὸ αὐτὸ τοῦ πλάτους σημεῖον αὐτοῦ 15 την αύτην ώραν όπταετία παραγινομένου. έπι δε των άλλων, έπει καθ' έκαστον των πλανωμένων ποιύ παραλλάττουσιν (οί) είρημένοι χρόνοι πάντες, και έφ' ών μεν μαλλον, έφ' ών δε ήττον, τα γινόμενα καθ' έκαστον φαίνεται ποικιλώτερα και διαλλάττοντά πως καθ' 20 έκατέραν την υπόθεσιν, ούκέτ' έν ίσω χρόνω του πλάνητος έχάστου τόν έαυτοῦ ἐπίχυχλον περιερχομένου καὶ τοῦ ἐπικύκλου τὸν ἔγκεντρον, ἀλλ' ών μέν θᾶττον, ών δε βράδιον, διά τε τὰς τῶν χύχλων ἀνισότητας χαι διὰ

2 xvxlov delendum aut in doxeiv mutandum esse censet Mart. 4 avtryv] ϵ avtov B* 5 yıvoµevos] y(verau? 6 µèv] dè B* 10 s'] $\overline{\xi}$ B* 12 vorimtaros B 16 raqayévoµévov B* inscr. $\pi \epsilon \varrho l \tau \eta_5 \tau \sigma v \lambda o i \pi \sigma v \pi \lambda a v \eta \tau \omega v$ á xo x a t a st a so s B 17 nollol B* 18 of add. Mart. 20 noixilóreqov B* 23 ёхнеντρον B* 24 τε] dè B* τὰς ἀπὸ τοῦ μέσου τοῦ παντὸς ἀνίσους ἀποστάσεις, ἔτι τε διὰ τὰς πρὸς τὸν διὰ μέσων τῶν ζφδίων διαφόρους λοξώσεις τ ἀνομοίους ἐγκλίσεις τε καὶ θέσεις. ὅθεν καὶ τὰ τῶν στηφιγμῶν τε καὶ ἀναποδισμῶν καὶ προηγήσεων 5 καὶ ὑπολείψεων οὐχ ὑμοίως ἐπὶ πάντων ἀπαντῷ ἀλλ' ἐπὶ μὲν τῶν ε΄ γίνεσθαι [ώς] ταῦτα φαίνεται, εἰ καὶ μη παντάπασιν ὑμοίως. ἐπὶ μέντοι γε ἡλίου καὶ σελήνης οὐδ' ὅλως. οῦτε γὰρ προηγείσθαί ποτε οῦτε στηφίζειν οῦτε ἀναποδίζειν οὐτοι φαίνονται, διὰ τὸ τὸν μὲν 10 ῆλιον σύνεγγυς κατὰ τὸν ⟨αὐτὸν⟩ χρόνδυ ἐπὶ τοῦ αὐτοῦ κύκλου φαίνεσθαι φερόμενον, καὶ τὸν ἐπίκυκλον αὐτοῦ κατὰ τοῦ ἐγκέντρου, καθάπεφ ἔφαμεν, τῆς δὲ σελήνης τὸν ἐπίκυκλον θᾶττον κατὰ τοῦ ἐγκέντρου φέρεσθαι καὶ τοῦ τῶν ζφδίων ὑπολείπεσθαι κύκλου ῆ 15 αὐτὴν διεξιέναι τὸν ἐπίκυκλον.



1 ὑποστασεις B* 2 τὰς] τοῦ B* 3 λοξώσεις: τητας del. inter λοξώ (∞ fort. corr. ex o) et σεις B inscr. πε ρ στηριγμῶν καὶ προηγήσεων καὶ ἀναποδισμῶν B 5 ὑπολήψεων B* παντ B* ἀπαντᾶν deleto ut vid. altero v B 6 γ/νεται servata voce ὡς Mart. εἰ καὶ καὶ εἰ B. verba καὶ εἰ — σελήνης iterantur in B post φαίνονται vs. 9, post φαίνονται et post σελήνης signo † posito 10 αὐτὸν add. Mart. αὐτοῦ Mart. 12 αὐτοῦ aὐτὸν Mart. καθάπερ ἔφαμεν: p. 160, 20 14 τοῦ] τὸν B* κύκλον B*

δήλον δε ώς ούδεν διαφέρει πρός το σώζειν τα φαινόμενα, τοὺς πλάνητας κατὰ τῶν κύκλων, ὡς διώρισται, λέγειν πινεΐσθαι, η τούς πύπλους φέροντας τά τούτων σώματα αύτούς περί τὰ ίδια κέντρα κινείσθαι. λέγω δε τούς μεν έγκεντρους, φέροντας τα των έπικύ- 5 κλων κέντρα, περί τὰ αύτῶν κέντρα κινεϊσθαι ὑπεναντίως <τῷ παντί>, τοὺς δὲ ἐπικύκλους, φέροντας τὰ τῶν πλανωμένων σώματα, πάλιν περί τὰ αύτῶν κέντρα, οἶον τόν μέν μλνξ έγκεντρον φέρεσθαι περί τό θ, του παντὸς καὶ ἑαυτοῦ κέντρον, ὑπεναντίως τῶ παντί, φέροντα 10 έπι της αύτου περιφερείας του ζέπικύκλου τό μ κέντρον, τόν (δέ) εξηπ έπίκυπλον έχοντα τόν πλανώμενον κατά τὸ ε φέρεσθαι πάλιν περί τὸ μ κέντρον, έπὶ μὲν האוֹסט אמן סבּאחיזה לאו דע מטדע דם אמעדו, לאו אל דשי άλλων καί τουτον ύπεναντίως τῷ παντί σώζεται γάρ 15 ούτως τὰ φαινόμενα.



κατά δε την ετέραν πραγματείαν, όντος έκκέντρου

6 ύπεναντίους B, em. apogr. 7 τῷ παντί add. Mart. 8 πλανομένων B, em. apogr. αὐτῶν] αὐτὰ B* 10 ἑαυτὸν B* φέροντα ἐπί τῆς αὐτοῦ περιφέρειας τὸ μ κέντρον τοῦ εζηκ ἐπικύπλου, (ὃν) ἔχοντα κτλ. Mart. 15 τούτων B* 17 ἐγκέντρου B*

κύκλου τοῦ ελυξ περί κέντρον τὸ κ, ἐπὶ μὲν ἡλίου αὐτὸς ό ελυξ πύπλος έν ένιαυτῷ πινούμενος όμαλῶς περί τὸ κ κέντρον, φέρων τον ηλιον ένεστηριγμένον κατά το ε σημεΐον, σώσει τὰ φαινόμενα, τοῦ κ κέντρου καθ' έαυτὸ 5 μέν μή κινουμένου μηδ' ύπεναντίως τῷ παντί, συναποφερομένου δε τῷ παντί και πρός ήμέραν εκάστην γράφοντος τόν ποπ κύκλον, ίσον γινόμενον τῷ τῆς έτέρας πραγματείας χύχλω. ποιήσεται γαρ ουτως ό ήλιος άει κατὰ τοὺς αὐτοὺς τόπους μέγιστα ἀποστήματα καὶ πάλιν 10 καθ' έτέρους έλάχιστα καὶ παραπλησίως κατὰ αλλους μέσα, τὰ μὲν μέγιστα κατὰ τὴν έ ς΄ μοῖραν, ὡς εἶρηται, τῶν Διδύμων, τὰ δὲ ἐλάχιστα κατὰ τὴν αὐτὴν τοῦ Τοξότου, καl τὰ μέσα όμοίως κατὰ τὰς αὐτὰς τῆς τε Παρθένου και των Ίχθύων έπειδή και το ε σημεΐον 15 τοῦ ἐκκέντρου ἐφ' οὖ ἐστιν ὁ ῆλιος, τήνδε μεν ἔχοντος την θέσιν του χύχλου, φαινόμενον ύπο τους Διδύμους άπογειότατόν έστιν, περιενεχθέντος δε τοῦ κύκλου περί τὸ κ κέντρον, μεταπεσὸν ὅπου νῦν ἐστι τὸ υ, φανήσεται μέν ύπὸ τὸν Τοξότην, ἔσται δὲ προσγειότατον, 20 μεταξύ δε τούτων, χατά τε την Παρθένον και τους Ίχθύας, μέσως ἀποστήσεται.

τὰ δ' ἄλλα πλανητὰ ἐπειδὴ κατὰ πάντα τόπον τοῦ ζφδιακοῦ καὶ μέγιστα καὶ ἐλάχιστα καὶ μέσα ποιεῖται καὶ ἀποστήματα καὶ κινήματα, ἐὰν κέντοφ μὲν τῷ δ 25 τοῦ παντός, διαστήματι δὲ τῷ Ͽκ, γεγράφθαι νοήσωμεν κύκλον τὸν κπο, ἔπειτα τοῦτον, ἔγκεντρον ὅντα καὶ

4 έαυτοῦ Β, έαυτὸν Mart. 11 μέσους Β* ἔς Β* ὡς εἶζηται: p. 157, 5 18 μεταπεσῶν Β* 19 προσγειότατος Β* 24 τὸ ϑ Β* 25 νοήσομεν Β* ίσον τῷ τῆς έτέρας ὑποθέσεως ἐπικύκλω, φέρεσθαι περὶ τὸ θ τοῦ παντὸς κέντρον καὶ συναποφέρειν τὸ κ κέντρον τοῦ ἐκκέντρου ὑπεναντίως τῷ παντὶ ἐν χρόνω τινί, τὸν δὲ ελυξ ἕκκεντρον ἐν ἑτέρω χρόνω κινεῖσθαι περὶ τὸ ἑαυτοῦ κέντρον τὸ κ, φέροντα τὸν πλανώμενον 5 ἐνεστηριγμένον ἐν αὐτῷ κατὰ τὸ ε, λαμβανομένων τῶν χρόνων καθ' ἕκαστον τῶν πλανωμένων ἰδίων καὶ οἰκείων, σωθήσεται τὰ φαινόμενα.

καί ταῦτα μέν έπι πλέον διέξεισι τοῦ προσοικειῶσαι άλλήλαις τὰς τῶν μαθηματιχῶν ὑποθέσεις τε χαὶ πραγμα- 10 τείας, οίτινες πρός τὰ φαινόμενα μόνον και τὰς κατὰ συμβεβηχός γινομένας τῶν πλανωμένων χινήσεις ἀποβλέποντες, μακροίς χρόνοις ταύτας τηρήσαντες δια.τό εύφυες της χώρας αύτῶν, Βαβυλώνιοι και Χαλδαΐοι και Αιγύπτιοι, προθύμως άρχάς τινας και ύποθέσεις 15 άνεζήτουν, αίς έφαρμόζει τὰ φαινόμενα, δι' ού τὸ κατὰ τὰ εύρημένα πρόσθεν έπιχρίνειν και κατὰ μέλλοντα προλήψεσθαι, φέροντες οί μεν άριθμητικάς τινας, ώσπερ Χαλδαΐοι, μεθόδους, οί δε και γραμμικάς, ώσπερ Alγύπτιοι, πάντες μέν άνευ φυσιολογίας άτελεῖς ποιού- 20 μενοι τὰς μεθόδους, δέον ἅμα καί φυσικῶς περί τούτων έπισκοπεϊν. δπεο οί παρά τοις Έλλησιν άστοολογήσαντες έπειρῶντο ποιείν, τὰς παρὰ τούτων λαβόντες άρχὰς καί τῶν φαινομένων τηρήσεις, καθὰ καί Πλάτων

3 έγκέντοου B* 4 έγκεντοον B* 6 λαμβανόμενον τὸν χοόνων B, λαμβανόμενοι τῶν χοόνων Mart. 7 πλανομένων B, em. apogr. 11 οτινες] ὡν τινες? 14 cf. Aristot. de caelo II 12. Bretschneider die Geometrie u. die Geometer vor Euklides p. 12 sq. 16 έφαρμόζοι Mart. δι οῦ κτλ.] haec verba graviter corrupta sunt κατα] και Mart. 17 είσημένα B* κατα] τὰ Mart. 18 προλείψεσθαι B* 19 γοαμμικάς: cf. Biot, Journal des Savants 1850 p. 199 Theo Smyrn. 12 έν τῷ Ἐπινομίῷ μηνύει, ὡς ὀλίγον ῦστερον ἔσται δῆλον παρατεθεισῶν τῶν λέξεων αὐτοῦ.

καί 'Αριστοτέλης δε έν τοις περί ούρανοῦ κοινῶς διὰ πλειόνων δείξας περί τῶν ἄστρων, ὡς οὕτε δι' ήρεs μούντος αύτὰ φέρεται τοῦ αίθερίου σώματος οὕτε φερομένου συνθεί καθάπερ ἀπολελυμένα και καθ' έαυτά, оบ้те แท่ง อิเงอบ่นองล อบ้те มบงเงออบ่นองล, แล้งโอง อิธ บ์ม' έχείνου φέρεται τὰ ἀπλανῆ πολλὰ ὄντα ὑπὸ μιᾶς κοινῆς τῆς ἐπτός, τῶν δὲ πλανωμένων ἕκαστον ἕν ὑπὸ πλειόνων 10 σφαιρών, πάλιν έν τῷ λ' τῶν μετὰ τὰ φυσικά φησιν Εύδοξόν τε καί Κάλλιππον σφαίραις τισί κινεϊν τούς πλάνητας. τὸ γὰο φυσικόν ἐστι μήτε τὰ ἄστοα αὐτὰ κατά ταύτά φέρεσθαι κυκλικάς τινας η έλικοειδείς γραμμας και ύπεναντίως γε τῶ παντί μήτε αὐτούς τινας 15 κύκλους περί τὰ αύτῶν κέντρα δινεῖσθαι φέροντας ένεστηριγμένους τούς άστέρας, και τούς μέν [έπτα] έπι τα αὐτὰ τῷ παντί, τοὺς δὲ ὑπεναντίως. πῶς γὰρ καὶ δυνατόν έν κύκλοις άσωμάτοις τηλικαῦτα σώματα δεδέσθαι; σφαίρας δέ τινας είναι τοῦ πέμπτου σώματος 20 οίχειον έν τῷ βάθει τοῦ παντὸς οὐρανοῦ χειμένας τε καί φερομένας, τὰς μὲν ὑψηλοτέρας, τὰς δὲ ὑπ' αὐτὰς τεταγμένας, και τὰς μέν μείζονας, τὰς δὲ ἐλάττονας, ἔτι δέ τὰς μέν κοίλας, τὰς δ' έν τῷ βάθει τούτων πάλιν στερεάς, έν αξς άπλανῶν δίκην ένεστηριγμένα τὰ πλα-

1 $E\pi i \nu o \mu i \phi$: p. 987 A 3 inscr. $\tau \dot{\alpha}$ $A \rho i \sigma \tau \sigma \tau \dot{\epsilon} \lambda \sigma v \varsigma$ B. dditum est $\kappa \epsilon'$, quod ex ea quae sequitur κa voce ortum esse probabiliter cj. Mart. $\pi \epsilon \rho l \sigma \dot{\nu} \rho \alpha \nu \sigma \ddot{v}$: II 8 4 $\delta i \eta \rho \epsilon - \mu \sigma \ddot{\nu} \tau \sigma \sigma$ B* 8 Arist. de caelo II 12. cf. Krische die theol. Lehren der griech. Denker p. 286 sqq. $\tau \dot{\alpha}] \tau \dot{\alpha} \mu \dot{\epsilon} \gamma$? 10 cf. p. 201, 25. Arist. Metaph. λ 8 p. 1073^b $\varphi \sigma \sigma l \nu E \ddot{\nu} \delta \sigma - \dot{\epsilon} \delta \sigma \tau \dot{\kappa}$ del. Mart. 19 sqq. cf. p. 189, 7

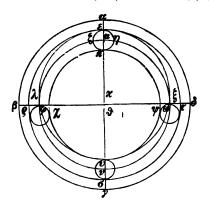
νητὰ τη έκείνων άπλη μέν, διὰ δὲ τοὺς τόπους ἀνισοταχεϊ φορά κατά συμβεβηκός φαίνεται ποικίλως ήδη κινεΐσθαι και γράφειν τινάς κύκλους έκκέντρους η και έφ' έτέφων τινών χύχλων χειμένους η τινας έλιχας, καθ' ών οί μαθηματικοί κινείσθαι νομίζουσιν αὐτά, τη 5 άναστροφή άπατώμενοι. έπει ούν φαίνεται μεν συναποφέρεσθαι ύπό τοῦ παντὸς πρὸς έκάστην ἡμέραν τὴν άπ' άνατολών έπι δύσεις, άντιφέρεσθαι δε την είς τα έπόμενα κατά λοξοῦ τοῦ ζωδιακοῦ μετάβασιν, κινεῖσθαι δέ τι καί πλάτος, βορειότερά τε καί νοτιώτερα βλεπό- 10 μενα, πρός δε τούτοις ύψος τε και βάθος, ότε μεν άπογειότερα, ότε δε προσγειότερα θεωρούμενα, φησιν ό Αριστοτέλης δτι διὰ πλειόνων σφαιρῶν ἕκαστον οί πρόσθεν ύπετίθεντο φέρεσθαι. Εύδοξος μεν ηλιον και σελήνην διά τριών σφαιρών φησιν έστηρίχθαι, μιας μέν της 15 τῶν ἀπλανῶν περί τοὺς τοῦ παντὸς πόλους δινουμένης καί διὰ κράτος κοινῶς πάσας τὰς ἄλλας ἀπὸ ἀνατολῶν έπι δύσεις έφελκομένης, έτέρας δε φερομένης περί άξονα τόν πρός όρθας τῷ διὰ μέσου τῶν ζωδίων, δι' ής την κατὰ μῆκος μετάβασιν εἰς τὰ έπόμενα τῶν ζωδίων κοι- 20 νώς έχαστον πάλιν φαίνεται ποιείσθαι, τρίτης δε περί άξονα τόν πρός όρθας τῷ λελοξωμένω κύκλω πρός τόν διὰ μέσου έν τῷ πλάτει τῶν ζωδίων, δι' ής την κατὰ πλάτος κίνησιν ξκαστον ίδίαν, τὸ μέν ἐν πλείονι, τὸ δὲ

1 diá re B* 3 éynévroovs B* 5 µadyrinol B, em. apogr. aúrov B* 7 ποдs έκάστην ήμέραν] ποдs έκά στην δε και πάντα B, πας έκαστην τε και πάντα Mart. cf. p. 176, 6 8 τὰ apogr.] την B 13 στι] ότε δε B* 14 inscr. τὰ Εὐδόξου κατὰ (και τὰ Mart.) Άριστοτέλους B. cf. Ideler, Abh. d. Berl. Akad. 1830 p. 73 sqq. Letronne, Journal des Savants 1841 p. 542 19 $\tilde{\eta}_{5}$] $\tilde{\eta}_{\nu}$ B 22 τον] τῶν B* 23 διαμέσου B*

12*

έν έλάττονι φέρεται διαστάσει, βορειότερόν τε καί νοτιώτερου γινόμενον τοῦ διὰ μέσων τῶν ζωδίων, τῶν δ' άλλων πλανωμένων ξκαστον διὰ τεττάρων, προστεθείσης [αν τις υπολάβηται σειρηνας] καθ' εκαστον έτέ-5 φας, δι' ής και τὸ βάθος Εκαστον ποιήσεται. Κάλλιππος δέ, χωριστοῦ Κρόνου και Διός, τοις ἄλλοις και έτέρας τινάς, φησί, προσετίθει σφαίρας, άνα δύο μέν ήλίφο και σελήνη, τοις δε λοιποις άνα μίαν. είτα δε έπιλογίζεται, εί μέλλοιεν συντεθείσαι σώζειν τὰ φαινό-10 μενα, καθ' ξκαστον τών πλανωμένων και έτέρας είναι σφαίρας μιζ έλάττονας τῶν φερουσῶν τὰς ἀνελιττούσας, είτε έαυτοῦ δόξαν ταύτην, είτε έχείνων ἀποφαινόμενος. έπει γάρ ώσντο κατά φύσιν μέν είναι τὸ έπι τὸ αὐτὸ φέρεσθαι πάντα, έώρων δε τα πλανώμενα και έπι του-15 ναντίον μεταβαίνοντα, ὑπέλαβον δεῖν εἶναι μεταξύ φερουσών έτέρας τινάς, στερεὰς δηλονότι, σφαίρας, αί τῆ ἑαυτῶν κινήσει ἀνελίξουσι τὰς φερούσας ἐπὶ τοὐναντίον, έφαπτόμενας αὐτῶν, ῶσπεο ἐν ταζς μηχανοσφαιοοποιίαις τὰ λεγόμενα τυμπάνια, πινούμενα περί τὸ πέν-20 τρον ίδίαν τινά κίνησιν, τῆ παρεμπλοκῆ τῶν ὀδόντων είς τούναντίον πινείν και άνελίττειν τα ύποκείμενα και προσυφαπτόμενα. έστι δε τὸ μεν φυσικὸν ὅντως, πάσας τάς σφαίρας φέρεσθαι μέν έπι το αύτο, περιαγομένας ύπό της έξωτάτω, κατά δε την ίδίαν κίνησιν δια την

2 γινομένων B* 4 σειοήνας B. ὑπολάβοιτο, σειοήνης Mart. interpolator verba διὰ τεττάφων male intellecta ad Platonis de sphaerarum concentu locum supra exscriptum (p. 146, 1. cf. adn. ad p. 138, 9) rettulit 5 δι'ής] διήση B* inscr. τὰ Καλίππου κατὰ (καὶ τὰ Mart.) Άριστοτέλους B* Κάλιππος B* 7 δύο] δύο: δύο B* · 18 cf. Papp. VIII p. 308 Gerh. Lübbert, Rhein. Mus. n. F. XII p. 119 21 κινεί καὶ ἀνελίττει Mart. 22 προσυφαπτόμενου B* 23 περιαγομένω B* τάξιν τῆς θέσεως καὶ τοὺς τόπους καὶ τὰ μεγέθη τὰς μὲν θᾶττον, τὰς δὲ βραδύτερον ἐπὶ τὰ ἐναντία φέρεσθαι περὶ ἄξονας ἰδίους καὶ λελοξωμένους προς τὴν τῶν ἀπλανῶν σφαίραν. ὥστε τὰ ἐν αὐταῖς ἅστρα τῆ τούτων ἁπλῆ καὶ ὑμαλῆ κινήσει φερόμενα κατὰ συμβεβηκὸς αὐτὰ 5 δοκεῖν συνθέτους καὶ ἀνωμάλους καὶ ποικίλας τινὰς ποιείσθαι φοράς. καὶ γράφουσί τινας κύκλους διαφόρους, τοὺς μὲν ἐγκέντρους, τοὺς δὲ ἐκκέντρους, τοὺς δὲ ἐπικύκλους. ἕνεκα δὲ τῆς ἐννοίας τῶν λεγομένων ἐπὶ βραχὺ καὶ περὶ τούτων ἐκθετέον, κατὰ τὸ δοκοῦν 10 ἡμῖν ἀναγκαῖον εἰς τὰς σφαιροποιίας διάγραμμα.



έστω σφαίζα κοίλη τῶν ἀπλανῶν ἡ αβγδ περὶ κέντρον τὸ ϑ τοῦ παντὸς ἐν βάθει τῷ αε. διάμετροι δ' αὐτῆς αί αγ βδ. καὶ νοείσθω ὁ αβγδ κύκλος μέγιστος καὶ διὰ μέσων τῶν ζῷδίων. ἑτέρα δέ τις ὑποκάτω 15

5 καl ante κινήσει del. B 12 in descr. omissae sunt literae $\partial \kappa l \mu \nu \xi \sigma \omega$ 14 αl] $\dot{\eta}$ B* 15 $\delta \epsilon$ τις] $\ddot{\eta}$ τις B*

αὐτῆς περὶ τὸ αὐτὸ κέντρον χοίλη σφαίρα πλάνητος ἡ ερστ καὶ πχυψ, ἐν βάθει τῷ επ' ἐν δὲ τῷ βάθει τούτῷ στερεὰ σφαίρα ἡ εξπη, ἐνεστηριγμένον ἐν αὐτῆ φέρουσα τὸ πλανώμενον κατὰ τὸ ε. καὶ πᾶσαι φερέσθωσαν ἐπὶ 5 τὰ αὐτὰ ὑμαλῶς ἁπλᾶς κινήσεις ἀπ' ἀνατολῶν ἐπὶ δύσεις, μόνη δὲ ἡ τὸ πλάτος ἀφορίζουσα τοῦ πλάνητος ἐπὶ τὰ ἐναντία φερέσθω, ἢ ἐπὶ τὰ αὐτὰ μέν, ὑπολειπέσθω δὲ διὰ βραδυτῆτα' ἑκατέρως γὰρ σωθήσεται τὰ φαινόμενα. ἀλλ' ἡ μὲν τῶν ἀπλανῶν περὶ ἅξονα <τὸν> 10 πρὸς ὀρθὰς τῷ.....

1 avt $\tilde{\eta}$ s] $\tilde{\eta}$ s B 2 $\tilde{\tau}$ $\tilde{\varphi}$ $\overline{\epsilon\pi}$] tò $\epsilon\pi$ B* 10 lacunam Martinus his verbis supplevit: $\tau o \tilde{v}$ ign $\mu \epsilon \varrho v o v$ é $\pi i \pi \epsilon \delta \varphi$, $\dot{\eta}$ dè xoln $\tau o \tilde{v}$ $\pi i \Delta \pi \eta \tau o \varsigma$ $\pi \epsilon \varrho i$ $\tilde{\delta} \xi o v \alpha$ $\pi \rho \delta \varsigma$ dodàs $\tau \tilde{\varphi}$ 16 $\pi \epsilon \varrho \iota \epsilon \tilde{v} \alpha \iota$ B* $\tau \eta v$] $\tau \tilde{\eta}$ s B* 18 $\tilde{\alpha} \lambda lou$ B, em. apogr. $\epsilon \ell \rho \tau \alpha \iota$: cf. p. 148, 5 $\epsilon \pi i$ del. Mart. 21 $\epsilon \pi \lambda \alpha v \eta$ B* 24 $\varphi \epsilon \varrho o \mu \epsilon \epsilon$ ηv B

άποχαθιστάσθω πρότερον έν τῷ αὐτῷ· καὶ ἔστω κέντρον της σφαίρας το μ. και γεγράφθω κέντοω μεν τῷ θ, διαστήματι δὲ τῷ θμ κύκλος ὁ μλνξ. τῆς δὲ < ε̄υ> εύθείας δίχα διαιρεθείσης κατά τό κ. κέντρω μέν τῶ κ. διαστήματι δε τῷ πε, κύκλος γεγράφθω ό ελυξ, έκκεν- 5 τρος πρός τὸ παν. φανερὸν δη ὅτι ἐν φ τρόνφ ή κοίλη σφαίρα τοῦ πλανωμένου τῆς τῶν ἀπλανῶν ὑπολείπεται φέρουσα την στερεάν, τὸ μέν μ κέντρον της στερεᾶς σφαίρας διελεύσεται τον μλυξ χύχλον έγχεντρον, έπλ τὰ έναντία δοχοῦν φέρεσθαι χαὶ ἀπάγον τὴν στερεὰν 10 σφαῖραν, τὸ δὲ ἐπὶ τοῦ ε πλανώμενον ἐν μὲν τῆ στερεῷ σφαίρα γράψει τόν εηπζ κύκλον, έπίκυκλον γινόμενον τοῦ μλυξ έγκέντρου, αὐτὸν φερόμενον ἐπὶ τὰ αὐτὰ τῷ παντί κατὰ συμβεβηκός <δέ> γράψει και τόν ελυξ έκκεντρον ίσον τῷ έγκέντρω, περιγράφον αὐτὸν ἐπὶ τὰ 15 έναντία τῷ παντί δόξει δὲ τοῖς ἀπὸ τοῦ θ ὑρῶσι καὶ τόν αβγδ ζωδιακον διανύειν, είς τὰ έπόμενα προϊόν ύπεναντίως τη του παντός φορά· φανήσεται δε και πιάτος πινείσθαι τὸ κατὰ λόγον τῆς λοξώσεως τοῦ ἐπιπέδου πρός τον δια μέσων των ζωδίων, φ έπιπέδο πρός όρθας 20 οί αξονες των σφαιρων αύτου. κατά δε τόν αύτόν τόπον άει μέγιστον απόστημα ποιήσεται και τα ελάχιστα δόξει

1 ếστω] έν τῶ Β 2 τῆ σφαίρα Β. ἐν τῷ πέντοῷ (ex ea nota qua voc. κέντοῦν hoc loco significatur casus cognosci non potest) τῆ σφαίρα Mart. 3 τὸ ở B^{*} τὸ ởμ B^{*} μψνξ B^{*} \overline{ev} add. Mart. 4 τὸ κ] τὸ ή B, τὸ H Mart. τῷ κ] τὸ η B, τῷ H Mart. 5 τῷ] τὸ B^{*} ἔγκεντοῦς B^{*} 9 μ νξ B^{*} 10 ἀπάγο. B, em. apogr. 11 τὸ] τὸν B^{*} 12 \overline{ev} τζ B^{*} 14 καί ante κατὰ add. Mart. 15 περιγοάφων B^{*} \overline{en}] περί B^{*} 17 προϊών B^{*} 20 τὸν] τῶν B^{*} ὡ ἐπίπεδοι B, οἶς ἐπιπέδοις Mart. 22 καὶ τὰ] κατὰ B^{*}

κινείσθαι, οίον κατά τὸ α σημεῖον τοῦ ζωδιακοῦ, έπειδαν της στερεάς σφαίρας το κέντρον έπι της αθ εύθείας κατὰ τὸ μ, αὐτὸ δὲ τὸ πλανώμενον κατὰ τὸ ε' κατὰ δὲ τούναντίον άει τὸ ἐλάχιστον ἀπόστημα ἀποστήσεται και 5 τὰ μέγιστα δόξει χινεΐσθαι, οἶον χατὰ τὸ γ σημείον τοῦ ζωδιακοῦ, ἐπειδάν, ἐπὶ τὰ ἐναντία τῆς κοίλης σφαίρας μεταπεσούσης, [καl] τῆς στερεᾶς τὸ μὲν κέντρον ἐπὶ τῆς θγ εὐθείας γένηται κατὰ τὸ ν, αὐτὸ δὲ τὸ πλανώμενον κατά τὸ γ, τουτέστι κατά τὸ υ. τὰ μέντοι μέσα 10 άποστήματα καί τὰ μέσα κινήματα ποιήσεται διχῆ, κατὰ τὰς διχοτομίας γινόμενον τοῦ εξπη ἐπικύκλου καὶ τοῦ μλυξ έγκέντρου, οίον τὰς ζη, αίτινες διὰ τὴν ἐπὶ τὰ έναντία μετάπτωσιν τῶν σφαιρῶν ἢ ὑπόλειψιν αί αὐταὶ γίνονται ταις λ ξ διχοτομίαις τοῦ τε ελυξ έχχέντρου 15 κύκλου καί τοῦ μλνξ έγκέντρου, φαινόμεναι κατὰ τὰ μεταξύ σημεία τῶν α γ ἐφ' ἑκάτερα β δ ἐν τῷ ζωδιακῷ, οίον τὰ φ ω. ἅ τινα πάντα φαίνεται περί τὸν ηλιον, διὰ τὸ τοὺς ἀποκαταστατικοὺς αὐτοῦ χρόνους πάντας ώς πρός αίσθησιν ίσους η σύνεγγυς άλλήλων εύρίσκεσθαι 20 — λέγω δε τόν τε τοῦ μήχους και τοῦ πλάτους και βάθους — <καί> έπισυνανταν άμφοτέρων τῶν σφαιρῶν τὰ όμόλογα σημεία κατά τὰς όμολόγους αὐτῶν κινήσεις ἀεὶ κατὰ τοὺς αὐτοὺς τόπους καὶ κατὰ τὰ αὐτὰ ὑρᾶσθαι ζφδια. έπειδή δε τη τοιαύτη και κατά φύσιν [ουτω] φορά 25 τῶν [πλανωμένων οῦτω] σφαιρῶν, ὑμαλη καὶ ἁπλη καὶ

7 κέντρον] nota voc. κέντρω B* 11 εξπη B* 11 εxtr. τοῦ] τὸ B* 12 ἐκκέντρου B* τὰς ζη] τὸ ε ξῦ B* 13 ὑπόληψιν B* 15 ἐκκέντρου, φαινόμενα B* 18 cf. p. 172, 17 22 τὰς] τοὺς B* 23 αὐτοὺς] αὐτῆς B* 25 οῦτω] ἢ τῶν Mart. ὁμαλὴ καὶ ἀπλὴ B* τεταγμένη, λοξή δε και δια βραδυτήτα μόνον ύπολειπομένη τῶν ἀπλανῶν ἢ μιῷ τῇ φερούση τὴν στερεάν, τουτέστι τόν έπίχυχλον, έπὶ τὰ έναντία φερομένη χατὰ συμβεβηχός έπιγίνεται ποιχίλη χαί σύνθετος άνώμαλός τε [καλ] ούσα φορά τοῦ πλανωμένου, διὰ μὲν5 είς τὰ έπόμενα τῶν ζφδίων γινομένη ἢ ὄντως η καθ' ύπόλειψιν, διὰ δὲ την λόξωσιν ἐν πλάτει τινί τῶν ζωδίων θεωρουμένη, διὰ δὲ <τὴν> τῆς στερεᾶς περί τόν αύτης άξονα δίνησιν ποτε μεν έν ΰψει καί διά τούτο βραδεία δοχούσα, ποτέ δὲ ἐν βάθει και διὰ τούτο 10 ταχυτέρα, και άπλῶς ἀνώμαλος, διὰ ταῦτα δὲ και κατὰ τοῦ ἐπικύκλου γινομένη καὶ κατὰ τοῦ ἐκκέντρου δοκοῦσα, δῆλον ὡς εἰκότως καὶ αί τῶν μαθηματικῶν ὑποθέσεις της φοράς αὐτῶν, η τε κατ' ἐπίκυκλον καὶ κατ' έππεντρον, άλλήλαις έπονται καί συνάδουσιν, έπειδη 15 άμφότεραι τη κατά φύσιν, κατά συμβεβηκός δέ, άκολουθοῦσιν, δ καί θαυμάζει Ίππαρχος, μάλιστα έπι τοῦ ήλίου διὰ τὸ ἰσοχρόνιον τῆς τῶν σφαιρῶν αὐτοῦ φορᾶς άπριβῶς ἀπαρτιζόμενον, έπι δε τῶν ἄλλων ούη ούτως άχριβῶς διὰ τὸ μὴ ἐν τῷ αὐτῷ χρόνφ τὴν στερεάν 20 σφαῖραν τοῦ πλάνητος ἀποκαθίστασθαι, ἐν φ̓ ἡ κοίλη τῆς τῶν ἀπλανῶν ἢ ὑπολείπεται ἢ ἐπὶ τὰ ἐναντία περιέργεται, άλλ' έφ' ών μεν θαττον, έφ' ών δε βραδύτερον, ωστε τὰς δμολόγους αὐτῶν χινήσεις, και κατὰ τὰ

1 $\lambda o \xi \dot{\eta} B^* 2 \ddot{\eta} \mu \iota \tilde{\alpha}] \dot{\eta} \mu \iota \alpha B^* 5 \kappa \alpha l del. Mart.$ $<math>\delta \iota \dot{\alpha} \mu \dot{\epsilon} v ...] \mu \iota \alpha \mu \dot{\epsilon} v \dot{\eta} B, lacuna ante \mu \iota \alpha vacuo spatio com$ $plurium literarum indicata: excidisse videntur verba <math>\tau \dot{\eta} v \tau \eta s$ $\kappa o \ell \eta s \phi o \rho \dot{\alpha} v v el similia. \kappa a \iota^* \mu \iota \alpha \mu \dot{\epsilon} v \dot{\eta} Mart. 7 \dot{v} \kappa \delta \eta \eta \iota v$ $B^* 8 \tau \eta v a dd. Mart. 11 \kappa a \tau \dot{\alpha}] \delta \iota \dot{\alpha} B^* 17 In \pi \alpha \rho z \sigma s:$ cf. p. 166, 6 $\epsilon \pi i] \dot{v} \pi \dot{\sigma} B^* 19 \dot{a} \pi \alpha \rho \tau \iota \beta \rho u \dot{\epsilon} v o v g B^*$ 21 $\kappa o \ell \eta \tau \eta s]$ nouló $\tau \eta s$

αύτὰ σημεία τῶν σφαιρῶν μή κατὰ τοὺς αὐτοὺς τόπους συνανταν, άλλ' άει παραλλάττειν, είναι δε και τας λοξώσεις τῶν σφαιρῶν ἐν πλείοσι πλάτεσι, διὰ δὲ ταῦτα τούς τε [τούς] άποκαταστατικούς αύτῶν χρόνους τοῦ τε 5 μήκους και πλάτους και βάθους άνίσους είναι και διαφόρους, (καί τὰς μεγίστας) και έλαχίστας και μέσα⁵ άποστάσεις και κινήσεις άλλοτε κατ' άλλους τόπους και έν πασι ποιείσθαι τοις ζωδίοις, έτι δέ, διὰ τὸ παραλλάττειν, ως φαμεν, τὰς δμολόγους κινήσεις και κατά τὰ 10 δμόλογα σημεία των σφαιρών, μηδε κύκλους δοκείν γράφειν τὰ πλανώμενα ταῖς κατὰ συμβεβηκὸς κινήσεσιν, άλλά τινας έλικας. έπι ούν των πλανωμένων έκάστου χρή νομίζειν ίδίαν μέν είναι την ποίλην σφαίραν καί φέρουσαν έν τῷ έαυτῆς βάθει τὴν στερεάν, ίδίαν δὲ 15 την στερεάν, πρός τη ίδία πάλιν έπιφανεία φέρουσαν τό. πλανώμενον.

ἐπὶ δὲ τοῦ ἡλίου καὶ φωσφόρου καὶ στίλβοντος [οὐ]
δυνατὸν μὲν καὶ ἰδίας εἶναι καθ' ἕκαστον ἀμφοτέρας,
ἀλλὰ τὰς μὲν κοίλας τῶν τριῶν ἰσοδρόμους ἐν ἴσφ
20 χρόνφ τὴν τῶν ἀπλανῶν ἐπὶ τἀναντία περιιέναι σφαῖραν, τὰς δὲ στερεὰς ἐπὶ μιᾶς εὐθείας ἐχούσας τὰ κέντρα, μεγέθει δὲ τὴν μὲν τοῦ ἡλίου ἐλάττονα, ταύτης δὲ
μείζονα τὴν τοῦ στίλβοντος, καὶ ταύτης ἔτι μείζονα τὴν
τοῦ φωσφόρου. δυνατὸν δὲ καὶ μίαν μὲν εἶναι τὴν
25 κοίλην κοινὴν τῶν τριῶν, τὰς δὲ στερεὰς <τῶν) τριῶν

4 τοὺς del. Mart. 6 καὶ μεγίστας add. Mart. 7 ἀποκαταστάσεις B* 8 παφαλλάττειν] πφάττειν B* 9 κατὰ τὰ] κατ' αὐτὰ Β, κατ' αὐτὰ τὰ Mart. 17 inscr. πεφὶ ήλίου, Έφμοῦ, Άφφοδίτης Β οὐ del. Mart. 20 πεφιείναι B* 21 nonnulla excidisse videntur, velut ἐπὶ τὰ αὐτὰ φέφεσθαι τỹ ἀπλανεί

έν τῷ βάθει ταύτης περί τὸ αὐτὸ κέντρον ἀλλήλαις, μικροτάτην μέν και όντως στερεάν την τοῦ ήλίου, περί δε ταύτην την τοῦ στίλβοντος, είτα ἀμφοτέρας περιειληφυΐαν καί τὸ πῶν βάθος τῆς κοίλης καί κοινῆς πληφοῦσαν τὴν τοῦ φωσφόρου. δι' ὃ τὴν μὲν κατὰ τὸ μῆκος 5 διὰ τῶν ζωδίων η ὑπόλειψιν η ἐπὶ τὰ ἐναντία φοράν ίσόδρομον οί τρείς ούτοι ποιούνται, τὰς δὲ άλλας ούχ όμοίως, [ἂς] ἀεί τε περί ἀλλήλους ὑρῶνται καταλαμβάνοντες και καταλαμβανόμενοι και έπιπροσθοῦντες άλλήλοις, τοῦ μὲν Ἐρμοῦ τὸ πλεῖστον εἰκοσί που μοίρας 10 έφ' έκάτερα τοῦ ἡλίου πρός έσπέραν ἢ πρός ἀνατολὴν άφισταμένου, τοῦ δὲ τῆς Άφροδίτης τὸ πλεϊστον πεντήκοντα μοίρας. ύποπτεύσειε δ' αν (τις) και την άληθεστέραν θέσιν τε καὶ τάξιν εἶναι ταύτην, ῖνα τοῦ κόσμου, ώς κόσμου και ζώου, της έμψυχίας ή τόπος ούτος, 15 ώσανεί καρδίας τοῦ παντὸς ὄντος τοῦ ήλίου πολυθέρμου διὰ τὴν κίνησιν και τὸ μέγεθος και τὴν συνοδίαν τῶν περί αὐτόν. ἄλλο γὰρ ἐν τοῖς ἐμψύχοις τὸ μέσον τοῦ πράγματος, τουτέστι τοῦ ζώου ή ζώου, και άλλο του μεγέθους. οίον, ώς έφαμεν, ήμων αύτων άλλο μέν, 20 ώς άνθρώπων και ζώων, της έμψυχίας μέσον τὸ περί τήν χαρδίαν, άεικίνητον και πολύθερμον και δια ταῦτα πάσης ψυχικής δυνάμεως ούσαν ἀρχήν, οἶον ψυχικής καί κατὰ τόπον όρμητικῆς, ὀρεκτικῆς καί φανταστικῆς και διανοητικής, τοῦ δὲ μεγέθους ήμῶν ἕτερον μέσον, 25 οίον τὸ περί τὸν ὀμφαλόν. ὁμοίως δὴ καὶ τοῦ κόσμου

3 άμφοτέροις B^* 6 ὑπόληψιν B^* 8 ἇς] αζς Mart. 13 τις add. Mart. 18 αὐτῶν B^* 19 τόυτὶ B^* ή ζώω B^* 22 ἀπίνητον B^* 23 οἶον ψυχικῆς] οἶον θρεπτικῆς? cf. Aristot. de an. II 3 24 scr. (καί) ὀρεκτικῆς vel ὀρεκτικῆς (τε)

παντός, ώς ἀπὸ βραχέων καὶ τυχόντων καὶ θνητῶν τα μέγιστα καί τιμιώτατα καί θεία είκάσαι, τοῦ μεγέθους μέσον τὸ περί τὴν γῆν κατεψυγμένον και ἀκίνητον. ὡς χόσμου δε χαι ή χόσμος χαι ζῷον τῆς ἐμψυχίας μέσον 5 τὸ περί τὸν ηλιον, οίονεὶ καρδίαν ὄντα τοῦ παντός, όθεν φέρουσιν αύτοῦ καὶ τὴν ψυχὴν ἀρξαμένην διὰ παντός ηπειν του σώματος τεταμένην άπό των περάτων. δηλον δε ώς δια τας είρημένας αίτίας αμφοτέρων τῶν ὑποθέσεων ἑπομένων ἀλλήλαις κοινοτέρα καὶ καθο-10 λικωτέρα δοκεί και σύνεγγυς τη κατά φύσιν ή κατά τόν έπίκυκλον. ό γάρ της στερεας σφαίρας μέγιστος κύπλος, ὃν τῆ ἐπ' αὐτῆς περὶ αὐτὴν φορῷ γράφει τὸ πλανώμενον, έστιν ό έπίκυκλος ό δε έκκεντρος παυτάπασιν απηρτημένος τοῦ κατὰ φύσιν καὶ μᾶλλον κατὰ 15 συμβεβηκός γραφόμενος. ὅπερ καί συνιδών ό Ίππαργος έπαινει την κατ' έπίκυκλον υπόθεσιν ώς ούσαν έαυτου. πιθανώτερον είναι λέγων πρός τό του κόσμου μέσον πάντα τὰ οὐράνια ίσορρόπως κεῖσθαι καὶ ὑμοίως συναρηρότα ούδε αύτος μέντοι, δια το μη έφωδιάσθαι 20 άπὸ φυσιολογίας, σύνοιδεν άχριβῶς, τίς ή χατὰ φύσιν καί κατὰ ταῦτα ἀληθής φορὰ τῶν πλανωμένων καὶ τίς ή κατὰ συμβεβηκός καὶ φαινομένη ὑποτίθεται δὲ καὶ ούτος τόν μεν έπίπυπλον έπάστου πινείσθαι πατά του έγχέντρου χύχλου, τὸ δὲ πλανώμενον χατὰ τοῦ ἐπιχύχλου. έσικε δε και Πλάτων κυριωτέραν ήγεϊσθαι την κατ' 25

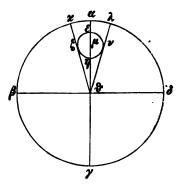
3 κατεμψυγμένον Β* 10 ή] η Β* 5 τοῦ ἡλίου B* 7 τεταγμένην 11 τον] την Β* B* στεφεᾶς] έτέφας 12 ôr tỷ öri B* 16 ovoav] ovo B* B 17 πιθανότε-18 συνειοηκότα Β* oov B, em. apogr. 19 έφοδιασθαι 23 ovτως B* 26 inscr. τα Πλάτωνος B. cf. Procl. ₿* in Tim. p. 258 E. 272 B. 284 C

έπίχυχλον, οὐ μὴν σφαίρας, ἀλλὰ κύχλους εἶναι τὰ φέροντα τὰ πλανώμενα, καθάπερ καὶ ἐπὶ τέλει τῆς Πολιτείας τοις ἐν ἀλλήλοις ἡρμοσμένοις αἰνίσσεται σφονδύλοις· χρῆται δὲ τοις ὀνόμασι κοινότερον, καὶ τὰς μὲν σφαίρας πολλάχις κύχλους προσαγορεύει καὶ 5 πόλους, τοὺς ἅξονας δὲ πόλους.

ό δὲ 'Αριστοτέλης φησί' σφαίρας εἶναί τινας τοῦ πέμπτου σώματος οίκεῖον ἐν τῷ βάθει τοῦ παντὸς οὐρανοῦ κειμένας τε καὶ φερομένας, τὰς μὲν ὑψηλοτέρας, τὰς δὲ ὑκ' αὐτὰς τεταγμένας, καὶ τὰς μὲν μείζονας, τὰς 10 δὲ ἐλάττονας, ἔτι δὲ τὰς μὲν κοίλας, τὰς δὲ ἐν τῷ βάθει τούτων πάλιν στερεάς, ἐν αἶς ἀπλανῶν δίκην ἐνεστηριγμένα τὰ πλανητά, τῷ ἐκείνων ἁπλῷ μέν, διὰ δὲ τοὺς τόπους ἀνισοταχεί φορῷ κατὰ συμβεβηκὸς φαίνεται ποικίλως ἦδη κινείσθαι καὶ γράφειν τινὰς κύκλους ἐκ- 15 κέντρους, τὰ καὶ ἐφ' ἑτέρων τινῶν κύκλων κειμένους ἤ τινας ἕλικας, καθ' ὧν οί μαθηματικοί κινείσθαι νομίζουσιν αὐτά, τῷ ἀναστροφῷ ἀπατώμενοι.

2 Plat. Civ. X p. 616 D 3 allylois] allois B*

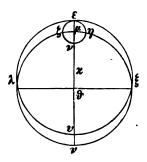
4 NOIVO B, NOIVOTÉQOIS Mart. 5 NÚNLOV B*. cf. Civ. p. 616 E. 617 AB. Tim. p. 36 D 6 Nal nólovs: cf. Crat. p. 405 C. Epin. p. 986 C. (Axioch. p. 371 B) rovs äforas dè nólovs: cf. Tim. p. 40 B post nólovs excidisse putat Mart. ea quae p. 178, 1 ex Epinomide se allaturum Theo promisit '7 inscr. rà Acistors B hunc locum (vs. 7-18) pro spurio habet Mart. cf. p. 178, 19 sqq. (B^a) 13 èxeivav B^a] xoivỹ B^b dià dè] día re B^{*}



πῶς δέ ποτε φαίνονται προηγείσθαί τε καὶ στηρίζειν καὶ ἀναποδίζειν ὅσοι τῶν πλανήτων καὶ ταῦτα ποιείν δοκοῦσι, δηλωτέον. ἔστω ζωδιακός μὲν ὁ αβγό περὶ τὸ θ τοῦ παντὸς κέντρον, πλάνητος δὲ ἐπίκυκλος 5 ὁ εξη, καὶ ἀπὸ τῆς θ ὅψεως ἡμῶν ἦχθωσαν ἐφαπτόμεναι τοῦ ἐπικύκλου αί θζκ, θνλ, καὶ διὰ τοῦ μ κέντρου τοῦ ἐπικύκλου ἡ θμεα. ἐπεὶ οὖν ἐπ' εὐθείας ὁρῶμεν, δῆλον ὡς ὁ ἀστὴρ ἐπὶ μὲν τοῦ ζ γενόμενος ἡμῖν ἐπὶ τοῦ κ φανήσεται· τὴν δὲ ζε περιφέρειαν ἐνεχθεἰς δόξει τοῦ 10 ζωδιακοῦ τὴν κα εἰς τὰ προηγούμενα προπεποδικέναι· ἡμοίως τὴν εν διανύσας δόξει τὴν αλ προπεποδικέναι. πάλιν δὲ τὴν νζ διαπορευθεἰς δόξει τὴν λακ εἰς τὰ ἑπόμενα τῶν ζωδίων ἀναπεποδικέναι· καὶ τῷ μὲν ζ προσιῶν καὶ πρώτως αὐτοῦ ἀποχωρῶν, ἐπὶ τοῦ κ φανήσε-15 ται πλείω χρόνον ποιῶν καὶ στηρίζων· πλεῖον δὲ ἀπο-

 $\frac{1}{5 \epsilon \bar{\xi} \eta \nu} \text{ Mart. } (\epsilon \bar{\xi} \eta \text{ Chalc. 86}) \quad 8 \times] \bar{\eta} B^* \quad 11 \overline{\epsilon \nu}] \epsilon \bar{\mu} B^* \\ 14 \times] \bar{\eta} B^*$

στὰς τοῦ ζ, πάλιν προηγησάμενος. ἔπειτα προσεγγίζων τῷ ν καὶ πρώτως ἀπιών αὐτοῦ, πάλιν ἑστάναι δόξει καὶ ἀναποδίζειν. τοὺς μέντοι στηριγμοὺς καὶ ἀναποδισμοὺς καὶ τὰς προηγήσεις καὶ ὑπολείψεις ἕκαστος πλάνης ἅλλοτε ἐν ἅλλοις ποιήσεται ζωδίοις καὶ μέρεσι ζωδίων, 5 διὰ τὸ καὶ τὸν ἐπίκυκλον ἑκάστου ἀεὶ μετανίστασθαι εἰς τὰ ἑπόμενα ἢ μεταβαίνοντα ἢ ὑπολειπόμενον.



χρήσιμου δὲ ἕνεκα τῶν προκειμένων καὶ τὴν μέσην ἀπόστασιν πλάνητος, ὁποία ποτέ ἐστιν, ίδεῖν. κατὰ μὲν οὖν τὴν τῶν ἐπικύκλων πραγματείαν, ἐὰν λάβωμεν τὸ 10 μέγιστον ἀφ' ἡμῶν ἀπόστημα τοῦ ἀστέρος, οἶον τὸ Θε, καὶ πάλιν τὸ ἐλάχιστον, οἶον τὸ Θν, καὶ τὴν ὑπεροχὴν τοῦ μεγίστου παρὰ τὸ ἐλάχιστον, οἶον τὸ εν, καὶ δίχα διέλωμεν κατὰ τὸ μ, δῆλον ὡς γενήσεται μέση αὐτοῦ ἀπόστασις ἡ Θμ. ἐὰν οὖν κέντοఴ μὲν τῷ θ, δια- 15 στήματι δὲ τῷ Θμ γράψωμεν τὸν μλυξ κύκλον ἔγκεν-

τρον, κέντρω δε τω μ και διαστήματι τω με τόν εζνη έπίχυπλον, φανερόν ώς δ άστηρ κατά τοῦ έπικύπλου φερόμενος, έπι μεν τοῦ ε σημείου γενόμενος μέγιστον άποστήσεται άφ' ήμῶν, ἐπὶ δὲ τοῦ ν ἐλάχιστον, Χαθ' 5 έχάτερον δε τῶν ζ η, καθ' ἂ τέμνεται ὁ ἐπίκυκλος ὑπὸ τοῦ ἐγκέντρου, ὑπουδήποτε μεταστάντος τοῦ ἐπικύκλου, τὸ μέσον. κατὰ δὲ τὴν <τῶν> ἐκκέντρων ὑπόθεσιν, ὄντος έκκέντρου τοῦ ελυξ περί κέντρον τὸ κ, τοῦ δὲ παντός κέντρου τοῦ θ, καὶ τῆς μεταξύ τῶν κέντρων τῆς θκ 10 έκβληθείσης έφ' έκάτερα, έαν κέντρω τῶ θ γράψωμεν ίσον τῷ ἐππέντρῷ τὸν μλυξ, δηλον ὡς οὖτος ἔσται ὁ έγκεντρος, καθ' οὖ τῆς έτέρας ὑποθέσεως φέρεται ὁ έπίκυκλος, κέντοφ μέν γραφόμενος τῷ μ, διαστήματι δε τῷ με. ὁ πλάνης, κατὰ τοῦ ἐκκέντρου φερόμενος, 15 έπι μέν τοῦ ε γενόμενος, ὅπου ἂν και τοῦτο, μέγιστον άφέξει ἀφ' ἡμῶν, ἐπὶ δὲ τοῦ υ ἐλάχιστον, κατὰ δὲ τὰς πρός τόν έγκεντρον διχοτομίας τάς λ ξ, δπου ζάν> γίνωνται μεταπίπτοντος τοῦ ἐκκέντρου, τὰ μέσα. καὶ φανερόν ώς καθ' έκατέραν την ύπόθεσιν τα αύτα συμ-20 φωνήσει μέγιστα καὶ πάλιν ἐλάχιστα καὶ μέσα εἶναι άποστήματα.

λείπεται περί συνόδων και ἐπιπροσθήσεων και κρύψεων και ἐκλείψεων ἐπὶ βραχὺ τῶν προκειμένων ἕνεκα διελθείν. ἐπεὶ τοίνυν φύσει μὲν ἐπ' εὐθείας ὁρῶμεν, 25 ἔστι δὲ ἀνωτάτω μὲν ἡ τῶν ἀπλανῶν σφαίρα, ὑπὸ δὲ

1 τὸ μ B* 3 γενόμενος] φεςόμενος B* 5 ξκάτεςον] ξτερον B 6 ὅπουδήπουτε B, em. apogr. 7 ἐγκέντοων ἀπόθεσιν B* 11 τὸν] τῶ B* 12 ξκκεντοςς B* 16 τὰς] τὴν B* 17 ξκκεντου B* ὅπου γίνονται B* 22 inscr. περί συνόδων καί ἐπιπροσθέσεων και φάσεων και κούψεων B ἐπιπροσθέσεων B* I

ταύτην αί τῶν πλανωμένων, ἐν ή τάξει διωρίσαμεν. δηλον ώς ή μεν σελήνη, προσγειοτάτη ούσα, πασι τοις ύπεο αύτην έπιπροσθήσει, και πάντα τα πλανώμενα, τινά δε και των απλανών, κρύπτει, επειδάν μεταξύ τινος αύτῶν και τῆς ὄψεως ἡμῶν ἐπ' εὐθείας καταστῆ, 5 αὐτὴ δὲ ὑπ' οὐδενὸς ἄστρου χρύπτεται. ὁ δὲ ῆλιος ὑπὸ μέν της σελήνης έπιπροσθείται, αύτός δε πλην της σελήνης τάλλα πάντα χρύπτει, τὸ μέν πρῶτον συνεγγίζων καί καταυγάζων, ἕπειτα δὲ κατὰ μίαν εὐθεῖαν ἕμπροσθεν της όψεως ήμων χάχείνων τινός μεταξύ χαθ- 10 ιστάμενος. στίλβων δε και φωσφόρος τα μεν ύπερ αύτούς κρύπτουσι, της όψεως ήμῶν κάκείνων κατ' εύθεταν όμοίως έπίπροσθεν γινόμενοι δοκοῦσι (δε) και άλλήλους έπιπροσθείν ποτε, διὰ τὰ μεγέθη και τὰς λοξώσεις τῶν χύχλων και τας θέσεις άλλήλων υπέρτεροί τε και ταπει- 15 νότεροι γινόμενοι. τὸ μέντοι ἀχριβὲς ἄδηλον ἐπ' αὐτῶν, διὰ τὸ περί τὸν ῆλιον ἀναστρέφεσθαι καὶ μάλιστα τόν στίλβοντα μιχρόν χέντρον είναι τῷ μεγέθει χαί σύνεγγυς αεί τῷ ήλίφ και τὰ πολλὰ καταυγαζόμενον άφανη. πυρόεις δε τους ύπερ αὐτὸν δύο πλάνητάς ποτε 20 κρύπτει, φαέθων δε τόν φαίνοντα, πάντες δε ol πλάνητες των απλανών τούς κατά τόν έαυτου δρόμον έκαστος.

σελήνη δε κατὰ διάμετρον ήλίου [καί σελήνης] γενομένη καί είς την της γης έμπίπτουσα σκιὰν έκλείπει,

1 διωρίσαμεν: p. 138 sqq. 6 κρύπτε ante αστρου del. B

8 συνεγγίζον και καταυγάζον B* 13 ἐπίποροσθα B* δὲ add. Mart. 15 ἄλλων B*, invicem Chalc. 87 16 αὐτῶ B* 20 δύο] αὐ B, duos supra se planetas Chalc. 23 inscr. περὶ ἐκλείψεως ἡλίου και σελήνης B ἡλίου και σελήνης γενομένων Mart. luna item diametro a sole distans et incurrens umbram terrae Chalc.

Theo Smyrn.

πλήν ού κατά πάντα γε μήνα. οὔτε <γάο πάσαις> ταζς συνόδοις και συμμηνίαις λεγομέναις ηλιος έκλείπει, ούτε ταις πανσελήνοις πάσαις ή σελήνη, διὰ τὸ τοὺς χύπλους αὐτῶν πολὺ λελοξῶσθαι πρὸς ἀλλήλους. ὁ μὲν γὰρ s ήλίου χύχλος, ως φαμεν, ύπ' αὐτῷ σύνεγγυς τῷ διὰ μέσων τῶν ζωδίων φαίνεται φερόμενος, τοῦ χύχλου αύτοῦ βραχύ τι πρός τοῦτον ἐγκεκλιμένου, ῶς ῆμισυ μοίρας έφ' έχάτερον παραλλάττειν. ὁ δὲ τῆς σελήνης κύκλος, ώς μεν Ίππαρχος εύρίσκει, έν πλάτει δέκα μοι-10 φαν λελόξωται, ώς δ' οί πλεϊστοι των μαθηματιχών νομίζουσι, δώδεκα, ώστε ε΄ η και τ΄ μοίρας έφ' έκάτερα τοῦ διὰ μέσων βορειοτέραν η νοτιωτέραν ποτε φαίνεσθαι. αν δή νοήσωμεν τα δια των κύκλων έκατέρων, τοῦ τε ἡλιακοῦ καὶ τοῦ τῆς σελήνης, ἐπίπεδα ἐκβεβλῆ-15 σθαι, έσται αύτῶν χοινή τομή εύθεια, έφ' ἧς άμφοτέρων έστι τὰ κέντρα. ήτις εύθεῖα τρόπον τινὰ κοινὴ διάμετρος έσται άμφοιν ής τα άχρα, χαθ' α τέμνειν δοκοῦσιν ἀλλήλους οί κύκλοι, σύνδεσμοι καλοῦνται, ὁ μὲν άναβιβάζων, ό δε καταβιβάζων, και αύτοι μεταπίπτον-20 τες είς τὰ έπόμενα τῶν ζφδίων. ἐὰν μὲν οὖν κατὰ σύνδεσμον ή σύνοδος ήλίου πρός σελήνην γένηται, σύνεγγυς άλλήλων φαινομένων των σωμάτων, έπιπροσθήσει τῷ ἡλίω πρὸς τὴν ὄψιν ἡμῶν σελήνη, ῶστε δόξει ήμιν έκλείπειν ὁ ήλιος, και τοσοῦτόν γε μέρος, 25 δσον αν ή σελήνη έπίπροσθεν γένηται. έαν δὲ μὴ κατά τόν σύνδεσμον ή συμμηνιαχή σύνοδος γένηται, άλλα

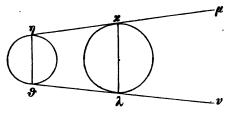
1 πάσαις add. Mart. 2 λεγομένοις B* 5 φαμε»: cf. p. 185, 13 ύπαυτῶν σύνεγγυς τῶν διαμέσων B* 9 cf. p. 135, 14. Lübbert, Rhein. Mus. n. F. XII p. 118 11 δωδώκα B, em. ap. 5'] ζ B* 12 του διαμέσου B* 16 έστι] έπι B* 18 άλλήλοις B* τοῦ μὲν μήχους τῶν ζωδίων χατὰ τὴν αὐτὴν μοζραν, τοῦ δὲ πλάτους μὴ κατὰ τὴν αὐτήν, ἀλλὰ τὸ μὲν βορειότερον φαίνηται τῶν ἄστρων, τὸ δὲ νοτιώτερον, οὐχ ἐπιπροσθούμενος ἥλιος οὐδ' ἐκλείπειν δόξει.

έπι δε της σελήνης ώδ' αν γένοιτο φανεφόν. ότι μεν γαφ είς την της γης έμπίπτουσα σχιάν ποτε έχλείπει, πολλάχις είφηται ώς δ' ού καθ' ξχαστον μηνα, δηλωτέον.

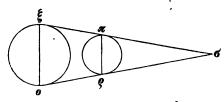
 $\bigoplus_{\substack{\beta \\ \beta \\ \delta}} \frac{\gamma}{\delta} = \sum_{\substack{\beta \\ \delta}} \varepsilon_{\beta}$

έπει τοίνυν έπ' εὐθείας τῶν φωτιζόντων al ἀπτίνες και al αὐγαι πίπτουσι και παφαπλησίως συνεχεῖς ταύ- 10 ταις al σχιαί, ὅταν μὲν ἴσον ἦ τό τε φωτίζον και τὸ τὴν σχιὰν ἀποβάλλον, σφαιφικὰ δὲ ἄμφω, γίνεται ἡ [δὲ] σχιὰ χυλινδφικὴ και εἰς ἄπειφον ἐππίπτουσα. οἶον ἔστω φωτίζον μὲν τὸ αβ, φωτιζόμενον δὲ τὸ γδ, ἴσα δὲ ἀλλήλοις και σφαιφικά · δῆλον οὖν ὡς τῆς γε αγ 15 ἀπτίνος και τῆς βδ ἐπ' εὐθείας ἐκπιπτουσῶν, ἐπει al αβ γδ διάμετφοι ἴσαι τέ εἰσιν ἀλλήλαις και πφὸς ὀφθὰς ταῖς αγε βδζ ἐφαπτομέναις, παφάλληλοι ἔσονται, και αί

8 νοτιώτερον: ι corr. ex ει Β 5 inscr. περί έκλείψεως σελήνης Β 8 tres quae sequentur descriptiones desent in B, sed exstant apud Chalc. 10 ταύτης B* 12 γίνηται, ή δè σπιὰ Mart. ergo cum ignis lucem praebens aegualis erit corpori, ex quo emicant umbrae, si tam ignis quam corporis globosa erit forma, umbrae nascentur in modum cylindri Chalc. 89 13 έμπίπτουσα B* 14 φωτιζόμενον] προσλαμβάνον B, προλαμβάνον Mart. quod vero illuminatur Chalc. 16 $\overline{\rho \sigma}$ Chalc.] εδ B έμπιπτουσῶν B* 18 έφαπτομένως B, cf. p. 190, 5, έπάτεφαι μèν οὐν Mart. γε δζ έπ' απειρον έκβαλλόμεναι οὐ συμπεσοῦνται· τοῦ δὲ τοιούτου πάντοθεν γινομένου δῆλον ὡς τῆς γδ σφαίφας ἡ σκιὰ κυλινδφική τε ἔσται καὶ ἐπ' απειφον ἐκπίπτουσα.



δ έαν μέντοι τὶ φωτίζον ἕλαττον ἦ, οἶον τὸ ηϑ, το
 δὲ φωτιζόμενον μείζον, οἶον τὸ ϰλ, ἡ χμλν <σχιὰ> τῷ μὲν σχήματι ἕσται χαλαθοειδής, ἐπ' ἄπειφον δὲ ὁμοίως
 ἐχπίπτουσα· ἐπεὶ γὰφ μείζων ἡ κλ διάμετφος τῆς ηϑ, αί
 xμ λν ἀχτίνες ἐπ' ἄπειφον ἐχπίπτουσαι ἐν πλείονι ἀεὶ
 10 διαστάσει γενήσονται, <χαὶ> τοῦτ' ἔσται πανταχόθεν
 ἡμοίως.



1 $\overline{\delta\xi}$] $\delta\xi$ B* 6 $\overline{\lambda}$ Chalc. 90] $\eta\overline{\lambda}$ B ora add. Mart. manifestum est umbr am orbis $\lambda\lambda$ quae est $\mu\lambda\nu$ in formam quidem effigiari calathi Chalc. 7 $\kappa\alpha\lambda\alpha$ doe: $\delta\xi$ B* 8 $\overline{\lambda}$ Chalc.] $\eta\overline{\lambda}$ B $\alpha(\overline{\lambda\mu},\overline{\lambda\nu})$ $\kappa\alpha(\eta\overline{\lambda},\mu\overline{\nu})$ B*, $\eta\eta\mu$ et $\delta\lambda\nu$ Chalc. 9 $d\kappa\tau\overline{\iota}$ veç bis sor. B* $\ell\mu\pi\ell\pi\tau$ ovoa: B* 10 yevýosta: B* $\tau o\overline{\nu}$ τ $\ell\sigma\tau\alpha$: B, $\tau o\overline{\nu}$ τ : $\ell\sigma\tau\alpha$: $\langle\tau\epsilon\rangle$ Mart. DEFECTU.

έαν δὲ ἀνάπαλιν τὸ μὲν φωτίζον ἦ μεῖζον, καθάπερ τὸ ξο, τὸ δὲ φωτιζόμενον <ἕλαττον>, οἶον τὸ πρ, σφαιρικὰ δὲ ἄμφω, δῆλον ὅτι ἡ τοῦ πρ σκιά, τουτέστιν ἡ πρσ, κωνοειδὴς καὶ πεπερασμένη γενήσεται, τῶν ξπ ορ ἀκτίνων ἐπ' εὐθείας ἐκβαλλομένων καὶ συμπιπτου- 5 σῶν ἀλλήλαις κατὰ τὸ σ σημείον, ἐπειδὴ ἐλάττων ἐστὶν ἡ πρ διάμετρος τῆς ξο, καὶ τούτου γινομένου πανταχόθεν.

έπει τοίνυν διὰ τῆς περι ἀποστημάτων και μεγεθῶν πραγματείας ήλίου και σελήνης δείκνυσιν Πππαρχος τον μέν ηλιον σύνεγγυς χιλιοκτακοσιογδοηκονταπλασίονα 10 τῆς γῆς, τὴν γῆν ἑπταεικοσαπλασίονα μάλιστα τῆς σελήνης, πολύ δε ύψηλότερον τόν ηλιον της σελήνης, δηλον ώς η τε σχιὰ ἔσται της γης χωνοειδής χαι χατά την κοινήν διάμετρον τοῦ τε ήλίου καὶ τῆς γῆς ἐμπίπτουσα, καί τὸ τῆς σελήνης μέγεθος κατὰ τὸ πλεϊστον ἔλαττον 15 τοῦ πάχους τῆς ἀπὸ τῆς γῆς σκιᾶς. ἐπειδὰν κατὰ μὲν τόν ἕτερον σύνδεσμον ήλιος γένηται, κατά δε τόν ἕτεοον σελήνη, και έπι μιας εύθείας ο τε ηλιος και ή γη καί ή σκιά καί ή σελήνη καταστη, τότε άναγκαίως έμπίπτουσα είς την σχιάν της γης ή σελήνη, διά το έλάτ- 20 των είναι αύτης και μηδεν έχειν ίδιον φῶς, ἀφανής καθίσταται και λέγεται έκλείπειν. άλλ' έπειδαν μέν άχριβῶς γένωνται χατὰ διάμετρον, ῶστε ἐπὶ τῆς αὐτῆς, ώς φαμεν, εύθείας καταστήναι τό τε τοῦ ἡλίου κέντρον

1 inscr. $\pi \epsilon \varrho$ | $\mu \epsilon \gamma \epsilon \vartheta o v \varsigma \eta$ llov nal $\sigma \epsilon \lambda \eta \nu \eta \varsigma$ nal $\pi \epsilon \varrho$ $\epsilon n \vartheta \epsilon \sigma \epsilon \omega \varsigma$ ($\epsilon n \vartheta \epsilon \sigma \epsilon \omega \varsigma$ compendiose scr., $\epsilon n \lambda \epsilon (\psi \epsilon \omega \varsigma Mart.)$ $\sigma \epsilon \lambda \eta \nu \eta \varsigma B$ 2 $\mu \epsilon \tilde{\iota} o \nu$ add. Mart. (si) minus vero erit quod inlustratur Chalc. 3 $\tau o v \tau l B^*$ 4 $n o v o \epsilon \iota \delta \eta \varsigma B^*$ 5 $\sigma v \mu$ - $\pi \tau o v \sigma \tilde{\omega} v B^*$ 13 $n o v o \epsilon \iota \delta \eta \varsigma B^*$ 16 $\epsilon \pi \epsilon \iota \delta a \nu \langle o \tilde{v} \nu \rangle$? 17 $\gamma \epsilon \nu \epsilon \tau a B^*$ 18 $\sigma \epsilon \lambda \eta \nu \eta \varsigma B^*$ 21 $a \phi \sigma a \nu \varsigma B^*$ και τὸ τῆς γῆς και τὸ τῆς σελήνης, διὰ μέσου τοῦ σκιάσματος σελήνη ἰοῦσα ὅλη ἐκλείπει· ὅτε δὲ σύνεγγυς, μὴ μέντοι ἐπ' εὐθείας, ἐνίοτε οὐχ ὅλη· τὰ μέντοι πλείω, μὴ κατὰ τοὺς συνδέσμους γινομένων τῶν σωμάτων τοῦ 5 τε ἡλίου και σελήνης ἐν ταῖς πανσελήνοις, ἡ μὲν σκιὰ τῆς γῆς και οῦτως ἐπὶ μιᾶς εὐθείας ἕσται τῷ ἡλίω, ἡ δὲ σελήνη, βοφειοτέφα τῆς σκιᾶς ἢ νοτιωτέφα παφοῦσα και κατ' οὐδὲν είς αὐτὴν ἐμπίπτουσα, οὐδ' ὅλως ἐκλείψει.

ταυτί μέν ό ⁷Αδραστος. ό δε Δερχυλλίδης ούδεμιζ 10 μέν οίκείς και προσηκούση τάξει περί τούτων άνέγραψεν & δε και αὐτὸς ὑποδείκνυσιν ἐν τῷ περί τοῦ ἀτράκτου και τῶν σφονδύλων τῶν ἐν τῷ Πολιτείς παρὰ Πλάτωνι λεγομένων ἐστί τοιαῦτα.

Εύδημος ίστορεϊ έν ταϊς Άστρολογίαις, ὅτι Οἰνο-15 πίδης εύφε πρῶτος τὴν τοῦ ζωδιαχοῦ διάζωσιν χαὶ τὴν τοῦ μεγάλου ἐνιαυτοῦ περίστασιν. Θαλῆς δὲ ἡλίου ἔχλειψιν χαὶ τὴν χατὰ τὰς τροπὰς αὐτοῦ περίοδον, ὡς οὐχ ἰση ἀεὶ συμβαίνει. ἀναξίμανδρος δὲ ὅτι ἐστὶν ἡ γῆ μετέωρος χαὶ χινεῖται περὶ τὸ τοῦ χόσμου μέσον. ἀνα-

1 και τὸ τῆς σελ.] ἀπ' αὐτῆς τῆς σελ. Β, και αὐτῆς τῆς σελ. Mart. 3 τὰ] τὸ B* 4 γινόμενον B* 9 δεοβυλλίδης B* 14 — p. 199, 8: have leguntur etiam in fine excerptorum quibus titulus ἐκ τῶν ἀνατολίου inscriptus est; edita sunt a Fabricio, Bibl. Gr. cur. Harles III p. 464, "or apographo Holstenii qui illa ex Peiresciano se codice hausisse est testatus," et ab Hultschio, Heronis reliq. p. 280, qui codice Monacensi 165 usus est inscr. τίς τί εὖ φεν ἐν μαθηματικῆ B, τίς τί εὖφεν ἐν μαθηματικοῖς exc. Εὖσημος: fr. 94 Speng. 16 Θαλῆς: cf. Zeller die Philos. der Gr. I⁴ p. 171. Schiaparelli p. 123 sq. 17 πεφίοδον Fabr.] πάφοδον B et codex Mon. 18 συμβαίνει Fabr.] συμβαίνειν B et Mon. 18 sqq. cf. Lewis an historical survey of the astronomy of the ancients p. 91 sqq. ἀναξίμανδφος: cf. Zeller p. 210 19 κινείται] κείται Montucla Historice des Mathématiques I p. 107 ἀναξιμένης: cf. Zeller p. 226 ξιμένης δε ότι ή σελήνη έκ τοῦ ήλίου ἔχει τὸ φῶς καὶ τίνα ἐκλείπει τρόπον. οί δε λοιποι ἐπι ἐξευρημένοις τούτοις ἐπεξεῦρον ἕτερα ὅτι οί ἀπλανεῖς κινοῦνται περὶ τὸν διὰ τῶν πόλων ἄξονα μένοντα, οί δε πλανώμενοι περὶ τὸν τοῦ ζωδιακοῦ πρὸς ὀρθὰς ὅντα αὐτῷ ἄξονα, 5 ἀπέχουσι δ' ἀλλήλων ὅ τε τῶν ἀπλανῶν καὶ τῶν πλανωμένων ἄξων πεντεκαιδεκαγώνδυ πλευρὰν ὅ ἐστι μοϊραι κδ΄.

έν δὲ τοῖς ἐφεξῆς φησιν. ὅν τφόπον ἐπὶ γεωμετρία καὶ μουσικῆ μὴ καταστησάμενον τὰς ὑποθέσεις ἀδύνα- 10 τον τῶν μετὰ τὰς ἀρχὰς λόγων ἐξάπτεσθαι, κατὰ τὰ αὐτὰ καὶ ἐπὶ τῆς ἀστφολογίας πφοομολογείσθαι χφὴ τὰς ὑποθέσεις, ἐφ' αἶς πφόεισιν ὁ λόγος ὁ πεφὶ τῆς τῶν πλανωμένων κινήσεως. πρὸ πάντων δέ, φησί, σχεδὸν τῶν πεφὶ τὰ μαθηματικὰ τὴν πραγματείαν ἐχόντων ἡ 15 λῆψις τῶν ἀρχῶν ὡς ὁμολογουμένων ἐστί· πρῶτον μὲν ὡς ἔστιν ἡ τοῦ κόσμου σύστασις τεταγμένως ἐπὶ μιᾶς ἀρχῆς διεπομένη ὑφέστηκέ τε τὰ ὅντα καὶ φαινόμενα ταῦτα. διὸ μὴ δεῖν φάναι τὸν κόσμον τῆς ἡμετέφας ὄψεως ἐκ τοῦ ἀπείφου, ἀλλὰ κατὰ πεφιγφαφὴν εἶναι. 20 δεύτεφον δὲ ὡς οὐ σβέσει καὶ ἀνάψει τῶν θείων σωμάτων αι τε ἀνατολαὶ καὶ δύσεις. ἀλλὰ γὰρ εἰ μὴ ἀίδιος

2 ἐπὶ om. exc. ἐξευςημένοις exc.] ἐξηυοιμένοις Β 3 ὅτι οἱ ἀπλανεῖς κτλ.: cf. p. 202, 8 sqq. (B^b) κινείται B^a 4 τῶν πόλων exc.] πόλον B^a, τῶν πόλον B^b 5 αὐτῷ ἄξονα B^b] αὐτοῦ ἄξονα B^a, ἄξονα αὐτῷ exc., ἄξονα del. Hultsch 6 ở' om. exc. 7 πεντεκαιδεκαγώνου exc.] πεντακαιδεκαγώνου B πλευςὰς B^a ὅ ἐστι μο ῆδ B, ὅτι εἰσὶ μοἰςε τὰν άςιθμὸν είκοσιτέσσαςες Mon., οἶ εἰσι μοῦςαι εἰκοσιτέσσαςες Fabr. 9 inscr. τίνες αί τῆς ἀστςονομίας ὑποθέσεις B φησιν <ὅτι> Mart. 13 αίς] οἰς B^{*} 16 ὁμολογουμένως B^{*} τούτων ή διαμονή, ούκ ἂν ή έν τῷ παντὶ τάξις φυλαχθείη τρίτον ὡς οὐ πλείους οὐδὲ ἐλάττονες τῶν ζ οἰ πλανώμενοι καὶ τοῦτο δῆλον ἐκ μακρᾶς τηρήσεως τέταρτον ἐπεὶ οὕτε πάντα τὰ ὅντα χινεἴσθαι εὕλογόν 5 ἐστιν οῦτε πάντα μένειν, ἀλλὰ τὰ μὲν χινεἴσθαι, τὰ δὲ μένειν, ὑμολογεἴσθαι δεἰ, τίνα ἐν τῷ παντὶ μένειν χρὴ καὶ τίνα χινεἴσθαι. φηδὶ δ' ὡς γῆν μὲν χρη οἴεσθαι μένειν, ἑστίαν τοῦ θεῶν οἴχου χατὰ τὸν Πλάτωνα, τὰ δὲ πλανώμενα σὺν τῷ παντὶ περιέχοντι οὐρανῷ χι-10 νεἴσθαι τοὺς δὲ τὰ χινητὰ στήσαντας, τὰ δὲ ἀχίνητα φύσει καὶ ἕδρα χινήσαντας ὡς παρὰ τὰς τῆς μαθηματιχῆς ὑποθέσεις ἀποδιοπομπεῖται.

έν δὲ τούτοις φησί και κατὰ μῆκος τοὺς πλανωμένους κινείσθαι καὶ βάθος καὶ πλάτος τεταγμένως καὶ
15 ὁμαλῶς καὶ ἐγκυκλίως,.... ἡγησάμενοι οὐκ ἂν σφαλλοίμεθα τῆς περὶ αὐτοὺς ἀληθείας. διὸ τάς τε ἀνατολὰς καὶ παρανατολὰς τῆς κατὰ μῆκος κινήσεως καὶ τὰς ἀπὸ τῶν πρεσβυτέρων ἀποδιδομένας ἐκλύτους καὶ φαθύμους αἰτίας τῆς ὑπολείψεως λεγομένης παραιτεῖται. ὀρ30 θὸν δὲ τὸ νομίζειν, φησί, πῶν τὸ ἄλογον καὶ ἄτακτον φυγόντας τῆς τοιαύτης κινήσεως, ἐναντίαν τῆ ἀπλανεϊ φορᾶ τὰ πλανώμενα κινεισθαι ἠρέμα, περιαγομένης τῆς ἐντὸς φορᾶς ὑπὸ τῆς ἐκτός. οὐκ ἀξιοῖ δὲ τοῦ πλανωμένου αἰτίας οἴεσθαι τὰς ἑλικοειδεῖς γραμμὰς ὡς προ35 ηγουμένας τάς τε (ππικῆ παραπλησίας. γίνεσθαι μὲν γὰρ ταύτας κατὰ συμβεβηκός. πρώτην δὲ προηγουμένην

8 Πλάτωνα: Phaedr. p. 247 A 9 δε] γὰο B 11 μαθηματικῆς] μαντικῆς B 15 ἡγησαμένου (ἡγησάμενος Mart.) κἂν σφαλοίμεθα B 18 ἀπὸ] ὑπὸ Mart. παοα post ποεσβυτέοων del. B 19 ὑπολήψεως λεγομένας B* 21 ἀπλανῆ B* 22 περιαγαμένης B* 23 cf. Schiaparelli p. 154 αίτίαν είναι καὶ τοῦ πλάνου καὶ τῆς ἕλικος τὴν κατὰ λοξοῦ τοῦ ζωδιακοῦ κύκλου κίνησιν· καὶ γὰρ ἐπεισοδιώδης καὶ ὑστέρα ἡ κατὰ τὴν ἕλικα κίνησις, ἐκ τοῦ διπλοῦ τῆς περὶ αὐτοὺς κινήσεως ἀποτελουμένη. προτέραν δὲ χρὴ εἰπεῖν τὴν κατὰ τοῦ λοξοῦ προηγουμένην 5 κίνησιν· ἑπομένη γὰρ ἡ ἕλιξ καὶ οἰ πρώτη.

πάλιν παραιτεϊται και τῆς κατὰ τὸ βάθος κινήσεως αίτίας είναι τὰς έχχεντρότητας. περί δε χέντρον έν τι τὸ αὐτῆς καὶ κόσμου ἡγεῖται τοῖς κατ' οὐρανὸν φερομένοις πασι. την χίνησιν είναι, χατά συμβεβηχός ύπό των 10 πλανωμένων, ού κατὰ προηγουμένην, ὡς ἐπάνω ἐπεδείξαμεν, τῶν ἐπικύκλων καὶ τῶν ἐκκέντρων κύκλων διὰ τοῦ τῶν ἐγκέντρων βάθους γραφομένων. δύο γὰρ έπιφανείας έχει έκάστη σφαίζα, την μέν έντος κοίλην, την δε έπτος πυρτήν, ών έν τῷ μεταξύ κατ' έπικύκλους 15 καί έγκέντρους κινείται τὰ ἄστρα, καθ' ην κίνησιν καί τούς έππέντρους πατά συμβεβηπός γράφει. φησί δε παί κατὰ μέν τὰς ήμετέρας φαντασίας άνωμάλους είναι τὰς τῶν πλανωμένων κινήσεις, κατὰ δὲ τὸ ὑποκείμενον καὶ τάληθες όμαλάς. πασι δε την κίνησιν προαιρετικήν και 20 άβίαστον είναι δι' όλιγίστων φορών και έν τεταγμέναις σφαίραις. αίτιᾶται δε τῶν φιλοσόφων όσοι ταις σφαίραις οἶον ἀψύχους ἑνώσαντες τοὺς ἀστέρας καὶ τοῖς τούτων κύκλοις πολυσφαιρίας είσηγοῦνται, ῶσπερ Αριστοτέλης άξιοι και τῶν μαθηματικῶν Μέναιχμος και 25

5 είπειν] ταύτην B, ταύτης Mart. προηγουμένης B* 8 εν τι το] έν τη της B* 11 έπεδείζαμεν: p. 167 sqq. 13 έπεέντρων B* βάθους] πλάτους B* 16 έπεέντρους B* 19 και τάληθές όμαλάς] όμαλῶς (όμαλὰς em. Mart.) και τάληθές B 24 πολυσφαιρέας B* 25 Άριστοτέλης: Metaph. λ 8 p. 1073 b Μένεχμος B* Κάλλιππος, οι τὰς μὲν φεφούσας, τὰς δὲ ἀνελιττούσας εἰσηγήσαντο. ἐπὶ δὲ τούτοις ὁμολογουμένοις περὶ μένουσαν τὴν γῆν τὸν οὐρανὸν σὺν τοις ἄστροις ἡγεῖται κινεῖσθαι ἐν ὁμαλαῖς καὶ ἐγκυκλίοις κινήσεσιν ἐλαχίσταις 5 τε καὶ συμφώνοις ἐγκέντροις τε καὶ ἀβιάστοις φοραῖς, καὶ ταύτας σωζομένας καὶ παρὰ Πλάτωνι ἀποδείκνυσι τὰς ὑποθέσεις.

κινουνται δε οί μεν απλανείς περί τον δια των πόλων άξονα μένοντα, οί δε πλανώμενοι περί τον τοῦ 10 ζωδιακού πρός όρθας όντα αύτῷ άξονα άπέχουσι δ' άλλήλων δ τε τῶν ἀπλανῶν καὶ τῶν πλανωμένων ἄξων πεντεκαιδεκαγώνου πλευράν. δίχα μεν τέμνει τον κόσμον ό ζωδιακός μέγιστος ών της δε του παντός περιφερείας είς τξ' μοίρας διαιρουμένης ό ζφδιακός 15 έκατέρωθεν οπ΄ μοίρας ἀπολαμβάνει· ὁ δὲ ἄξων τοῦ ζωδιακού πρός όρθας ων δίχα διαιρεί τας ρπ' μοίρας. λελόξωται δε ό ζωδιαχός από τοῦ χειμερινοῦ παραλλήλου έπι τόν θερινόν είσι δε άπό μεν τοῦ θερινοῦ έπι τόν άνταρκτικόν μοζραι λ', ώς παραδίδωσιν Ίππαρχος, ν ἀπὸ δὲ τοῦ ἀνταρκτικοῦ μέχρι τοῦ πόλου τῆς ἀπλανοῦς σφαίρας μοζραι τριάχοντα έξ συνάμφω δέ, άπό μέν τοῦ θερινοῦ μέχρι τοῦ πόλου τῆς τῶν ἀπλανῶν σφαίρας, μοξραι ξς'. Γνα δε πληρωθωσιν έπι τον πόλον του τών πλανωμένων άξονος 5' μοζραι, προσθετέον μοίρας

1 Κάλιππος B* 4 έλαχίστοις B*. (καὶ ἐν) έλαχίστοις? 6 σωμένας B* cf. Boeckh Unters. über das kosm. System des Platon p. 127 8 cf. p. 199, 3 sqq. (B^a) 9 πόλων exc.] πόλον B 11 \ddot{o} τε] \dot{o} περί B^b 12 πεντεκαιάσκαγώνου exc.] πεντακαιδεκαγώνου B μεν (γάς)? 16 $q\pi$] π \bar{q} B* 19 άφκτικον Mart., sed hic error ad scriptoris neglegentiam referendus esse videtur 20 άφκτικοῦ Mart. 21 τριακονταέξ B* 24 προστίθεται B* κό', καθ' δ είη αν ό πόλος τοῦ <τῶν> πλανωμένων άξονος ποὸς ὀσθὰς ὄντος τῷ ζφδιακῷ. λοιπαὶ δὴ ἀπὸ τοῦ πόλου <τοῦ> τῶν πλανωμένων ἄξονος μοζοαι ἐπὶ τὰ θεοινὰ μέρη τοῦ ἀνταρκτινοῦ ιβ' al πᾶσαι γὰο ἦσαν λζ'. ὧν ἀφέλωμεν κό' λοιπαὶ ιβ'. al πᾶσαι γὰο ἦσαν λζ'. ὧν ἀφέλωμεν κό' λοιπαὶ ιβ'. als προσθετέον τὰς 5 ἀπὸ τοῦ ἀνταρκτικοῦ μέχρι τοῦ θερινοῦ πάλιν μοίρας λ' καὶ τὰς ἀπὸ τοῦ θερινοῦ ἐπὶ τὸν ἰσημερινὸν μοίρας κό' καὶ <τὰς> ἀπὸ τοῦ ἰσημερινοῦ ἐπὶ τὸν χειμερινόν, οῦ πάλιν ἐφάπτεται ὁ ζῷδιακός, μοίρων πεντεκαιδέκατον 10 μέρος· πεντεκαιδεκάκις γὰρ κό' γίνονται τξ'. διὰ τοῦτό φαμεν τοῦ ἐγγραφομένου είς σφαίραν πεντεκαιδεκαγώνου πλευρὰν ἀπέχειν ἀλλήλων τοὺς δύο ἄξονας, τόν τε τῶν ἀπλανῶν καὶ τὸν τῶν πλανωμένων.

Ελικα δε γράφει τὰ πλανώμενα κατὰ συμβεβηκός, 15 διὰ τὸ δύο κινείσθαι κινήσεις ἐναντίας ἀλλήλαις. τῷ γὰρ αὐτὰ κατὰ τὴν ἰδίαν κίνησιν ἀπὸ τοῦ θερινοῦ ἐπὶ χειμερινὸν φέρεσθαι καὶ ἀνάπαλιν, ἡρέμα μεν αὐτὰ περιιόντα, τάχιστα δε ἐπὶ τὰ ἐναντία περιαγόμενα καθ' ἐκάστην ἡμέραν ὑπὸ τῆς ἀπλανοῦς σφαίρας, οὐκ ἐπ' 20 εὐθείας ἀπὸ παραλλήλου ἐπὶ παράλληλον πορεύεται, ἀλλὰ περιαγόμενα περὶ τὴν ἀπλανῆ σφαίραν. ἕνα δὴ διὰ τοῦ ζφδιακοῦ ἀπὸ τοῦ α ἐπὶ τὸ β χωρήση, τῆς φορᾶς αὐτῶν οὐκ ἐπὶ εὐθείας τοῦ ζφδιακοῦ μόνον, ἀλλὰ καὶ ἐν κύκλῷ περὶ τὴν ἀπλανῆ γινομένης, ἕλικα 25

4 zeiueoivà Mart. - ส่งหาเหอบ Mart. 6 ส่งหาเหอบ Mart.

μοίφαι B* 9 γίνοιντο $\mu_Y^{o_i}$ πδ μοίφαι B, γίνονται μην πδ μοίφαι Mart. 11 πεντεπαιδεπάι B* 15 inscr. πεφί της έλιποειδοῦς πινήσεως B. cf. Procl. in Tim. p. 263 η λιπα B* 22 πεφί] έπί B* 24 αύτοῦ B* εὐθείας supra vs. add. B 25 γινομένη B, γινομένην Mart.

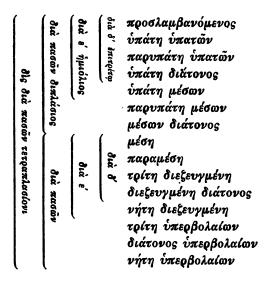
γράφουσιν έν τη από παραλλήλου έπι παράλληλον διόδω όμοίαν τη τών άμπέλων έλικι καθάπερ εί τις ίμάντα περιελίττει πυλίνδρφ από της έτέρας αποτομής μέχρι τῆς έτέρας, ῶσπερ ταῖς Λακωνικαῖς σκυτάλαις οί ἔφοροι 5 περιελίττοντες ίμάντας τὰς ἐπιστολὰς ἔγραφον. γράφει δε και άλλην έλικα τα πλανώμενα, ού μόνον ώς περί κύλινδρον ζάπὸ τῆς έτέρας> ἀποτομῆς ἐπὶ τὴν ἑτέραν άποτομήν, άλλα και την ώς (έν) έπιπέδω. έπειδη γαο δι' αίῶνος ἀπὸ τοῦ ἑτέρου παραλλήλου ἐπὶ τὸν ἕτερον 10 γωροῦσι καὶ ἀπ' ἐκείνου πάλιν ἐπὶ τὸν αὐτὸν καὶ τοῦτο άδιαλείπτως και άπαύστως γίνεται ύπ' αύτῶν, αν έπινοήσωμεν έπ' απειρον έκτεινομένας εύθείας είναι τάς παραλλήλους καί δι' αύτῶν κατὰ τὰ αὐτὰ πορευόμενα τὰ πλανώμενα ποτὲ μὲν τὴν χειμερινὴν ὑδόν, ποτὲ δὲ 15 την θερινήν, μέχρις απείρου εύρεθείη αν ήμιν ελικα γράφοντα. κατά δε το άπαυστον και αιώνιον της περί την σφαίραν διὰ [της] τῶν παραλλήλων πορείας όμοία ή όδός αύτοις γίνεται τη διά των έπ' απειρον έκτεινομένων εύθειών όδῷ, καθάπερ δηλοί τὰ ὑποκείμενα δια-20 γράμματα. ώστε δύο κατὰ συμβεβηκός γράφουσιν έλικας, την μέν ώς περί κύλινδρον, την δε ώς δι' έπιπέδου. ταυτί μέν τὰ άναγκαιότατα καί έξ άστρολογίας κυριώτατα πρός την των Πλατωνικών ανάγνωσιν. έπει δε έφαμεν είναι μουσικήν και άρμονίαν την μεν έν 25 όργάνοις, τὴν δὲ ἐν ἀριθμοῖς, τὴν δὲ ἐν κόσμφ, καὶ

3 περιειλίττει B* ἀπὸ bis scr. B, semel ap. ἐτέραν B, em. ap. 6 ἅλλον B* 7 ἀπὸ τῆς ἑτέρας add. Mart. 8 ἐν add. Mart. 11 ἂν] κἀν B (κ rubrum versus initio antepositum est), κἀν ap. 14 τὰ πλανώμενα] τὰ ἀπλανῆ B, τῆ ἀπλανεῖ Mart. 17 τῆς del. Mart. 19 descriptiones B non habet 22 κυριότατα B*. καὶ κυριώτατα ἐξ ἀστρολογίας? 24 ἔφαμεν: p. 17, 2. 47, 3

EPILOGUS.

περί τῆς ἐν κόσμφ τἀναγκαϊα πάντα ἑξῆς ἐπηγγειλάμεθα μετὰ τὴν περί ἀστρολογίας παράδοσιν — ταύτην γὰρ ἔφη καί Πλάτων ἐν τοῖς μαθήμασι πέμπτην είναι μετὰ ἀριθμητικὴν γεωμετρίαν στερεομετρίαν ἀστρονομίαν —, ἂ καί περί τούτων ἐν κεφαλαίοις παραδείκνυσιν ὁ Θρά- 5 συλλος σὺν οἶς καί αὐτοί προεξειργάσμεθα δηλωτέον.

1 ἐπηγγειλάμεθα: p. 47, 9. 93, 11 2 αστοολογίαν Β* 3 Πλάτων: Civ. VII p. 530 4 στερεωμετρίαν Β* 5 θρασύλλος Β* 6 προεξηργάσμεθα Β* τέλος add. Β



Exstat haec descriptio neglegentissime facta in cod. A post finem eius partis qua de musica agitur (p. 72). Quindecim nominibus adiecta sunt haec signa: $Q \ \overline{\xi} \ \overline{R} \ \overline{\Phi} \ \overline{C} \ \overline{P} u \ \mathcal{I} \ \xi \ \Box \ \Box \ U$ $\partial q u \ \neg \ \overline{K}$. Cf. Boeth. de inst. mus. p. 312 sqq. Friedl. Westphal p. 324 sqq.

·····

COMPARATIO PAGINARUM HUIUS EDITIONIS CUM PRIORUM EDITIONUM CAPITIBUS.

08

c.	25	in.	p.	78,	6	c.	3	in.	р.	122. 17	7
1	26		-	78,			4		•	128, 1	
	27			79,	15		5			129, 10)
1	28			80,	7		6			130, 16	
1	29				15		7			131, 5	
	80			81,	6		8			131, 18	3
	31			82,			9			132, 5	
	32			84,	15		10			133, 17	7
	33			85,	8		11			134, 1	-
	84			86,			12			134, 8	
	35			87,			13			136, 20)
	36			90,	22		14			187, 7	-
	37			93,	17		15			138, 9	
	38			93,	25		16			143, 7	
	39			99,			17			147, 7	
	4 0			99,			18			147, 14	L
	41			100,	9		19			147, 19	
	42			100,	13		20			148, 1	
	43			101,			21			148, 3	
	44				14		22			148, 18	3
	45			102	4		23			150, 19	
	46		•	103,	1		24			151, 20	
	47			104,	20		25			151, 28	
	48	•		106,	3		26			152, 6	
	49			106,	7		27			172, 18	5
	50			106,	12		28			173, 16	
	51			107,			29			174, 3	
	52			110,	19		30			175, 1	
	53			111,	14		31			178, 3	
	54			112,	26		32			180, 22	2
	55			113,			33			186, 17	
	56			114,			34			188, 8	
	57			114,	14		35			190, 1	
	58			115,	5		36			191, 8	
	59			115,			37			192, 29	2
	60			115,			38			193, 24	
,	61			116,			39			195, 5	
		~		. '			40			198, 14	Ł
					mia.		41			199, 9	
C.	1	in.	p.	120,	1		42			202, 8	
	2		-	121,	1		43			203, 15	5
				·						,	

COMPARATIO PAGINARUM HUIUS EDITIONIS CUM PRIORUM EDITIONUM PAGINIS.

.

p.	1 Bull.	in. p.	1,	1	ŋ	. 80	Bull.	in.	p.	2 2.	5	
•	2		1,		I.	31			•	22,		
	3		2,			82				23,	8	
	4		2,			33				23,		
	5	•	8,			34				24,		
	6		4,			35				25,		
	7		б,			36				25,		
	8	••	6,			37				26,		
	9		7,			38	•			26,		
:	10 ·			4		39				26,		
2	11		9,	1		40				27,		
:	12	1	10,			41				27,		
:	18	1	0,	19		42				28,		
:	14	1	1,	14		43				28,		
:	15	1	2,	4		44				29,		
:	16		2,			45				30,		
:	17		3,			46				30,		
:	18		4,			47				31,		
	19	1	5,	6		48				31,		
5	20		15,			49				32,	12	
9	21		6,			50				32,	22	
	22	1	7,	3		51				33,	16	
1	23		7,			52				34,	1	
5	24		8,			53				34,	14	
	25	1	9,	1		54						
	26		9,			55				35,	8	
	27	2	20,	8		56				35,	24	
	28		21,			57				36,		
5	29		1,			58				37,		
	Theo Smy	**	-						1.4	-		

Theo Smyrn.

٠

•

$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	
	2
	14
63 40, 1 108 71,	6
64 40, 6 109 72,	1
65 41, 3 110 72,	18
66 41, 9 111 206	
67 42, 4 112 72,	24
	10
69 4 3, 23 114 .74,	1
70 44, 18 115 74,	12
71 45, 12 116 74,	
72 46, 9 117 75,	13
73 46, 20 118 76,	
74 47, 9 119 76,	
75 47, 21 120 77,	13
76 48, 8 121 78,	
	18
78 49,6 123 79,	6
79 49, 18 124 79,	19
80 50, 16 125 80,	7
81 51, 10 126 80,	16
82 52, 9 127 81,	
83 53, 1 128 81,	18
84 53, 10 129 82,	9
85 54, 2 130 83,	2
86 54, 16 131 83,	
87 55, 6 132 84,	
88 55, 15 133 85,	4
89 56, 15 134 85,	17
90 58, 1 135 86,	9
91 59, 4 136 86,	
92 59, 21 137 87,	8
93 60, 12 138 88,	
94 61, 2 139 88,	24
95 61, 20 140 89,	17
96 62, 13 141 90,	8
97 63, 9 142 90,	
98 64, 1 143 91,	
99 65, 10 144 92,	
100 66, 3 145 92,	
101 66, 14 146 93,	
102 67, 4 147 93,	
103 67, 20 148 94,	

p. 149 Bull. in.	p. 95, 9	p. 6 Geld.	in. p. 2, 19
150 p. 145 Dun, in.	96, 3	p. 0 0010	3, 11
151	96, 20	8	4, 11
152	97, 11	9	5, 7
153	98, 5	10	6,5
154	98, 22	11	7, 9
155	99, 18	12	8,5
156	99, 24	13	8, 19
157	100, 18	14	9, 14
158	101, 3	15	10, 19
159	101, 14	16	11, 15
160	102, 4	17	12, 6
161	102, 17	18	· 12, 22
162	103, 13	19	13, 10
163	104, 7	20	14, 16
164	104, 20	21	15, 7
165	105, 9	22	16, 1
166	106, 7	23	16, 19
167	106, 15	24	17, 4
168	107, 10	25	17, 21
169	107, 22	26	18, 10
170	108, 15	27	19,4
171	109, 12	28	19, 19
112	110, 7	29	20, 7
173	110, 20	30	20, 23
174	111, 14	31	21, 15
175	112, 1	32	22, 1
176	112, 18	33	22, 16
177	113, 4	34	23, 6
178	113, 18	35	23, 20
179	114, 1	36	24,9
180	114, 14	37	24, 22
181	114, 26	38	25, 7
182	115, 12	39	25, 20
183	115, 20	4 0	26, 7
184	116, 10	41	26, 18
185	116, 26	42	27, 5
186	117, 18	43	27, 19
187	118, 7	44	28, 6
188	119, 6	45	28, 17
		46	29, 8
		47	29, 23
p. 3 Geld. in. p		48	30, 9
4	1,4	49	30, 24
5.	2, 3	50	31, 13
			14*

14*

212

r	. 51 Geld. in. p. 5	32.2	n.	176	Mart.	in	n	136	10
r		32, 15	Р.	178	TITOL OF		Ŀ.	137,	
	53	33, 7		180				137,	22
		34, 1		182				138,	
		34, 14		184				139,	4
		35, 9		186				140,	
		35, 24		188				140,	
		6, 10		190				141,	
		36, 22		192				141,	
		37, 11		194				142,	
		38, 3		196				143,	
		38, 16		198				144,	
	63 5	39, 8		200				145,	
		39, 17		202				146,	
		10,6		204				147,	4
		41, 3		206				147,	
	67 4	11, 10 ·		208				148,	
	68 4	12, 3		210				149,	7
	69 4	13, 7		212				150,	
		13, 23		214				150,	
		14, 14		216				151,	
		15, 10		218				152,	
		16, 1		220				153,	14
		16, 18		2 22				154,	15
		-		224				156,	4
				226				157,	
F). 138 Mart. in. p.	120, 1		228				157,	22
	140	120, 10		230				159,	3
	1 42	121, 3		232	•			159,	24
	144	121, 25		2 3 4				160,	22
	146	122, 19		236				161,	
	148	123, 15		238				162,	
	150	124, 18		24 0				163,	
	152	125, 16		242				165,	
	154	126, 13		244				165,	
	156	127, 8		246				166,	
	158	128, 1		248				167,	14
	160	129, 5		250				168,	
	162	130, 1		252				169,	ð
	164	130, 19		254				170,	9
	166	132, 2		256				171,	
	168	132, 19		258				171,	20
	170	133, 17		260				172,	Ta
	172	134, 8		262				173,	
	174	135, 8		264	•			174,	T

.

.

INDEX SCRIPTORUM.

p. 2	266	Mart.	in.	p.	175,	1	p.	304	Mart.	in.	p.	190,	1
	68			•	175,		•	306			•	191,	2
2	70				176,	18		308				192,	3
2	72				177,	14		310				192,	22
2	74				178,	6		312				193,	12
2	76				179,	2		314				194,	3
2	78				179,	18		316				194,	24
2	80				180,	8		318				195,	18
2	282				181,	3		320				197,	3
2	84			•	182,	11		322				197,	21
2	286				183,	4		324				198,	16
2	288				183,	16		326				199,	9
2	290				184,	13		328				200,	7
2	92	-			185,	5		330				201,	2
2	94				186,	1		332				201,	24
2	296				186,	19		3 34				202,	
2	298	•			187,	15		336				203,	12
3	300				188,			338				204,	6
3	302				188,	23		340				205,	2

INDEX SCRIPTORUM.

- Adrastus: 49, 6. 50, 4. 61, 19. 64, 1. 65, 10. 66, 12. 73, 19. 76, 2. 106, 16. 107, 10. 24. 120, 8. 129, 9. 10. 146, 11. 147, 7. 16. 148, 10. 13. 149, 9. 150, 20. 151, 20. 154, 12. 21. 157, 12. 158, 10. 166, 6. 10. 177, 9. 198, 9. Alexander: 138, 18. 140, 4. 141, 5 sqq. 143, 1. Anaximander: 198, 18. Anaximenes: 198, 19. Aratus: 146, 16. Archimedes: 124, 12. 127, 3. Archytas: 20, 19. 22, 10. 61, 12. έν τῷ περί δεκάδος 106, 10.
- Aristoteles: 179, 13. 189, 7.

- 201, 25. ἐν τῷ λ τῶν μετὰ τὰ φυσικά 178, 10. ἐν τοῖς περὶ οὐρανοῦ 178, 3. ἐν τῷ Πυθαγορικῷ 22, 5.
- Aristoxenus: 53, 9. 55, 12. 15. 56, 1. 64, 2. 67, 10.
- Callippus: 178, 11. 180, 6. 202, 1.
- Dercyllides: 198, 9. 199, 9. 14. 200, 7. 13 sqq. 201, 7 sqq. 202, 3. 6. έν τῷ περὶ τοῦ ἀτράκτου καὶ τῶν σφουδύλων τῶν ἐν τῷ Πολιτεία παρὰ Πλάτωνι λεγομένων 198, 11.
- Dicaearchus: 124, 21.
- Empedocles: 15, 10. 149, 6. έν τοῖς Καθαφμοῖς 104, 2.

- Eratosthenes: 82, 22. 105, 14. 107, 15. 23. 111, 10. 124, 12. 21 142, 7. έν τοις έπεσι 142, 16. έν τῷ έπιγραφομένω Πλατωνικώ 2, 3. 81, 17.
- Euander: 105, 6.
- Eudemus: έν ταῖς Άστρολογίαις 198, 14.
- Eudoxus: 61, 12. 178, 11. 179, 14.
- Euripides: 48, 3. 146, 16.
- Herophilus: 104, 16.
- Hesiodus: 9, 9.
- *Hipparchus:* 166, 6. 185, 17. 188, 15. 194, 9. 197, 9. 202, 19.
- Hippasus : 59, 8.
- Ibycus: 146, 12.
- Lasus: 59, 7.
- Menaechmus: 201, 25.
- Oenopides: 198, 14.
- Orphica: έν τοις Όρφικοις δρκοις 105, 1.
- Peripatetici: 72, 24.
- Philolaus: 20, 19. έν τῷ περί φύσιος 106, 11.
- Plato: 1, 2. 7. 15. 2, 8. 12, 10. 15, 7. 11. 16. 16, 1. 11. 19. 27. 17, 5. 9. 47, 16. 56, 5. 63, 25. 65, 1. 67, 12. 69,

- Posidonius: 103, 18.
- Pythagoras: 56, 10. 94, 8. 150, 16.
- Pythagorei: 6, 2. 12, 10. 18. 17, 25. 20, 7. 46, 13. 47, 12. 50, 4. 55, 14. 94, 3 sqq. 99, 14. 18. 103, 4. 116, 4. 138, 11. 139, 11. 147, 4.
- Thales: 198, 16.
- Theo: ἐν τοὶς τῆς Πολιτείας ὑπομνήμασιν 146, 4.
- Thrasyllus: 47, 18. 48, 8. 85,
 - 8. 87, 8. 93, 8. 205, 5.
- *Timotheus*: 105, 11.

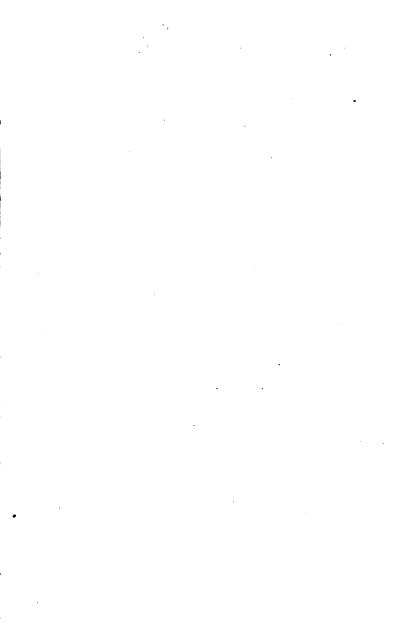
ADDENDA ET CORRIGENDA.

p. 4 adn. vs. 4 ante μη ήπίστατο add. 8 5, 17 [µèv] cj. H(ultsch) 6 adn. vs. 6 corr. olov 12, 18 φασίν] πάλιν cj. H. 18, 11 corr. πολλά 20, 14 [ov to Ev] cj. H. 24, 14 xai yào] ốs yào A 34, 13 corr. ael-44, 2. 4. 5 corr. τριάδος - τριάδα - τριάδι 17 corr. διάμετοοι 45, 15 συνθῶμεν cj. H. 46, 11 corr. τέταρτον 47, 22 (et in adn.) ovros post avròs add. 48, 15 vnarov: cf. v. Jan. Philol. XXIX p. 302 1) 52, 18 Lóyov] Légiv? 53, 9 ήμιπήχειον H. 55, 14 corr. diegin 62, 8 őri] ắga cj. H. 71, 1 µέν τις] μέν τη cj. H. 73 in adn. ad 21 A post "litt." add. 75, 14 συμφωνίαις] συμφωνία cj. H. 77, 25 et p. 80, 23 corr. asi 82, 22 ὅτι <ἡ> τῆς ἀναλογίας φύσις ἀρχή εὐλόγου ἐστὶ καὶ ζτεταγμένης γενέσεως, έκ τῆς Ισότητος αὐτή τε γεννηθείσα) πρώτη κτλ. cj. H. 84, in adn. ad 15 corr. "inser." 93, 4 ἀρχόμενοι ὑποτεθείσης <γὰρ> αὐτῆς μυρίων τξή οί έφεξης κτλ.? 12 λοιπῶν del. vid. 94, 9 < είναι > cj. H. 96, 2 corr. auξησις 97, 25 an scr. όγδόη δε τετρ. ή τούτων κριτική και νοητική

ovoa?

ADDENDA ET CORRIGENDA.

p. 100, 14 μέσα: cf. adn. ad p. 46, 15
101, 18 corr. <i>aei</i>
102, 6 посеѓи сј. Н.
103, 14 yerra del. vid.
114, 14 et 21 avaloyía et avaloyía neglegenter pos. pro
μεσότης et μεσότητι
116, 12 εύρήσομεν?
124, 1 συρουήσεται (άρα) Η.
5 δήλον ζούν)?
127, 16 tŵr] tò?
128, 12 πρός τὰς ὅλας σφαίρας] πάσης καθόλον σφαίρας cj. H.
131, 4 dé tis] d' éti tis?
- 6 <i>(είς)</i> ίσα Η.
138, 9 η] καl H. cf. p. 152, 4.
150, 2 ταῦτα] τὰς cj. H. an αὐτὰ?
153, 11 pro μη' corr. μ' η"
157, 15 έπεζεύχθωσαν Η.
171, 3 avástosopov cj. H.
19 $\langle u\alpha l \rangle \tau \tilde{\eta} \ \overline{o\pi}$?
178 adn. vs. 2 corr. "additum"
180, 6 xwels rov H.
18 μηχανικαίς σφαιροποιίαις cj. Η.
22 อีหรอง] อยัรอง cj. H.
in adh. ad 18 post "Gerh." add. "p. 1026, 2–4. 1027 n. 3. 4 Hultsch."
184, 3 (γένηται) κατά το μ cj. Η.
24 καί κατά φύσιν ούση φορά των πίανωμένων ήτοι σποιοδη οί Η
$\sigma \varphi \alpha \iota \rho \tilde{\omega} \nu$ cj. H.
185, 5 $\tau \epsilon \pi \alpha l$ $\tau \epsilon \tau \iota_{\rm S}$ cj. H. 186, 19 $\epsilon \sigma l \omega \epsilon \tau \epsilon$
186, 12 έπι (μέν) ούν cj. H. 188, 6 φέρουσιν] άποφαίνουσιν cj. H.
192, 14 ό (δε) πλάνης?
15 nal] ή vel γίνηται Η.
194, 7 corr. ώς
in adn. ad 11 corr. δώδωχα
200, 13 δv] $\delta \pi i$ cj. H.
200, 10 0FJ 200 0J. 11.



ыл. 42 **б**ө

,

•



